

عنوان دوره:

## اصول و مبانی نقشه برداری زمینی

# فصل اول

## کلیات

مجموعه عملیاتی را که برای تعیین و یا نمایش موقعیت نسبی نمود ها و عوارض واقع بر سطح زمین یا نزدیک به سطح زمین، اعم از مصنوعی یا طبیعی، با اندازه گیری فاصله، ارتفاع، زوایا و امتداد تعدادی نقطه نسبت به هم یا نسبت به نقاط دیگر، موسوم به نقاط کنترل انجام می گیرد و در اغلب موارد به تهیه نقشه برای استفاده های مختلف می انجامد ((نقشه برداری)) گویند.

طبق تعریف بالا یک نقشه بردار دارای ۲ فعالیت اساسی است:

\* **اندازه گیری** داده های بین عوارض موجود(مثل اندازه گیری طول و زاویه در پیمایش) جهت تهیه نقشه در اصطلاح هر اندازه گیری ای که برای تعیین موقعیت عوارض انجام می گیرد یک "برداشت" نام دارد.

\* **پیاده کردن** عوارض روی زمین (مثل پیاده کردن مسیر محور اصلی یک بزرگراه و یا پیاده کردن پلان یک ساختمان)

مجموعه عملیاتی را که برای تعیین و یا نمایش موقعیت نسبی نمود ها و عوارض واقع بر سطح زمین یا نزدیک به سطح زمین، اعم از مصنوعی یا طبیعی، با اندازه گیری فاصله، ارتفاع، زوایا و امتداد تعدادی نقطه نسبت به هم یا نسبت به نقاط دیگر، موسوم به نقاط کنترل انجام می گیرد و در اغلب موارد به تهیه نقشه برای استفاده های مختلف می انجامد (نقشه برداری) گویند.

طبق تعریف بالا یک نقشه بردار دارای ۲ فعالیت اساسی است:

- \* **اندازه گیری** داده های بین عوارض موجود(مثل اندازه گیری طول و زاویه در پیمایش) جهت تهیه نقشه در اصطلاح هر اندازه گیری ای که برای تعیین موقعیت عوارض انجام می گیرد یک "برداشت" نام دارد.
- \* **پیاده کردن عوارض روی زمین** (مثل پیاده کردن مسیر محور اصلی یک بزرگراه و یا پیاده کردن پلان یک ساختمان)

نسبتی که بین ابعاد روی نقشه و اندازه های نظیرشان بر روی زمین وجود دارد، مقیاس گویند. در واقع مقیاس ضریب کوچک کردن واقعیت می باشد که معرف دقت نقشه نیز می باشد.

فاصله دو نقطه روی نقشه

$$\frac{\text{فاصله افقی همان دو نقطه روی زمین}}{\text{فاصله دو نقطه روی نقشه}} = \text{مقیاس}$$

مثال) مقیاس نقشه ای 1/2500 است. اگر فاصله دو نقطه A و B روی نقشه 45mm باشد فاصله دو نقطه روی زمین چه قدر است؟

$$\frac{1}{2500} = \frac{1}{2.5 \times 1000} = \frac{45}{x} \quad \Rightarrow \quad x = 2.5 \times 45 = 112.5$$

## نمایش مقیاس به صورت عددی یا کسری

این مقیاس را به صورت  $\frac{1}{n \times 1000}$  نشان می دهند که در آن هر میلی متر روی نقشه معادل  $n$  متر بر روی زمین می باشد.

مثال ۱: در نقشه ای با مقیاس  $\frac{1}{50000}$  معادل چند متر بر روی زمین می باشد؟

$$\frac{1^{cm}}{3^{cm}} = \frac{500^m}{x^m} \Rightarrow x = 1500m$$

مثال ۲: در نقشه ای با مقیاس  $\frac{1}{25000}$ , ۲۰۰m روی زمین معادل چند میلی متر روی نقشه است؟

$$\frac{1^{mm}}{x^{mm}} = \frac{25^m}{200^m} \Rightarrow x = 8mm$$

با توجه به انتقال طولها به روی نقشه و از روی نقشه به روی زمین می توان رابطه مساحت روی نقشه را به مساحت روی زمین را با توجه به مقیاس به صورت زیر نوشت:

$$\text{مساحت روی نقشه} = \frac{\text{مساحت روی زمین}}{(\text{مقیاس})^2}$$

مثال ۴: مساحت زمینی از روی نقشه با مقیاس  $\frac{1}{2000}$  برابر ۶ سانتی متر مربع می باشد. در روی زمین، مساحت واقعی آن چند متر مربع است؟

(مسابقات علمی کارشناسی ناپیوسته عمران - اردیبهشت ۱۳۸۰)

۱۲۰۰۰ (۴)

۲۴۰۰ (۳)

۱۲۰۰ (۳)

۲۴ (۱)

پاسخ گزینه ۳

مثال ۵: فاصله دو نقطه A و B بر روی زمین شیبدار با شیب ۵۸ درصد برابر ۳۰۰ متر می باشد. اگر فاصله این دو نقطه روی نقشه برابر  $25/9$  سانتی متر ترسیم شده باشد، مقیاس نقشه کدام است؟

$\frac{1}{10000} (4)$

$\frac{1}{1000} (3)$

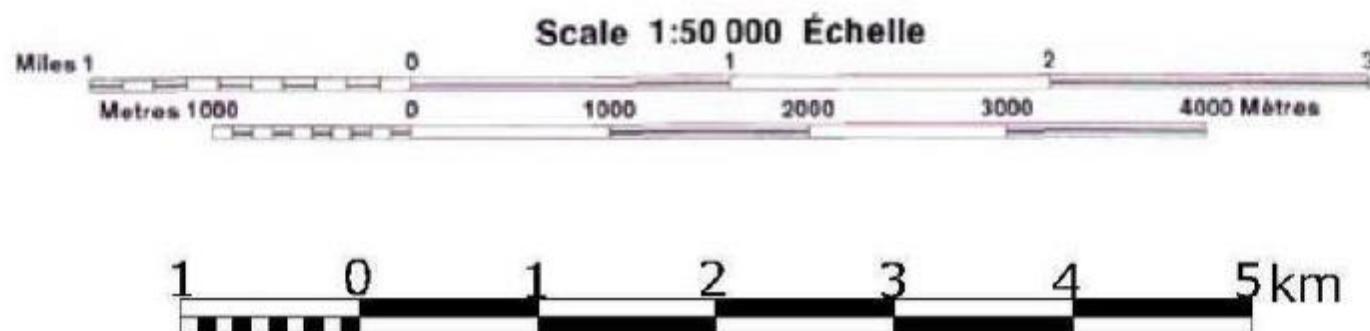
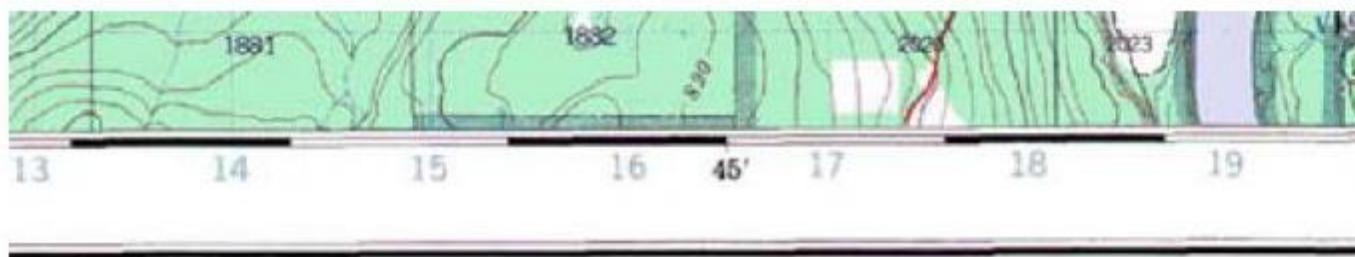
$\frac{1}{100} (3)$

$\frac{1}{10} (1)$

پاسخ گزینه ۳

### مقیاس خطی یا ترسیمی:

چون در اثر رطوبت یا تغییر دما امکان تغییر ابعاد نقشه و تاثیر آن روی اندازه ها وجود دارد علاوه بر مقیاس عددی ، مقیاس خطی نیز روی نقشه رسم می شود که در صورت تغییر ابعاد کاغذ اندازه به تناسب تغییر کند. به کمک مقیاس خطی زمینی را روی نقشه می توان پیدا کرد. این عمل با پرگار معمولی انجام می شود. برای مثال نقشه ای با مقیاس دارای مقیاس ترسیمی به صورت شکل زیر است.



## طبقه بندی نقشه ها بر اساس مقیاس

- ۱- پلان ها با مقیاسهای  $\frac{1}{500}$  تا  $\frac{1}{100}$  برای نشان دادن موقعیت دقیق اجزاء یک مجموعه مانند ساختمان
- ۲- نقشه های بزرگ مقیاس با مقیاسهای  $\frac{1}{5000}$  تا  $\frac{1}{1000}$  کارهای ثبتی، نقشه های دقیق مهندسی و اجرایی
- ۳- نقشه های متوسط مقیاس با مقیاسهای  $\frac{1}{50,000}$  تا  $\frac{1}{10,000}$  نشان دادن شکل کلی عوارض زمین برای مطالعات اولیه پژوهه
- ۴- نقشه های کوچک مقیاس با مقیاسهای  $\frac{1}{500,000}$  تا  $\frac{1}{100,000}$  برای تهیه نقشه های جغرافیایی
- ۵- نقشه های جغرافیایی با مقیاسهای یک میلیونیم و کوچکتر برای تهیه کره ها و اطلس های جغرافیایی

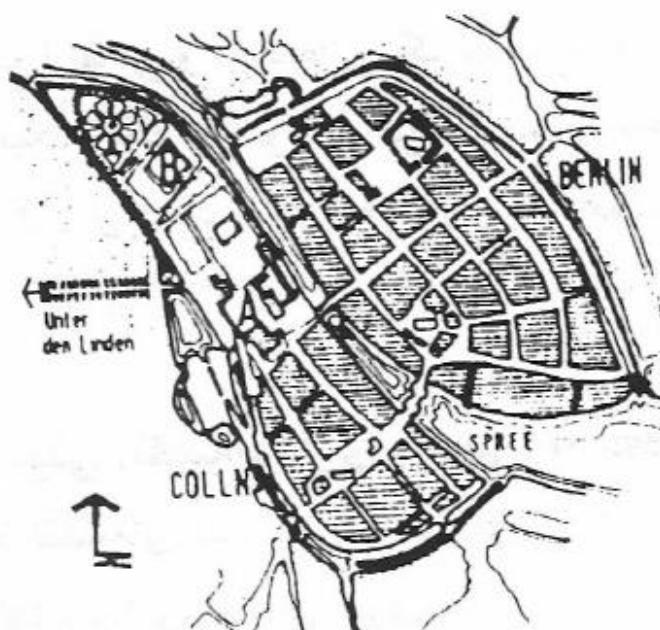
## انواع نقشه برداری و نقشه های مربوطه

---

- نقشه برداری مسطحه
  - نقشه برداری ارتفاعی
  - توپوگرافی
  - نقشه برداری زیرزمینی
  - نقشه برداری هوایی
  - نقشه برداری مسیر
  - آبنگاری (هیدروگرافی)
  - نقشه برداری نظامی
  - نقشه برداری مشتقه (نقشه برداری موضوعی)
  - نقشه برداری ثبتی املاکی
  - نقشه برداری ژئودزی
  - کارتوجرافی
- 
- تفاوت نقشه برداری ژئودزی و مستوی

## ۱ - نقشه برداری مسطحه (Planimetry)

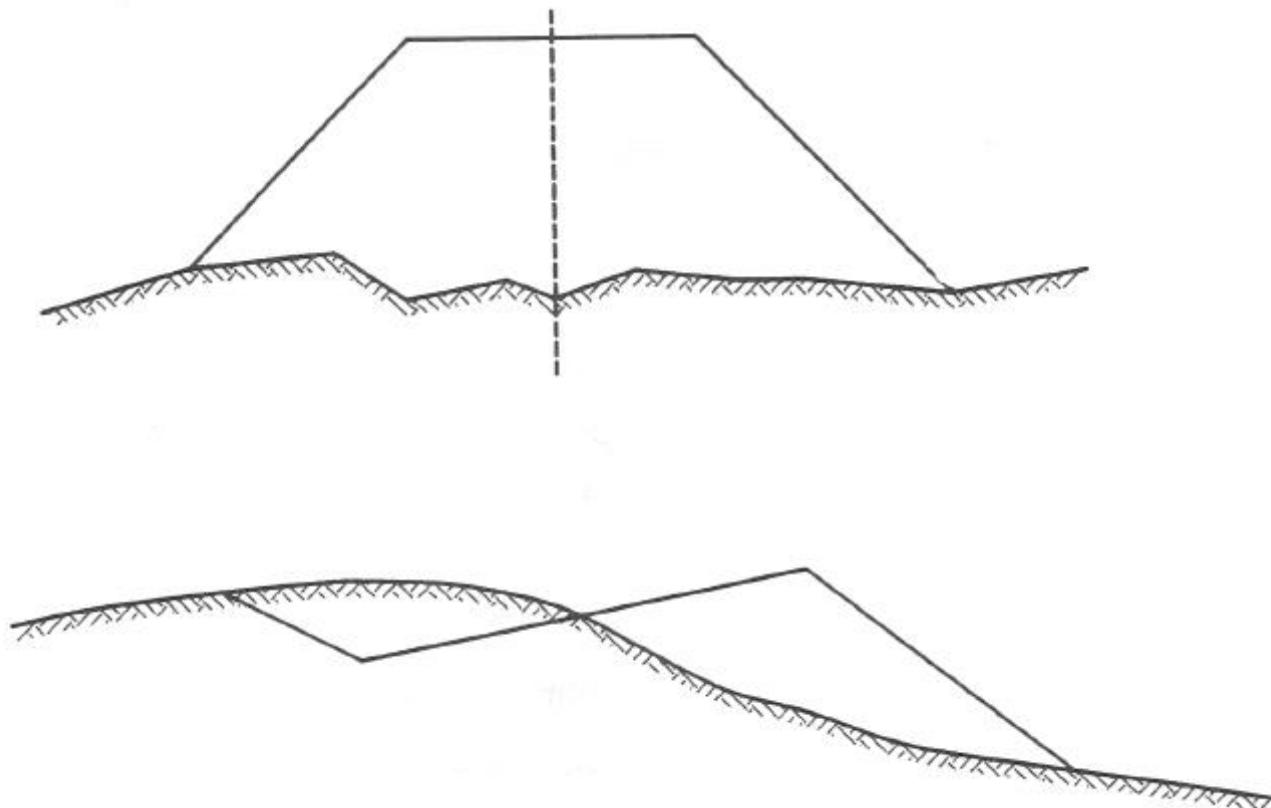
هدف از این نقشه برداری، مشخص نمودن و نمایش وضع مسطحاتی عوارض می باشد. در این نقشه ها فقط ابعاد عوارض و موقعیت آنها نسبت به هم مشخص می شود و به ارتفاع نقاط اهمیتی داده نمی شود. نقشه هایی که به این روش تهیه می شوند، پلان نامیده می شوند.



نقشه شهر برلین

## ۲ - نقشه برداری ارتفاعی (Altimetry)

از این نوع نقشه برداری برای تهیه برشهای عرضی مسیر استفاده می شود و فقط ارتفاعات نقاط تغییر شیب زمین در مسیرهای مستقیم عمود بر مسیر دارای اهمیت می باشند.



### ۳ - توپوگرافی (Topographie)

چنانچه در نقشه ای، وضع ارتفاعی و مسطحاتی یک قطعه زمین مشخص شده باشد به این نقشه ها، نقشه های (توپوگرافیک) گفته می شود. در این نقشه ها، ارتفاعات را بطور معمول با خطوط تراز (منحنی میزان) نشان می دهند. نکاتی که بر روی یک خط منحنی قرار دارند از ارتفاع یکسانی برخوردارند.

### ۴ - نقشه برداری زیرزمینی (نقشه برداری معنی) (under ground surveying)

برداشت و یا پیاده کردن نقشه های تونل و زیرگذر های بزرگ مانند مترو و تأسیسات زیرزمینی توسط این رشته نقشه برداری انجام می شود.

### ۵ - نقشه برداری هوایی (Photogrammetry)

برای تهیه نقشه های در سطح وسیع، (مانند نقشه کشور) از عکس های هوایی که توسط هوایپما از سطح زمین برداشته شده است استفاده می شود و عکس ها به روش خاصی به نقشه تبدیل می شوند. عکس برداری هوایی و آماده نمودن نقشه های مبنایی کشور در ایران توسط سازمان نقشه برداری انجام می شود. آماده نمودن نقشه مناطق وسیع در زمان نسبتاً کوتاه توسط این رشته نقشه برداری انجام می شود.

### ۶ - نقشه برداری مسیر (Route surveying)

طراحی و پیاده نمودن نقشه های مسیر های راه، راه آهن، دکل گذاری و خطوط انتقال نیرو و خطوط لوله آب و گاز و ... توسط این رشته نقشه برداری انجام می شود.

### ۷ - آبنگاری (هیدرولوگرافی) (Hydrography)

تهیه نقشه از کف رودخانه ها، دریاها، دریاچه ها، سواحل و اقیانوسها به کمک این رشته نقشه برداری انجام می شود. چارت های دریایی (نقشه راهنمای دریانوردان) نیز توسط این رشته آماده می شود.

## ۸ - نقشه برداری نظامی

آماده نمودن نقشه های نظامی، مشخص نمودن نقاط استراتژیکی، دفاعی و تعرضی به کمک این رشته از نقشه برداری انجام می شود.

## ۹ - نقشه برداری مشتقه (نقشه برداری موضوعی)

این رشته از نقشه برداری با دیگر علوم ارتباط زیادی پیدا نموده و دارای سطح وسیع و گسترده ای می باشد که بصورت مختصر به شرح چند نوع عام آن می پردازیم:  
الف. نقشه های تکتونیکی:

تغییر شکلهای پوسته زمین توسط این نقشه ها نشان داده می شود.

### ب. نقشه خاکهای جهان:

نوع خاکها از نظر خواص فیزیکی و شیمیایی بصورت تفکیک شده در این نقشه ها به تصویر کشیده شده است.

ج. نقشه دورانهای زمین‌شناسی:

پدیده‌های یخچالی، رسوبات و فرسایش‌های رودخانه‌ای، دریاچی و ... در این نقشه‌ها مورد بررسی قرار می‌گیرند.

د. نقشه‌های موضوعات هواشناسی:

شکل‌گیری و حرکت جبهه‌های هوا، بادهای موسمی و میزان نزولات جوئی در این نقشه‌ها مورد بررسی قرار می‌گیرد.

ه. نقشه‌های آماری:

عامه مردم از این نوع نقشه‌ها، اطلاعاتی وسیع را بدست می‌آورند.

۱۰ - نقشه‌برداری ثبتی املاکی (cadastral surveying)

موضوع خدمات شهری، ساماندهی اقتصادی و مالیاتی احتیاج به نقشه‌هایی دارد که با نقشه‌های ملی و جغرافیایی هماهنگی داشته باشد که به این نقشه‌ها، نقشه‌های ثبتی املاکی و حقوقی (کاداستر) می‌گویند.

## ۱۱- نقشه برداری ژئودزی

ژئودزی علمی می باشد که در مورد شکل، ابعاد و تغییرات زمین و موقعیت نقاط مختلف سطح زمین بحث می کند. علم ژئودزی به دو دسته «ژئودزی هندسی» و «ژئودزی فیزیکی» تقسیم می گردد. از جمله توانایی های این علم می توان با توجه قدرت پوشش زمین، کتب اندیشانه فناوری های زمین، مطالعه های زمینی، هدایتی های زمینی، تحقیقات اخلاقی نجوعی و ژئودزی های هیدرولوژی (سنجشگاهی ۶۴۲۵) آن را کرد.

## ۱۲- تفاوت نقشه برداری ژئودزی و مستوی

در اکثر عملیات نقشه برداری، خصوصاً در مورد اجرای پروژه های عمرانی، محدوده عمل نقشه برداری کوچک می باشد. چنانچه وسعت منطقه ای که می خواهیم از آن نقشه ای تهیه نماییم کمتر از  $(10 \times 10)$  کیلومتر باشد می توان سطح زمین را مسطح فرض نموده و از انحنای زمین صرف نظر نمود. به عملیات انجام شده، نقشه برداری مستوی گفته می شود.

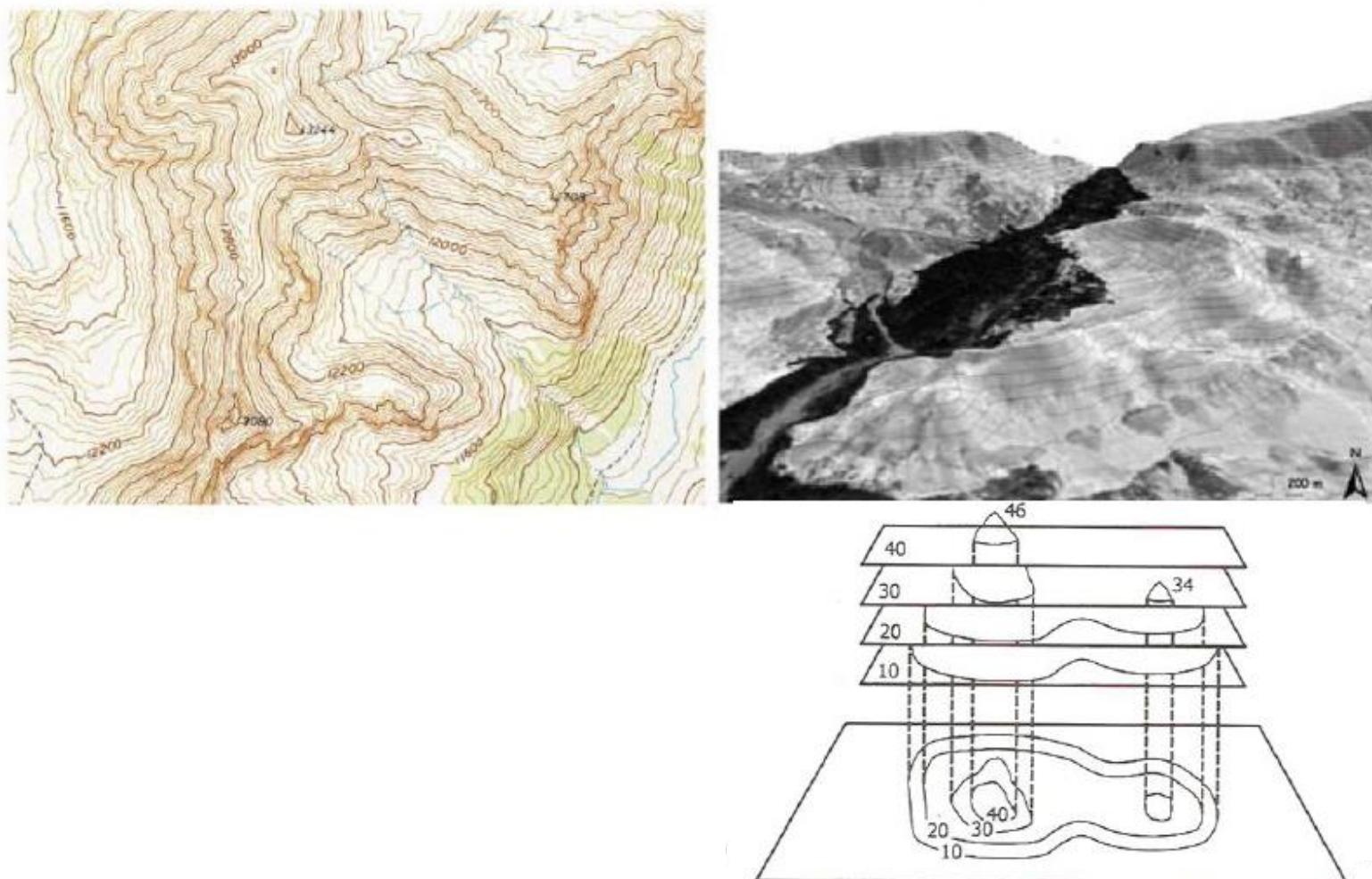
چنانچه وسعت زمین بیشتر از  $(10 \times 10)$  کیلومتر باشد باید انحنای زمین را در نظر گرفت که به عملیات انجام شده، نقشه برداری ژئودزی می گویند.

نقشه برداری ژئودزی (کروی) در حقیقت عهده دار ابعاد و شکل مناطق بزرگی از زمین می باشد.

### ۱۳ - کارتوگرافی (Cartography)

در ایران منظور از کارتوگرافی «شاخه‌ای از نقشه‌برداری می‌باشد که به ترسیم نقشه اختصاص دارد».

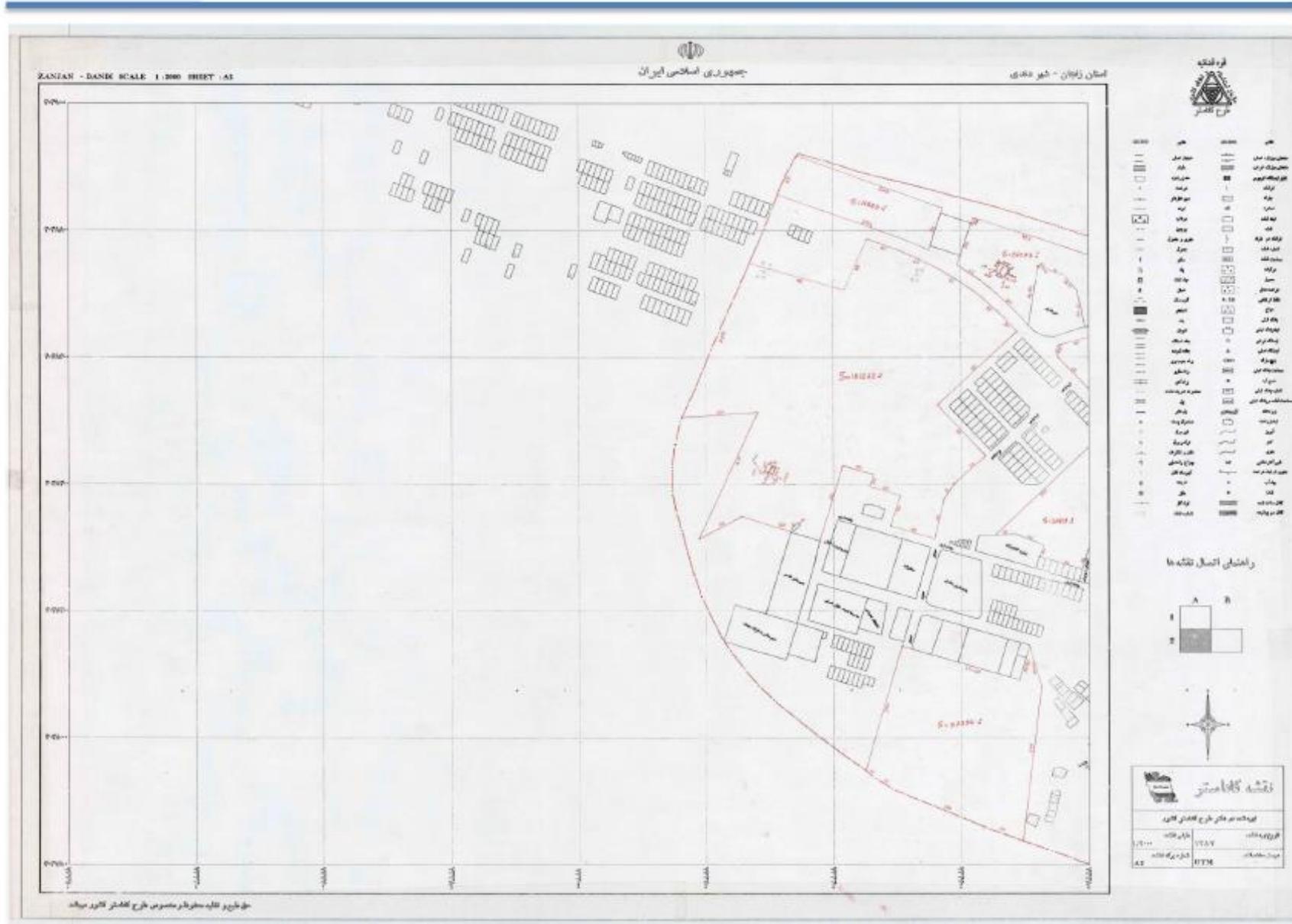
- نقشه توپوگرافی : در این نقشه ها علاوه بر وضعیت مسطحاتی زمین، وضعیت ارتفاعی نیز توسط خطوط تراز یا منحنی میزان ها مشخص می شود که خطوط تراز مقطع سطح خارجی زمین با صفحات افقی متساوی و موازی هستند. بنابراین هر خط تراز مکان نقاط هم ارتفاع است.



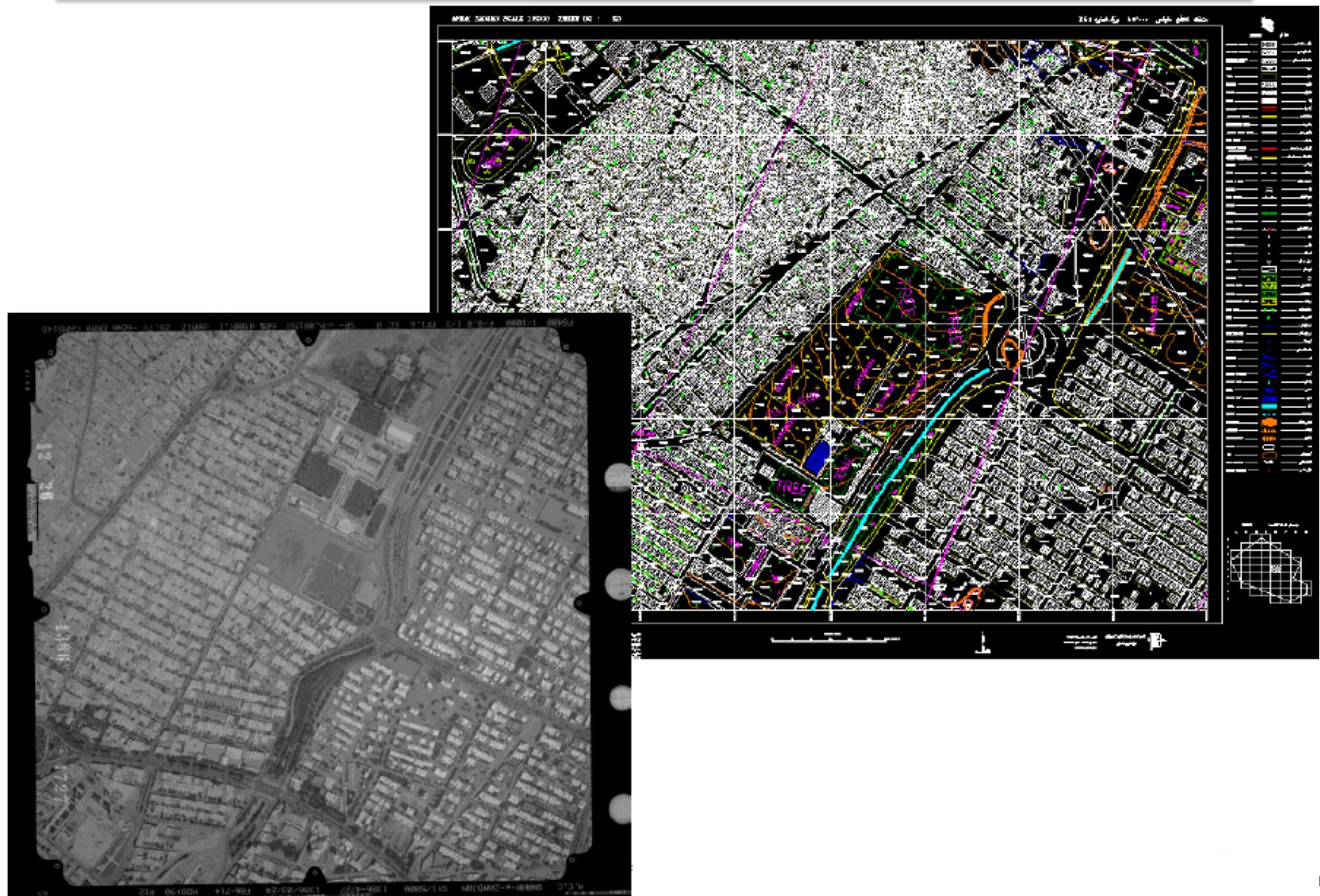
## نقشه های مسطحاتی



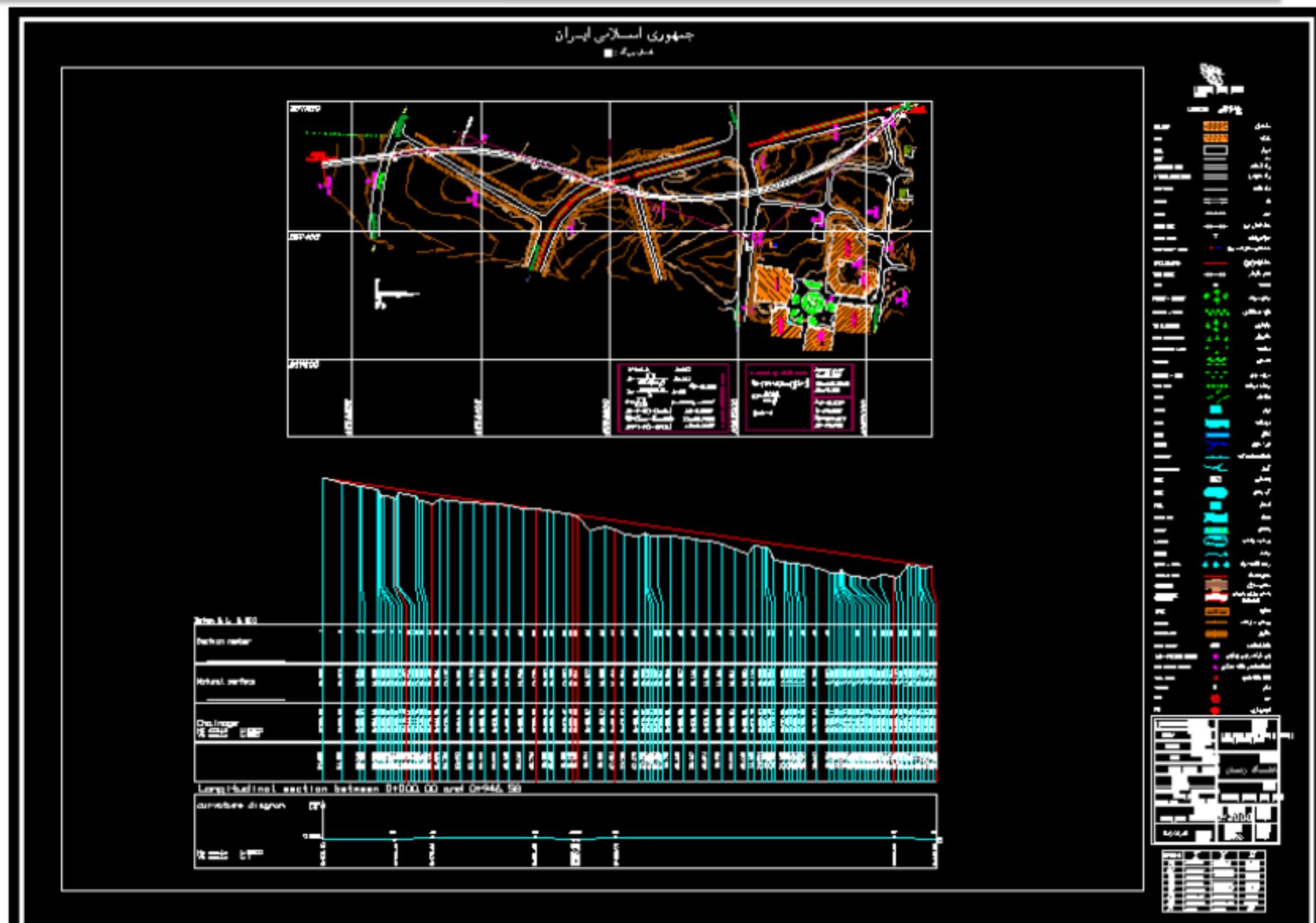
## نقشه های کاداستر



## نقشه های هوایی



## نقشه های مسیر



# فصل دوم

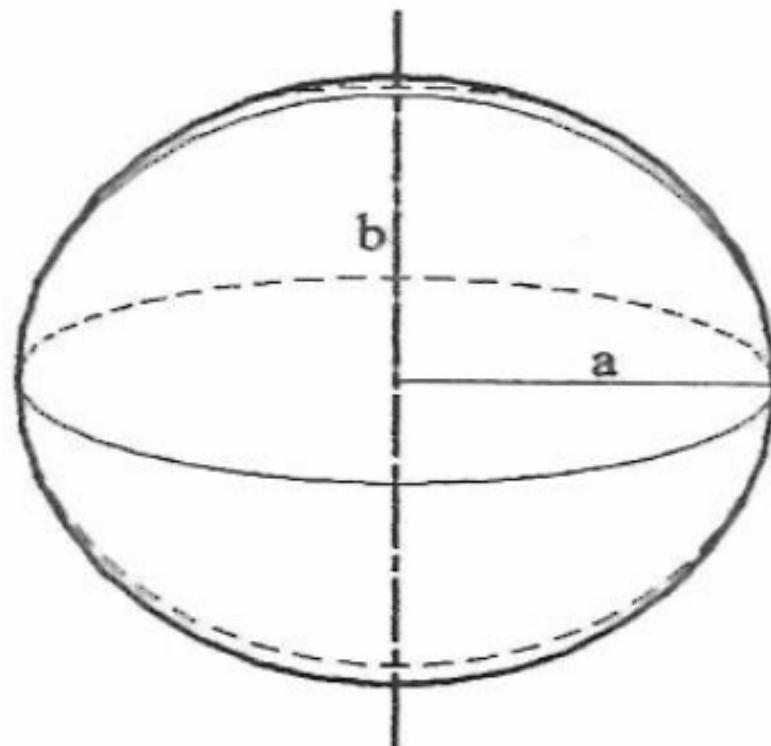
شکل زمین و سطوح مبنا

اصول تئوری خطاهای

دقت و صحت

## بیضوی مقایسه

اصولاً برای آنکه بتوانیم وضعیت عوارض روی زمین به صورت هندسی نمایش دهیم لازم است یک مدل ریاضی از زمین داشته باشیم تا به کمک آن مدل بتوانیم نتایج حاصل از اندازه‌گیری‌های زمینی را با محاسبات لازم پیگیری کنیم و در نهایت از زمین نقشه تهیه کنیم. این مدل یک بیضوی دورانی فرضی است که مرکزش بر مرکز زمین منطبق و از هر شکل هندسی دیگر به شکل فیزیکی زمین نزدیکتر است. چنین شکلی را بیضوی مرجع یا بیضوی مقایسه می‌نامند.



$a$  و  $b$  به ترتیب نصف قطر بزرگ و نصف قطر کوچک و یا به تعبیر دیگر شعاع محور استوایی و شعاع محور قطبی زمین است.

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{b^2} = 1$$

$$\text{ضریب فشرده} \quad \alpha = \frac{a - b}{a}$$

## شكل زمین و سطوح مبنا

نوع بیضوی	نیم قطر استوایی (a)	فشردگی $1/\alpha$
W.G.S ۱۹۸۴	۶,۳۷۸,۱۲۷	۲۹۷
اورست ۱۸۳۰	۶,۳۷۷,۲۷۶	۳۰۰
بسل ۱۸۴۱	۶,۳۷۷,۳۹۷	۲۹۹
کلارک ۱۸۶۶	۶,۳۷۷,۲۰۶	۲۹۵
کلارک ۱۸۸۰	۶,۳۷۸,۲۴۹	۲۹۳
بین المللی (هایفورد) ۱۹۲۴	۶,۳۷۸,۳۸۸	۲۹۷
کراسوفسکی ۱۹۴۲	۶,۳۷۸,۲۴۵	۲۹۸
ملی استرالیا ۱۹۶۵	۶,۳۷۸,۱۶۰	۲۹۸

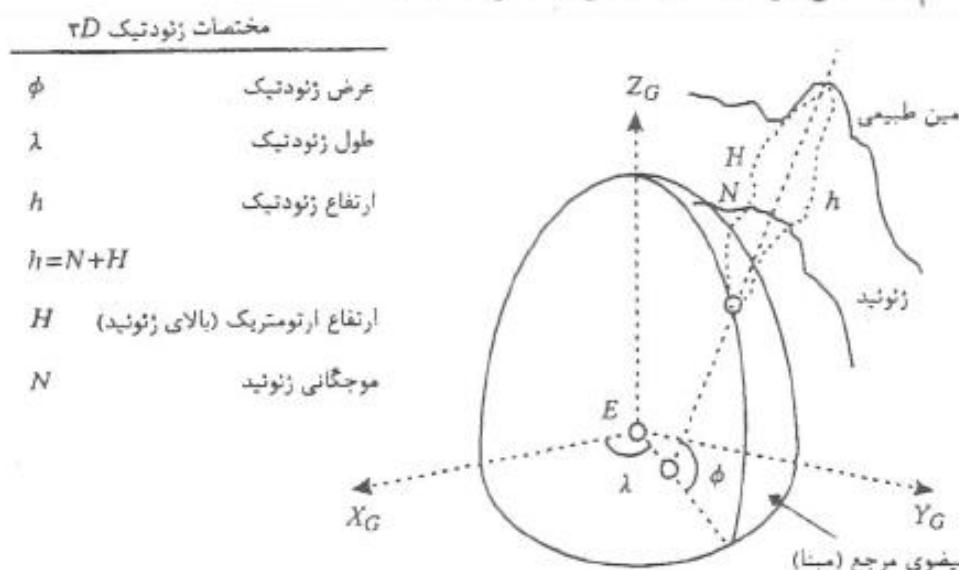
### سطح تراز یک نقطه

سطحی است که از آن نقطه می گذرد و عمود بر امتداد شاقولی آن می باشد.

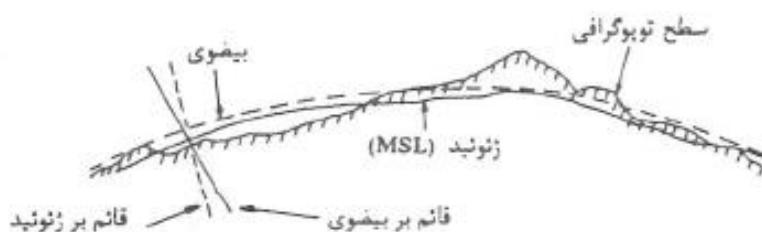
در هر نقطه از سطح زمین، بر آیند دو بردار نیروی گریز از مرکز و بردار نیروی جاذبه را امتداد شاقولی آن نقطه می نامند.

### سطح مبنای ارتفاعات (زنوئید)<sup>۲</sup>

به طوری که می‌دانیم آب دریاها و اقیانوس‌ها حدود  $\frac{3}{4}$  از سطح کره زمین را فراگرفته‌اند اگر  $\frac{1}{4}$  باقیمانده یعنی خشکی‌ها را روی آن نادیده بگیریم به سطح حاصل زنوئید گفته می‌شود که در نقشه برداری و زنودزی به عنوان سطح مبنای ارتفاعات در نظر گرفته شده است. این سطح در تمام نقاطش بر راستای شاقول عمود است.



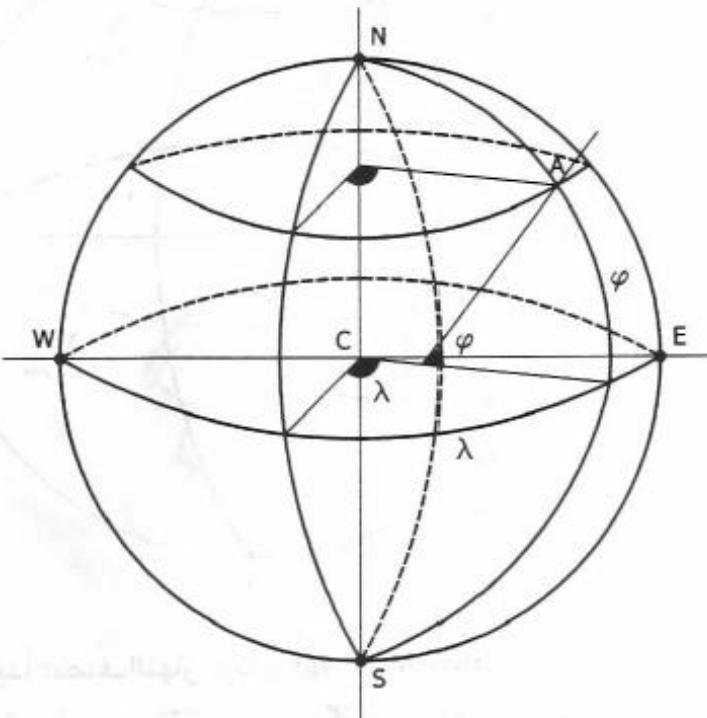
شکل ۱-۶ مختصات زنودتیک و بیضوی مرجع.



## شكل زمین و سطوح مبنا

### مدارات

هر صفحه به موازات خط استوا، سطح کره را بصورت دایره شکل، قطع می‌نماید که به آنها مدار گفته می‌شود. مانند مدار A که بر محور NS عمود می‌باشد.



طول و عرض جغرافیایی یک نقطه روی زمین

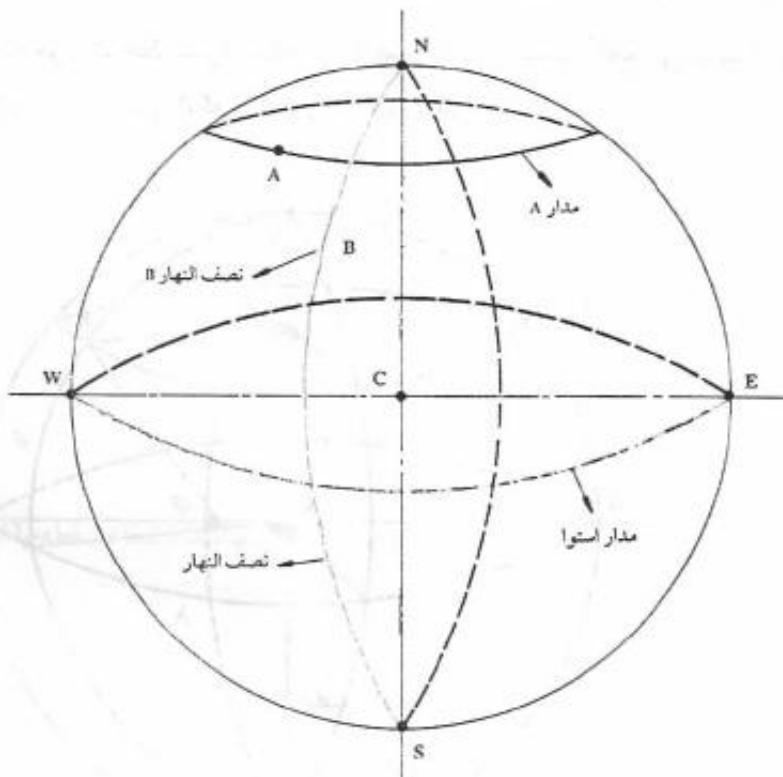
مدارات دوایری می‌باشند که نسبت به هم موازیند و هر چه به سمت مدار استوا نزدیک‌تر شویم مدارها بزرگتر می‌شوند.

نکته: مدار استوا به عنوان بزرگترین مدار محسوب می‌شود و در مرکز زمین قرار دارد.

### نصف النهارها

دوایر عظیمی می‌باشند که بر دو قطب زمین می‌گذرند. مانند نصف‌النهار B با این توضیح نتیجه می‌شود که نصف‌النهارها دوایر عظیمی می‌باشند که در محور NS مشترک می‌باشند.

نصف‌النهارها با هم موازی نمی‌باشند ولی دارای اندازه یکسان می‌باشند.



### نصف‌النهار مبدأ (نصف‌النهار مبناء) (prime Meridian)

نصف‌النهاری که از رصدخانه گرینویچ می‌گذرد را نصف‌النهار مبدأ می‌نامند. این نصف‌النهار، بیضوی را به دو نیمکره شرقی و غربی تقسیم می‌کند.

### طول جغرافیایی (Longitude)

طول جغرافیایی نقطه A ( $\lambda$ ) عبارتست از فاصله نصف‌النهار نقطه A تا نصف‌النهار مبدأ روى خط استوا. در واقع زاویه میان سطح نصف‌النهار نقطه A تا سطح نصف‌النهار مبدأ را طول جغرافیایی نقطه A می‌نامند.

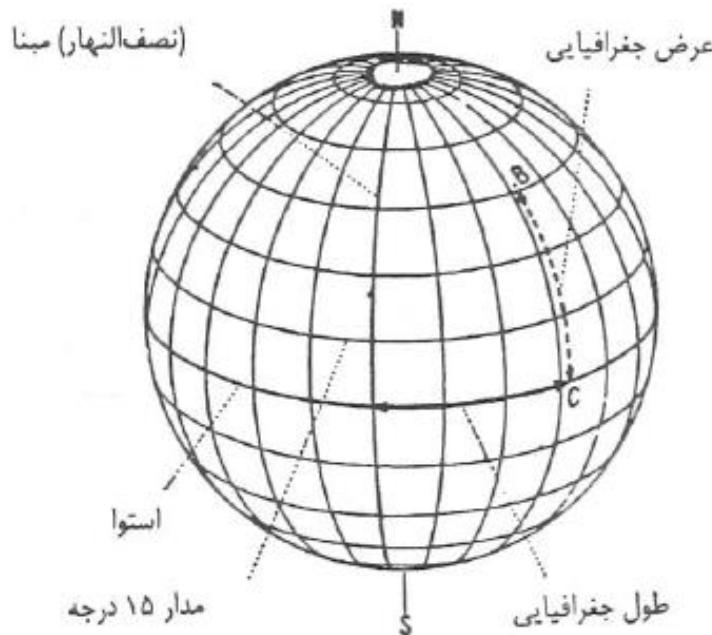
چنانچه نقطه A در سمت شرق نصف‌النهار مبداء باشد، طول آن را «شرقی» می‌نامند.

چنانچه نقطه A در سمت غرب نصف‌النهار مبداء باشد، طول آن را «غربی» می‌نامند. مقدار تغییرات طول جغرافیایی از  $180^\circ$  درجهٔ شرقی تا  $180^\circ$  درجهٔ غربی می‌باشد.

### عرض جغرافیایی (Latitude)

عرض جغرافیایی نقطه A ( $\phi$ ) عبارتست از فاصله مدار A از مدار استوا روی نصف‌النهار گذرنده از A.

مقدار تغییرات عرض جغرافیایی ( $\phi$ ) در نیمکره شمالی از صفر تا  $90^{\circ}$  درجه شمالی و در نیمکره جنوبی از صفر تا  $90^{\circ}$  درجه جنوبی می‌باشد.



سیستم تصویر عبارت است از روش نمایش بیضوی بر روی صفحه. به عبارت ریاضی می‌توان گفت سیستم تصویر رابطه ریاضی بین مختصات جغرافیایی یک نقطه ( $\phi$  و  $\lambda$ ) روی بیضوی و مختصات قائم الزاویه آن ( $\psi$  و  $\chi$ ) روی نقشه است.

### أنواع سیستمهای تصویر

سیستمهای تصویر بسیار متنوع بوده و هر کدام دارای مشخصات مختلف می‌باشند. تهیه نمودن نقشه‌ها با توجه به هدف موردنظر انجام می‌شود بنابراین هر نوع نقشه باید خصوصیات مربوط به خود را داشته باشد. به عنوان مثال در یک نقشه ثبتنی، مساحت قطعات مختلف زمین‌ها اهمیت اساسی دارد همچنین در نقشه‌های توپوگرافی به شکل عوارض اهمیت بیشتری داده می‌شود.

بر اساس تغییر طولها و زوایا و مساحت‌ها، سیستمهای تصویر به سه دسته تقسیم‌بندی می‌شوند:

#### ۱ - سیستمهای متشابه (conforme)

در این سیستم زوایا تغییر نمی‌کنند در نتیجه اشکال تصویر شده شبیه شکل واقعی آنها بر روی بیضوی می‌باشند.

#### ۲ - سیستمهای معادل (Equivalent)

در این سیستم هدف آن است که مساحت قطعات تغییر نکند. (شکل عوارض، زیاد مورد توجه نمی‌باشد).

#### ۳ - سیستمهایی که نه متشابه‌اند و نه معادل

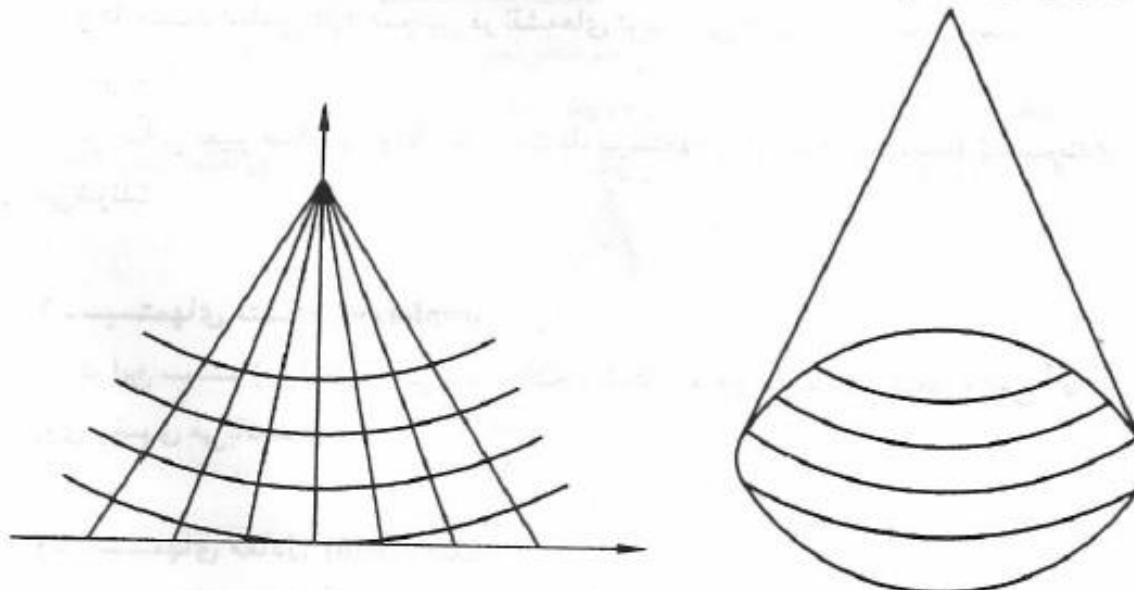
این سیستمهای در انواع گوناگون بوده و برای مقاصدی گوناگون طراحی می‌شوند. در کارتوگرافی (Cartography) معمولاً از سیستم تصویر متشابه استفاده می‌شود که

### انواع سیستمهای تصویر متشابه

#### ۱ - سیستم تصویر مخروطی لامبرت (projection Lambert)

در این سیستم یک مخروط را برابر یک مدار مشخص مماس می‌کنند و پس از تصویر عوارض از بیضوی بر روی مخروط، مخروط را در امتداد یکی از یالهایش باز می‌کنند و بر روی یک صفحه می‌گسترانند در این سیستم، نصف النهارها بصورت خطوط متقارنی هستند که محل تقارب آنها رأس مخروط می‌باشد و مدارات بصورت دایره‌های هم مرکز بوده که مرکز آنها همان رأس مخروط می‌باشد.

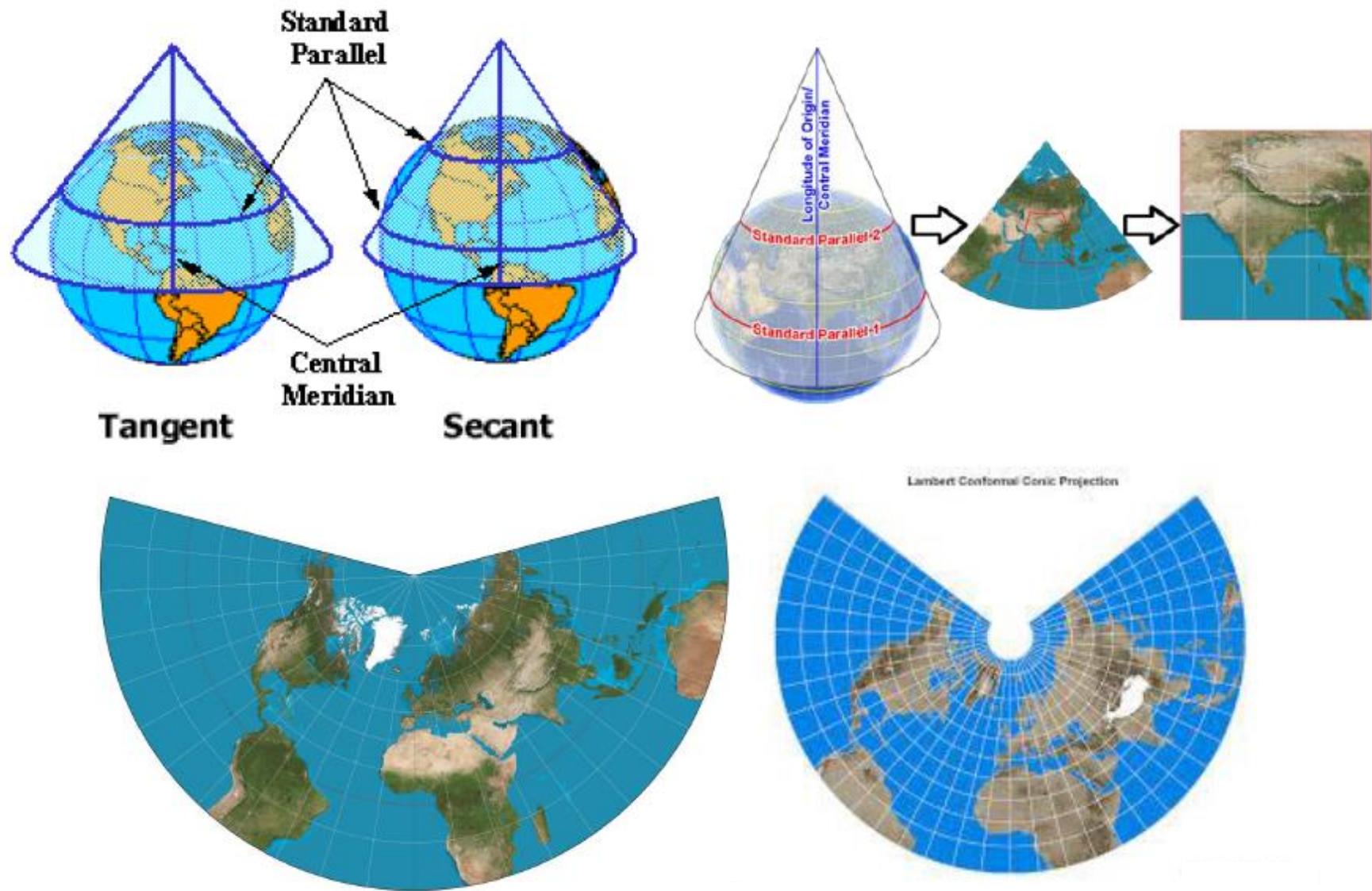
محل برخورد نصف النهار مرکزی منطقه و مدار مرکزی منطقه را مبدأً مختصات در نظر می‌گیرند. هرچه از مدار مرکزی منطقه فاصله پیدا کنیم مقیاس تصویر، تغییر بیشتری می‌کند. بنابراین این سیستم برای کشورهایی که بصورت شرقی - غربی‌اند مناسب می‌باشد.



تصویر مدارات و نصف النهارها در سیستم لامبرت

سیستم تصویر لامبرت

## شكل زمین و سطوح مبنا

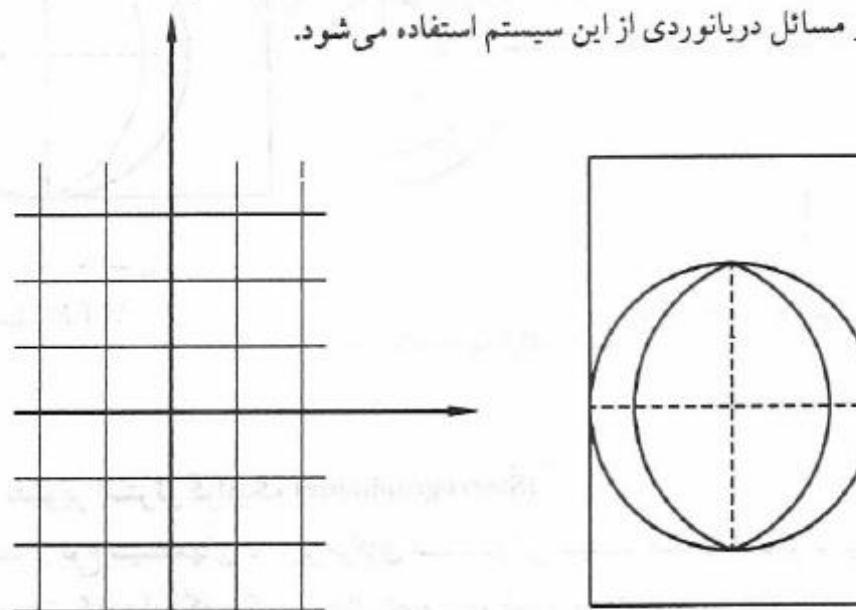


## شکل زمین و سطوح مبنا

### ۲- سیستم تصویر مرکاتور (Mercator)

در این سیستم بجای مخروط از یک استوانه استفاده می‌شود که استوانه در طول استوا بر کره مumas شده و یا در دو مدار متوازی کره را قطع می‌کنند. این سیستم در واقع همانند سیستم مخروطی است که در رأس آن مخروط بین نهایت دور شده است.

در این سیستم تصویر مدارها باهم و تصویر نصف النهارها نیز باهم موازی می‌باشد. مقیاس تصویر در امتداد استوا ( $1:1$ ) یعنی حقیقی است و هرچه از استوا فاصله بگیریم مقیاس نقشه بیشتر تغییر می‌کند. این سیستم مناسب مناطق نزدیک قطب نمی‌باشد.  
در مسائل دریانوردی از این سیستم استفاده می‌شود.



تصویر مدارات و نصف النهارها در سیستم مرکاتور

سیستم تصویر مرکاتور

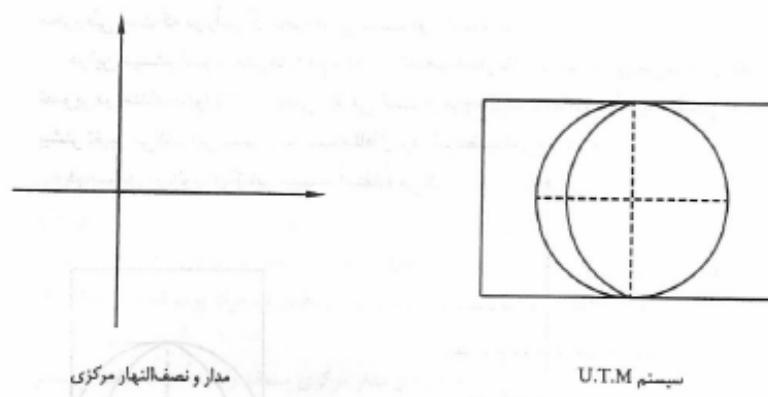
### ۳ - سیستم U.T.M (Universal Transverse Mercator)

این سیستم شبیه سیستم مرکاتور است تنها تفاوت آن این است که بجای آن ده استواهه در امتداد خط استوا برابر کره مماس شود در طول نصف النهار مبدأ بر آن مماس می شود.

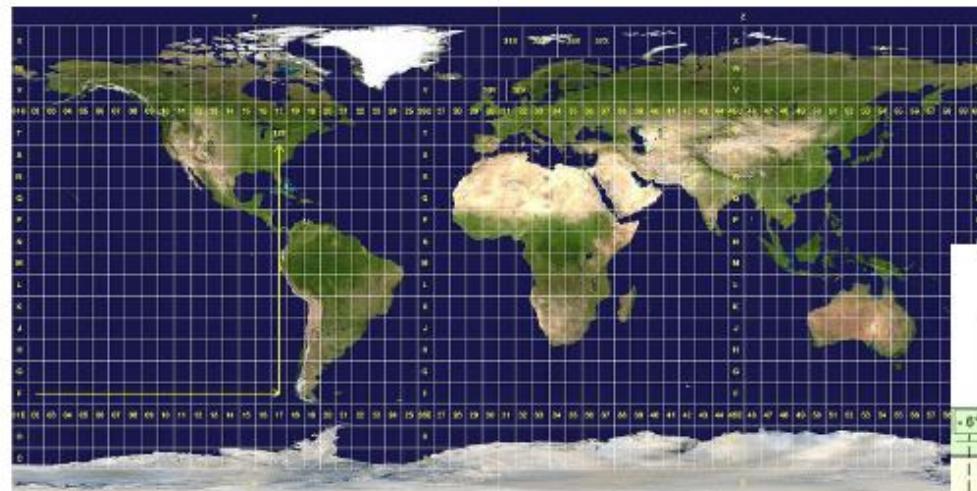
این سیستم برای استفاده همه کشورها طرح شده است. کره زمین را بوسیله نصف النهارها به شصت قسمت تقسیم کرده و هر قسمت را قاچ یا منطقه یا زون (Zone) می نامند.

هر منطقه معادل ۶ درجه طول جغرافیایی است. این زونها بگونه ای انتخاب می شوند که نصف النهار مرکزی قاچ سی ام، نصف النهار گرینویچ (نصف النهار مبداء) باشد.

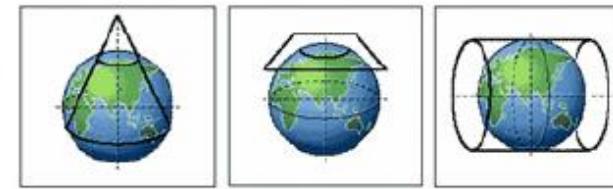
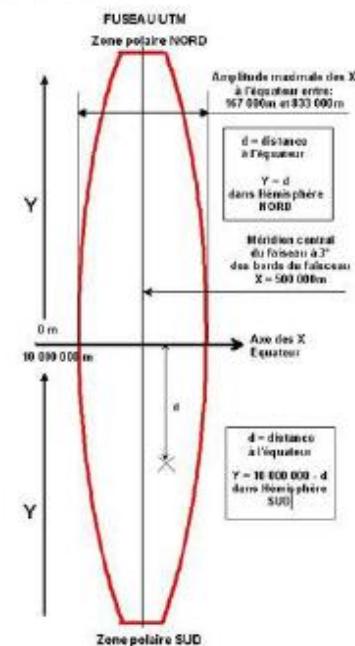
در این حالت محور  $X$  نقشه منطبق بر استوا و محور  $Y$  آنها منطبق بر نصف النهار مربوطه می باشد.



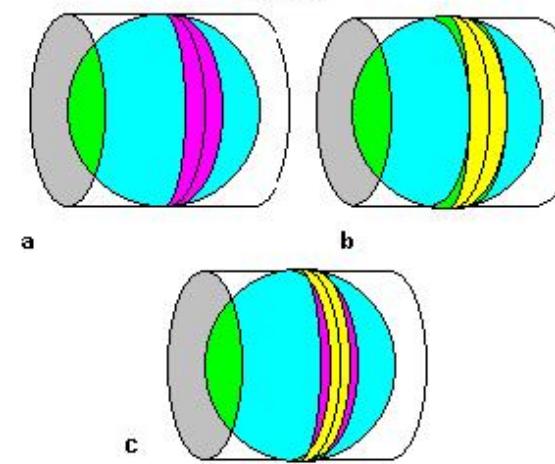
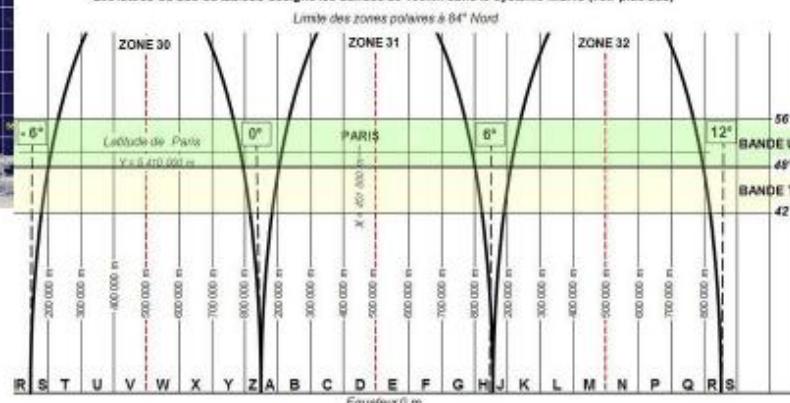
## شكل زمين و سطوح مبنـا



FUSEAU UTM Zone polaire NORD	
X	84°
W	72°
V	64°
U	56°
T	48°
S	40°
R	32°
Q	24°
P	16°
N	Fuseau de EQUATEUR
M	6° de large
L	8°
K	16°
J	24°
H	32°
G	40°
F	48°
E	56°
D	64°
C	72°
	80°
Zone polaire SUD	



En fonction de la Latitude, l'amplitude des X varie. Par exemple au niveau de Paris les X peuvent dans un fuseau osciller entre 230 km et 780 km.  
Les lettres du bas du tableau désigne les bandes de 100km dans le système MGRS (voir plus bas)



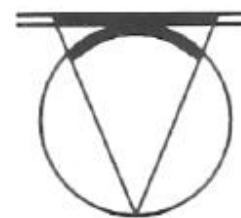
## شکل زمین و سطوح مبنا

### ۴- سیستم تصویر استرئوگرافیک (Stereographique)

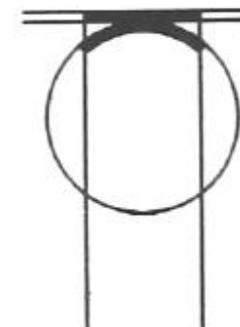
این سیستم از نوع سیستمهای تصویر مرکزی است. در این سیستم صفحه تصویر بر بیضوی مماس شده و با توجه به این که مرکز پرتوهای تصویر در کجا واقع باشد به سه دسته زیر تقسیم می‌شوند.



مرکز پرتوها در مرکز

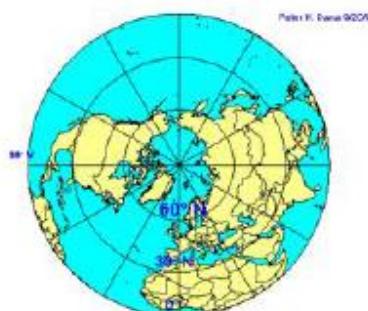


مرکز پرتوها در نقطه مقابل



مرکز پرتوها در بینهایت

انواع سیستم‌های تصویر استرئوگرافیک

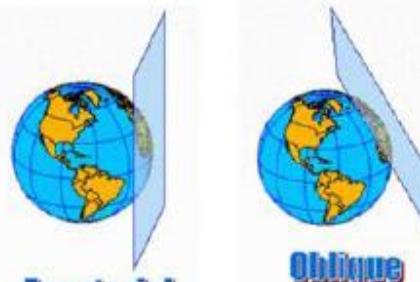


Lambert Azimuthal Equal Area

AZIMUTHAL



Polar



Equatorial



Oblique

هدف اندازه گیری ها تعیین مقدار واقعی یک کمیت است. اما عموماً نتیجه اندازه گیری ها با مقدار واقعی آن کمیت اختلاف دارد. اختلاف بین کمیت اندازه گیری شده با مقدار واقعی آن کمیت را خطای می گویند.

عوامل مهم این اختلاف را در سه دسته زیر می توان بیان نمود:

- عوامل طبیعی : شامل کرویت زمین، شکست نور، وزش باد، تشعشع آفتاب، و تغییرات دمای هوا
- عوامل دستگاهی : شامل نقص دستگاه ها، تنظیم نبودن و یا پایین بودن ارزش تقسیمات آنها
- عوامل انسانی : شامل نارسایی حواس انسانی، کم دقیقی، نداشتن تجربه و تسلط در کار

### انواع خطاهای

درست نبودن یک اندازه گیری ممکن است نتیجه یکی از علل زیر باشد:

#### -اشتباه

-اشتباه یا خطای بسیار بزرگ از فراموشی یا عدم مهارت عامل ناشی می شود. در این حالت عموماً اختلاف بین نتیجه اندازه گیری و مقدار واقعی کمیت معمولاً زیاد است. (مثل عدم تراز کردن، اشتباه در قرائت)

#### - خطای سیستماتیک

-خطای تدریجی یا سیستماتیک به مجموعه خطاهایی گفته می شود که علت، جهت و مقدار هر یک از آنها مشخص است؛ همگی علامت یکسان داشته و با هم جمع می شوند. (اکثر این خطاهای ناشی از نقص وسایل اندازه گیری است، مثلاً افزایش طول یک متر فلزی در اثر گرم شدن)

#### -خطاهای اتفاقی یا تصادفی

خطاهای تصادفی غالباً از نارسایی حواس انسانی و یا پایین بودن دقت دستگاه های اندازه گیری حادث می شود. هر چند که عوامل دیگری نیز از قبیل نقص دستگاه ها و عوامل جوی سبب پیدایش آنها می گردند. این خطاهای گاه با علامت مثبت و گاه با علامت منفی و غالباً به مقدار کم در اندازه گیری ها داخل می شوند.

## روش‌های کنترل مشاهدات جهت حذف اشتباهات

الف) تکرار اندازه گیری‌ها  
مثل تکرار اندازه گیری یک طول به صورت رفت و برگشت

ب) کنترل با یک مدل ریاضی  
مثل کنترل مجموع زوایای اندازه گیری شده برای یک مثلث با ۱۸۰ درجه

## روش‌های مقابله با خطاهای تدریجی

به دلیل آنکه علت، علامت و مقدار مشخصی دارند، در هر اندازه گیری قابل شناسایی هستند. برای مقابله با این نوع خطاهای در صورت امکان باید عوامل ایجاد خطا حذف شوند و در صورت عدم امکان، مقدار دخالت خطا محاسبه و نتایج تصحیح شوند. (مثل استفاده از چتر در مشاهدات میکروژئودزی و اعمال تأثیر خطای کلیماسیون در نتایج ترازیابی)

## روش‌های مقابله با خطاهای تصادفی

به دلیل ماهیت اتفاقی بودنشان از قواعد آمار و احتمالات و مخصوصاً قانون توزیع نرمال پیروی می‌کنند. تعیین مقدار و علامت این نوع خطاهای به راحتی امکان پذیر نیست.

- تکرار مشاهدات و پذیرفتن میانگین نتایج به عنوان برآورد اندازه واقعی
- کنترل روابط بین اندازه‌ها با استفاده از معلومات اضافی (سرشکنی)

$$\bar{\lambda} = \frac{\lambda_1 + \lambda_2 + \lambda_3 + \dots}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n \lambda_i}{n}$$

$n$ : تعداد اندازه‌گیری‌ها  
 $\bar{\lambda}$ : میانگین اندازه‌گیری‌ها (محتملترین مقدار)

$$Vi = \bar{\lambda} - \lambda_i$$

$\lambda_i$ : اندازه‌گیری شماره  $i$

$Vi$ : خطای ظاهری اندازه‌گیری شماره  $i$

$$\sigma = \pm \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (v_i^2)}{n-1}}$$

$\sigma$ : خطای متوسط هندسی (خطای استاندارد یا انحراف معیار)

$e_{\max}$ : خطای ماکزیمم

$e_a$ : خطای متوسط حسابی

$$e_{\max} = 2.5 \times \sigma$$

$\alpha$ : خطای معیار میانگین

$$e_a = \frac{\sum_{i=1}^n |Vi|}{n}$$

$e_r$ : دقت نسبی (خارج قسمت خطای متوسط هندسی به اندازه آن کمیت)

$$e_r = \frac{\sigma}{L}$$

مثال ۱: طولی ۶ بار اندازه گیری شده و اعداد زیر بدست آمده است.

$$x_1 = 112.03m, x_2 = 112.00m, x_3 = 111.98m$$

$$x_4 = 112.03m, x_5 = 112.04m, x_6 = 111.98m$$

مطلوب است محاسبه:

الف) محتملترین (میانگین) مقدار این طول

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6}{6} = 112.01m$$

ب) خطاهای ظاهری مشاهدات

$$v_i = a_i - \bar{a}$$

$$v_1 = 112.03 - 112.01 = 0.02m$$

$$v_2 = 112.00 - 112.01 = -0.01m$$

$$v_3 = 111.98 - 112.01 = -0.03m$$

$$v_4 = 112.03 - 112.01 = 0.02m$$

$$v_5 = 112.04 - 112.01 = 0.03m$$

$$v_6 = 111.98 - 112.01 = -0.03m$$

پ) خطای متوسط هندسی

$$e_q = \pm \sqrt{\frac{0.0004 + 0.0001 + 0.0009 + 0.0004 + 0.0009 + 0.0009}{5}} = 0.0268$$

ت) خطای متوسط حسابی

$$e_a = \frac{|0.02| + |-0.01| + |-0.03| + |0.02| + |0.03| + |-0.03|}{6} = 0.023$$

ث) خطای ماکزیمم

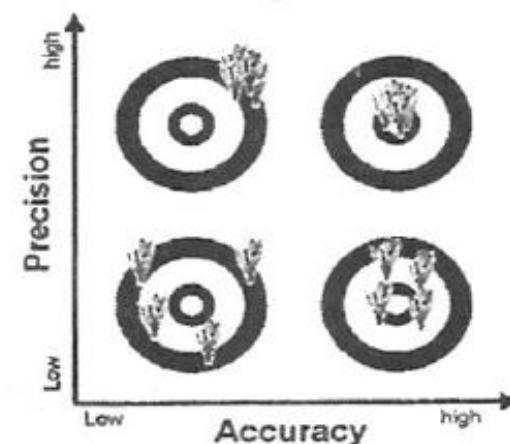
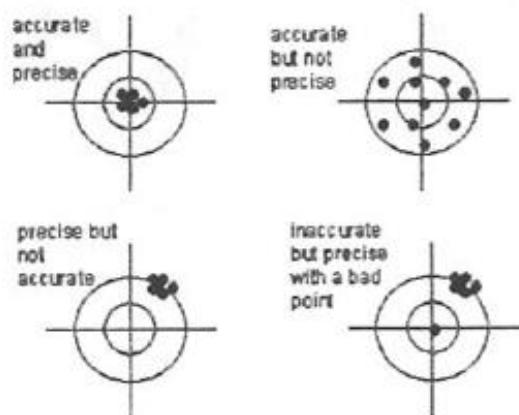
$$e_{\max} = 2.5 \times 0.0268 = 0.067m$$

چ) مشخص کردن داده های اشتباه در صورت وجود

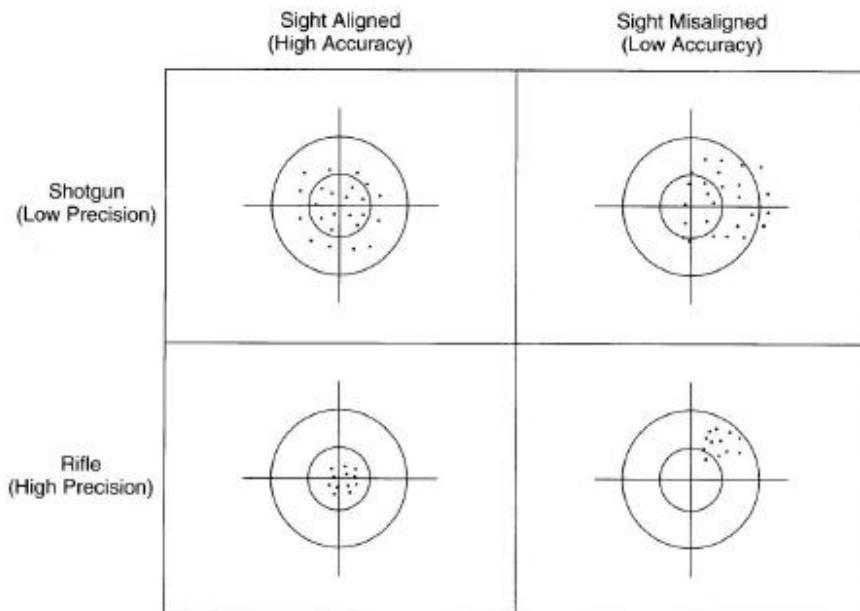
برای این کار خطاهای ظاهری را با خطای  $\max$  مقایسه می کنیم اگر هر کدام از این خطاهای از خطای  $\max$  بیشتر باشد، آن اندازه گیری، اندازه گیری اشتباه خواهد بود. با توجه به اینکه  $e_i < e_{\max}$  هستند، لذا تمام مشاهدات قابل قبول می باشند. لازم به یادآوری می باشد که اگر مشاهده اشتباه داشتیم آن مشاهده اشتباه را از بین مشاهدات انجام شده، حذف کرده و دوباره باید از ابتدا میانگین و انحراف معیار مشاهدات باقیمانده را محاسبه کرد.

دقت نشانه نزدیک بودن مشاهدات به یکدیگر و یا معیاری برای بیان قابلیت تکرار شوندگی مشاهدات بوده و در نتیجه تنها نشان دهنده خطاهای اتفاقی است. پراکندگی، شاخص یا نشانه دقت است. هر چه نتایج نسبت به میانگین پراکنده‌تر باشند، دقت آنها کمتر می‌باشد. به عبارت دیگر دقت، درجه نزدیکی یک کمیت به مقدار برآورده آن یا میزان نزدیکی مشاهدات به هم می‌باشد.<sup>[29]</sup>

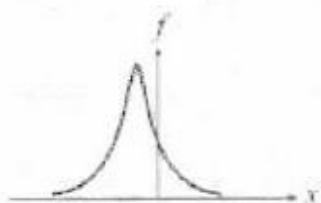
صحت به معنای نزدیکی مشاهدات به مقدار واقعی آنهاست، بنابراین وجود خطاهای سیستماتیک باعث کاهش صحت می‌گردد. رسیدن به برآورد صحیحی از صحت نیازمند تکرار مشاهدات با روشها و وسایل متفاوت به شرط حذف اشتباه و خطاهای سیستماتیک می‌باشد. گاهی اوقات ممکن است دقت زیاد ولی صحت کم باشد و گاهی اوقات نیز ممکن است دقت کم ولی صحت زیاد باشد. به اشکال ۵-۲ و ۶-۲ دقت کنید.<sup>[29]</sup>



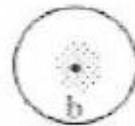
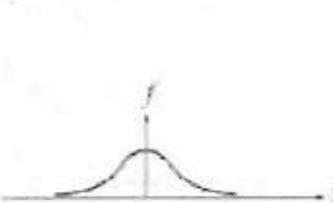
## مقایسه مفهوم دقت و صحت



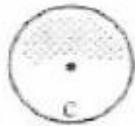
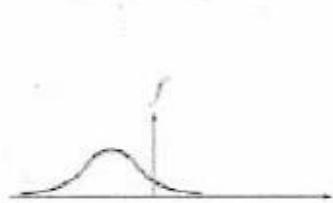
دقت زیاد و درستی کم



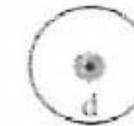
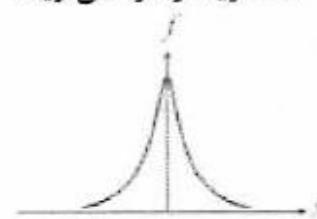
دقت کم و درستی زیاد



دقت کم و درستی کم



دقت زیاد و درستی زیاد



نگاره ۲.۲. تعبیر هندسی دقت و درستی در رفتار تابع چگالی احتمال و یک هدف تیراندازی

برای افزایش دقت در اندازه گیری پارالاکس یک نقطه بر روی یک زوج عکس هوایی، فلاتین مارک ها را ۱۰ بار در نقطه مورد نظر بر روی زمین مماس کرده و اعداد زیر مشاهده گردیده اند:

Rm1=4.890 mm	Rm2=4.920 mm	Rm3=4.900 mm	Rm4=4.870 mm	Rm5=4.930 mm
Rm6=4.960 mm	Rm7=4.990 mm	Rm8=4.980 mm	Rm9=4.970 mm	Rm10=4.940 mm

پارامتر های زیر را محاسبه کنید.  
میانگین، خطاهای ظاهری، وریانس، خطای متوسط هندسی، خطای متوسط حسابی، خطای معیار، خطای محتمل، خطای ۹۰٪، خطای حداقل یا ماکزیمم، بازه اطمینان ۹۰٪ برای مشاهدات.

# فصل سوم

طول یابی

مساحی

به تعیین فاصله میان دو نقطه در فضای سه بعدی طول یابی گفته می شود.

### روش های تعیین فاصله

- ۱- روش تقریبی
- ۲- روش محاسبه ای
- ۳- روش مستقیم
- ۴- روش اپتیکی
- ۵- روش الکترونیکی

### روش تقریبی :

اندازه گیری روی نقشه و فاصله یابی با به کار گیری قدم انسانی است.

روش تقریبی :

اندازه گیری روی نقشه و فاصله یابی با به کار گیری قدم انسانی است.

طول قدم:

- در قدیم یکی از ابزارهای استاندارد کردن طول بوده است
- با طی مسافتی مانند ۱۰۰ متر و محاسبه تعداد قدم ها می توان اندازه متوسط قدم خود را تعیین کرد.
- برای تعیین ابعاد زمین های وسیع و زمانی که ابزار در اختیار نیست و برای تخمین طول کاربرد دارد.



مثال: شخصی فاصله ۱۰۰ متری را با ۱۳۵ قدم طی نموده است. چنانچه تعداد قدمهای او برای طی فاصله‌ای ۱۸۹ قدم باشد فاصله مزبور چند متر است؟

پاسخ:

$$x_{AB} = \frac{100}{135} \times 189 = 140 \text{ متر}$$

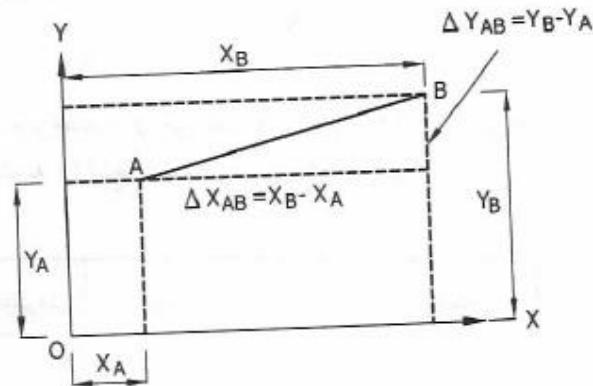
## روش محاسبه ای

روش محاسبه ای شامل تعیین فاصله از طریق مختصات نقاط و یا حل مثلث است.

با استفاده از روش محاسبه ای و ترسیمی می توان فاصله بین دو نقطه را محاسبه نمود. از روابط زیر می توان طول پاره خط را تعیین کرد.

$$\overline{AB} = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

$$\overline{AB} = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2}$$



مثال ۲: اگر مختصات نقاط B و A بصورت زیر باشد فاصله بین دو نقطه برابر کدام است؟

$$A \left| \begin{array}{l} 500 \\ 1000 \end{array} \right. , B \left| \begin{array}{l} 500 \\ 1500 \end{array} \right.$$

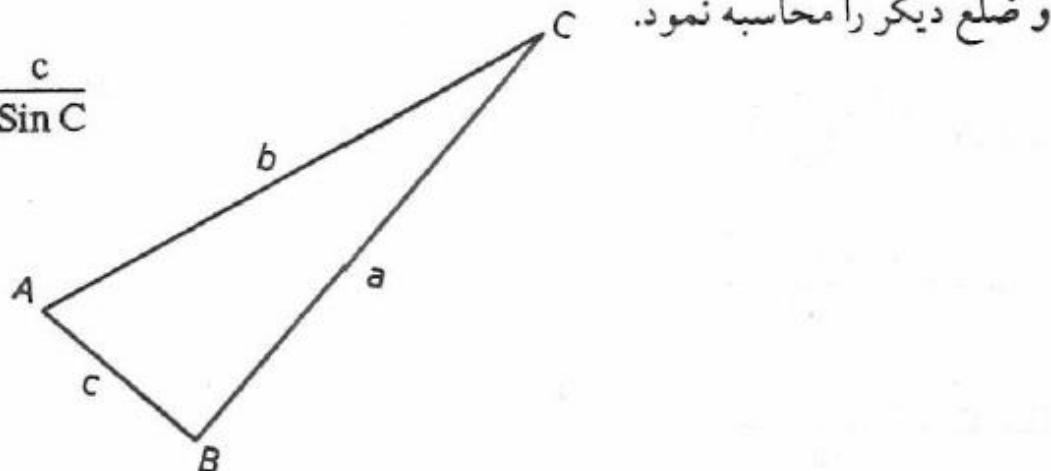
پاسخ:

$$\overline{AB} = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

$$\overline{AB} = \sqrt{(500 - 500)^2 + (1500 - 1000)^2} = 500 \text{ m}$$

موقعی که سه زاویه و یک ضلع از مثلث مشخص باشد با استفاده از رابطه سینوسها می‌توان دو ضلع دیگر را محاسبه نمود.

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$



مثال: در مثلث ABC، طول a برابر ۴۵ متر و  $\hat{A} = ۳۷^\circ$  و  $\hat{B} = ۱۱۸^\circ$  است. طول b چند متر است؟

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B}$$

پاسخ:

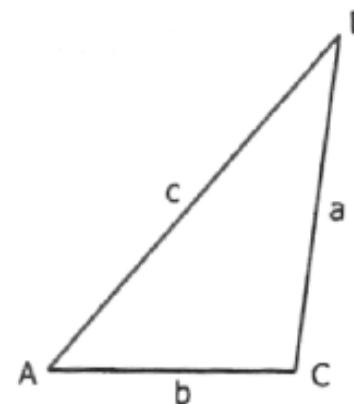
$$\frac{45}{\sin 37^\circ} = \frac{b}{\sin 118^\circ} \rightarrow b = \frac{\sin 118^\circ}{\sin 37^\circ} \times 45 = 66.02 \text{ m}$$

موقعی که دو ضلع و زاویه بین یک مثلث مشخص باشد با استفاده از رابطه کسینوسها می‌توان طول ضلع سوم را محاسبه نمود.

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A$$

$$b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cdot \cos B$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \cos C$$



با استفاده از روابط بالا که به رابطه کسینوسها معروف است می‌توان زوایای مثلث را

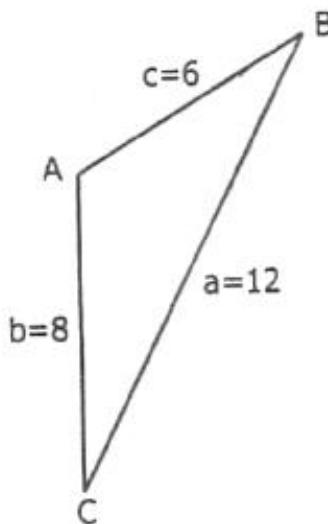
بصورت زیر نوشت:

$$\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

$$\cos B = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac}$$

$$\cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$$

مثال ۱: در شکل مقابل زاویه A برابر چند درجه است؟



پاسخ:

$$\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

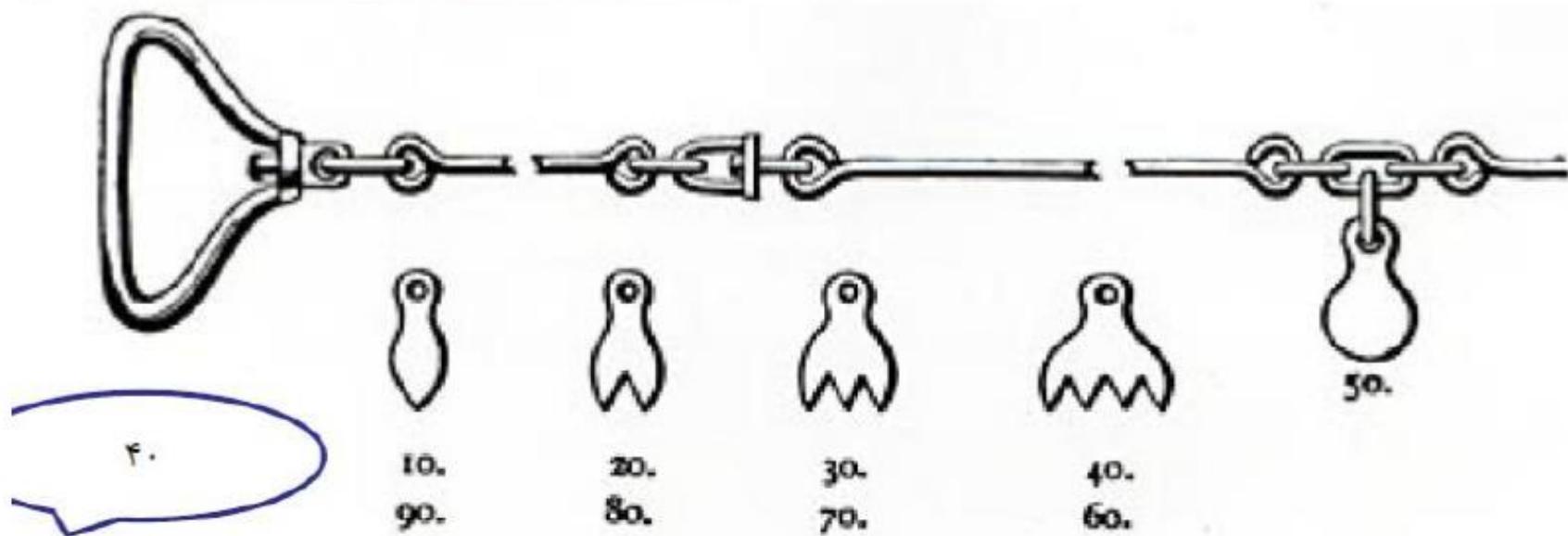
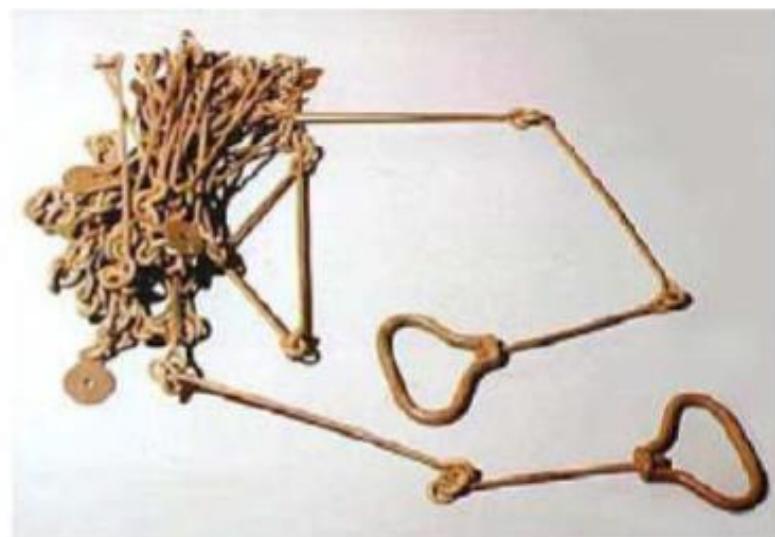
$$\cos A = \frac{64 + 36 - 144}{2 \times 8 \times 6} = -\frac{48}{96} = -\frac{1}{2} \rightarrow A = 114^\circ \text{ } 14'$$

وسیله اصلی طولیابی در روش مستقیم، انواع نوار های فاصله یابی (متر ها) و چرخ های غلطان است. همراه با این وسایل از اسباب های کمکی همچون شاقول، ژالون، تراز دستی، شیب سنج، گونیای مساحی، و قطب نما نیز استفاده می شود.



• متر:

- جنس آن : فلزی، پارچه ای، پلاستیکی
- تقسیم بندی : سانتی متر، میلی متر
- طول: از ۳ متری تا ۱۰۰ متری



• زنجیر مساحی

- در اندازه های مختلف
- دقت نسبی حدود  $\frac{1}{1000}$



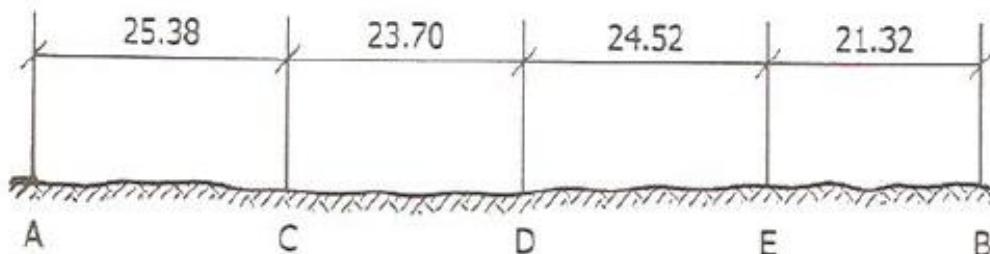
- ابزارهای کمکی طول یابی:
- ژالون
- تراز نبشی

## روش تعیین فاصله با نوار اندازه گیری

وقتی فاصله مورد نظر از طول نوار اندازه گیری کوچکتر باشد، و زمین اندازه گیری هموار و افقی باشد کافی برای متر کشی نوار را کاملاً کشیده و بدون پیچ خوردن بین دو نقطه قرار دهیم. و درجات نوار را که خطوط نشانه اش منطبق بر نقاط ابتدا و انتهای فاصله مورد نظر است را بخوانیم و سپس این دو قرائت را از هم کم کنیم.

### متر کشی زمین های هموار به روش امتداد گذاری

اگر فاصله بین دو نقطه بیش از طول متر باشد، طولیابی بین دو نقطه به کمک روش امتداد گذاری می تواند انجام گیرد.



$$x_{AB} = x_1 + x_2 + x_3 + x_4$$

مترکشی در زمین هموار به کمک ژالون و متر

$$x_{AB} = 25/38 + 23/7 + 24/52 + 21/32 = 94/92 \text{ m}$$

## روش تعیین فاصله با نوار اندازه گیری

### اندازه گیری فاصله در زمین ناهموار و شیبدار

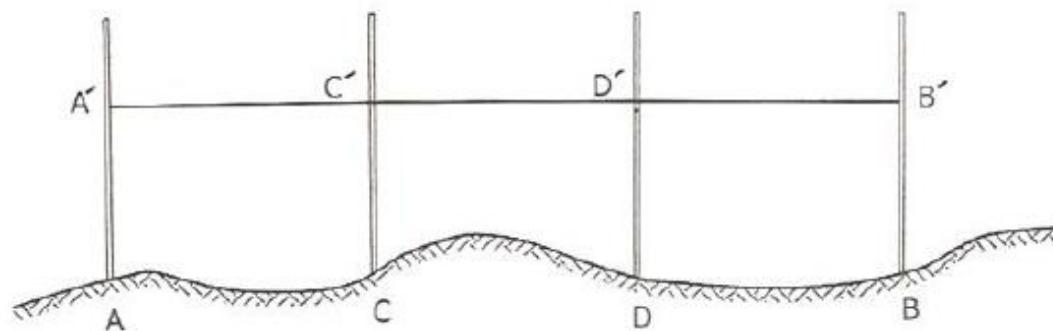
در این نوع زمین‌ها به دلیل ناهمواری و یا شیبدار بودن آن نمی‌توان متر را در حالت افقی و مستقیم بر روی زمین پهن نمود. در این موقع باید فاصله  $AB$  را با چند ژالون به قطعات کوچکتری تقسیم نموده، فاصله افقی هر دو ژالون متواالی را اندازه گیری نموده و مجموع آنها برابر فاصله افقی  $AB$  می‌باشد.

$$AB = A' C' + C' D' + D' B'$$

برای اندازه گیری طول افقی دو ژالون به روش زیر عمل می‌کنیم:

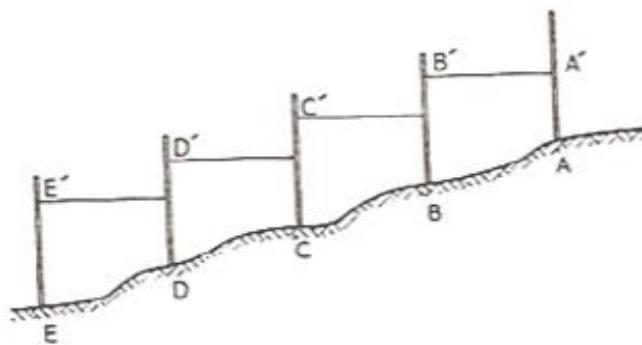
- یک نفر ابتدای متر را گرفته و در کنار ژالون نقطه  $A$  مستقر می‌شود.
- نفر دوم سمت دیگر متر را گرفته و کنار ژالون نقطه  $C$  می‌ایستد.
- هر دو نفر متر را تا اندازه سینه خود بالا می‌برند.

- نفر سومی با یک شیب‌سنج که قاعده‌اش را موازی متر قرار می‌دهد مقدار شیب متر را کنترل می‌نماید و با علامتی که به دو نفر مترکش می‌دهد، متر را در وضعیت افقی قرار می‌دهد. در این لحظه دو نفر مترکش، متر را بصورت مستقیم می‌کشند به گونه‌ای که صفر آن در ژالون  $A$  باشد و نفر دوم طول متر را در ژالون  $C$  می‌خواند و ثبت می‌کند.



## روش تعیین فاصله با نوار اندازه گیری

در زمین‌های شیبدار روش عملیات نیز بدین صورت می‌باشد ولی به دلیل شیب زمین هر دو نفر نمی‌توانند متر را به یک اندازه بالا ببرند. بجای بکار بردن ژالون می‌توان از شاقول نیز استفاده نمود. اندازه گیری طولها در این روش سخت‌تر از زمانی می‌باشد که ژالون نصب شده باشد.



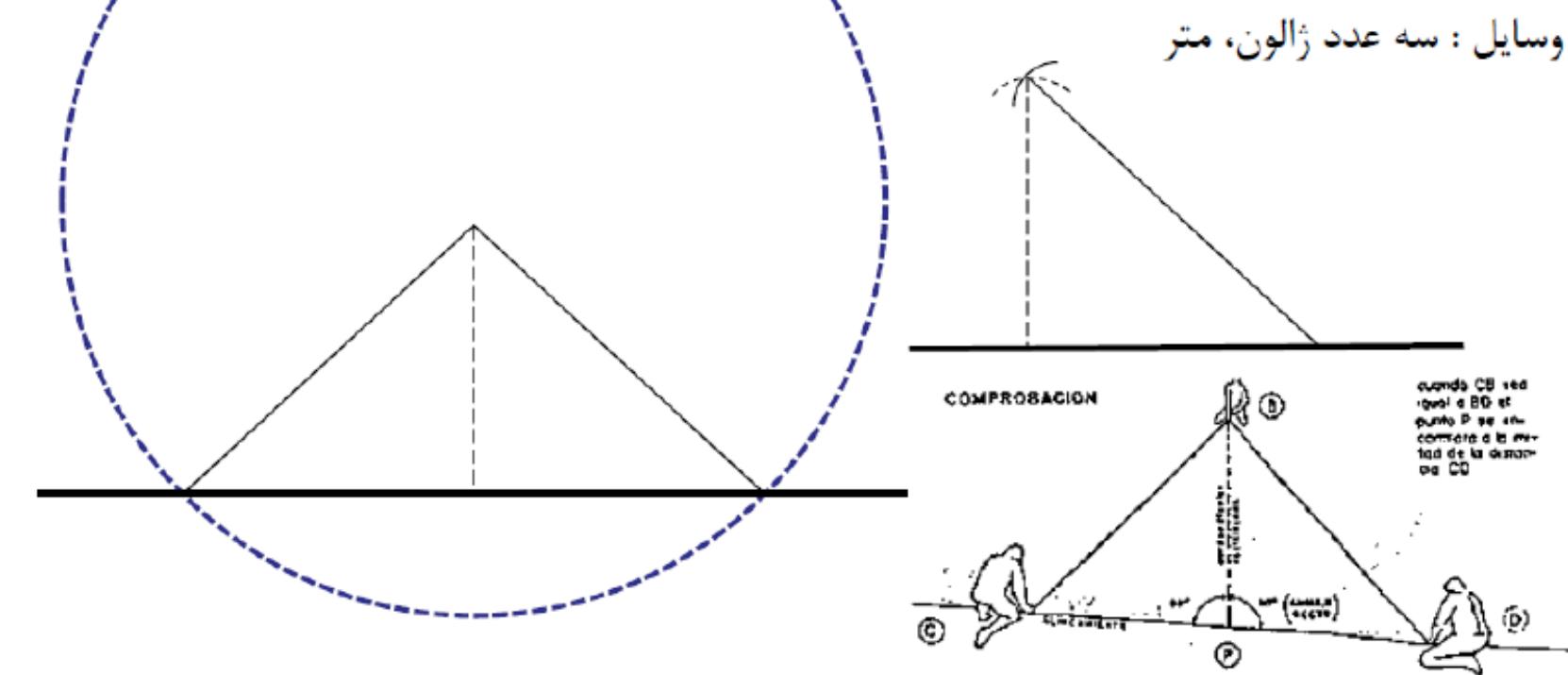
فاصله‌سنجی در زمین شیبدار

مساحی: منظور از مساحی، نقشه برداری از قطعات کوچک زمین است که با استفاده از وسائل ساده‌ای مثل متر، ژالون، شاقول، گونیای مساحی، قطب نما و شیب سنج دستی انجام می‌گیرد.

### بخشی از مسائل مطرح در مساحی:

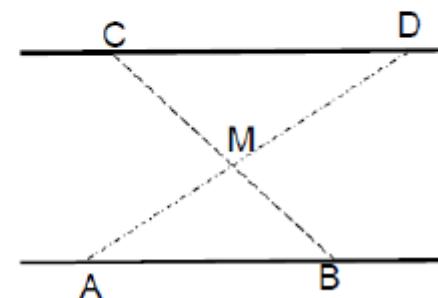
- اخراج عمود بر یک خط از نقطه‌ای واقع بر آن خط
- وارد کردن عمود بر یک خط از نقطه معینی در خارج آن خط و یافتن پای عمود
- پیاده کردن خطی به موازات خط دیگر
- تعیین اندازه یک زاویه
- پیاده کردن یک زاویه نسبت به یک امتداد
- تهیه نقشه از زمین‌های کم وسعت به روش مثلث بندی
- تهیه نقشه از زمین‌های کم وسعت به روش استفاده از خط هادی

- اخراج عمود بر یک خط از نقطه‌ای واقع بر آن خط
- وارد کردن عمود بر یک خط از نقطه معینی در خارج آن خط و یافتن پای عمود

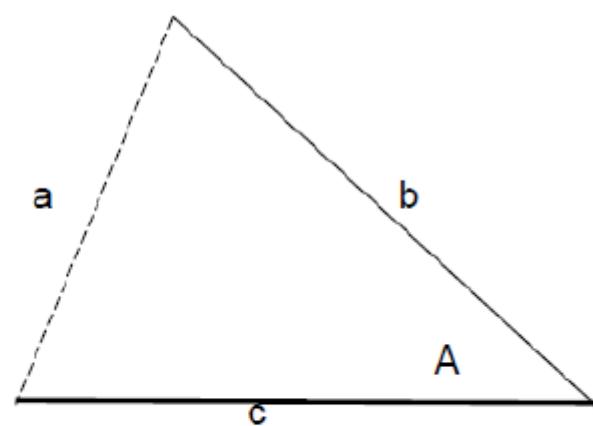


## مساحتی

- پیاده کردن خطی به موازات خط دیگر:



- تعیین اندازه یک زاویه:
- قانون کسینوس ها



$$\cos(A) = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

- پیاده کردن یک زاویه نسبت به یک امتداد معین:

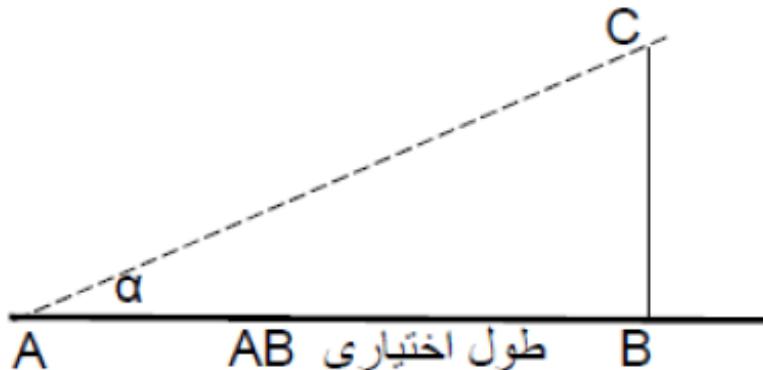
$$BC = AB \cdot \tan(\alpha)$$

- استفاده از تانژانت

- جدا کردن طول اختیاری AB

- اخراج عمود از B به اندازه BC

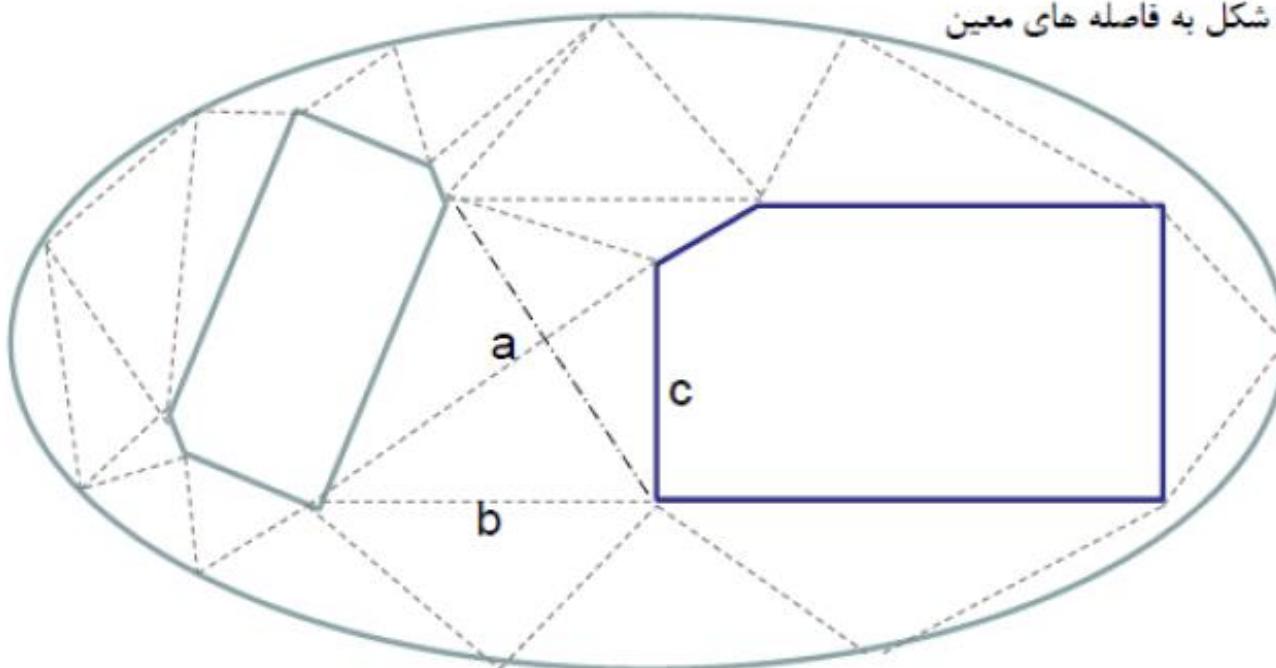
- زاویه CAB به اندازه زاویه  $\alpha$  می باشد



- تهییه نقشه از زمین های کم وسعت به روش مثلث بندی
- تقسیم ناحیه به مثلث ها:

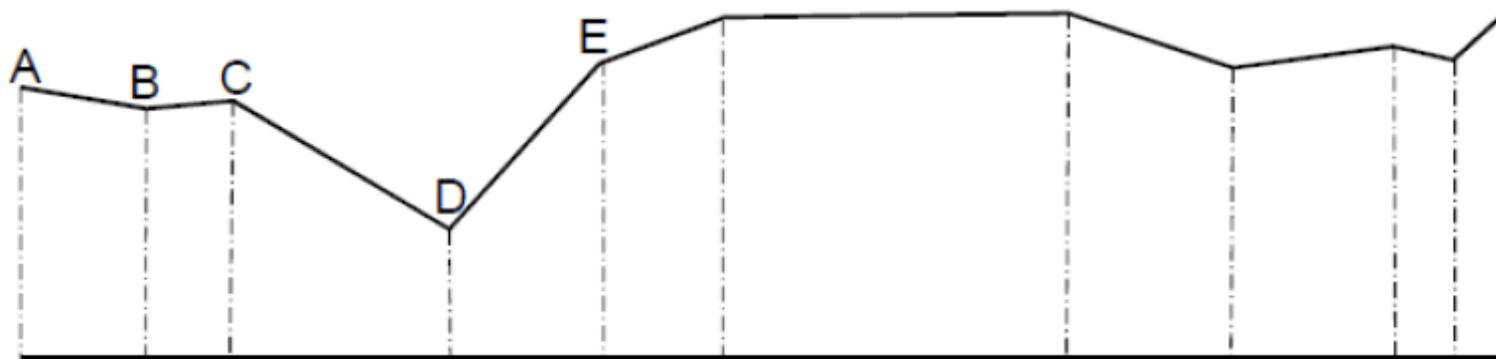
$$A = \sqrt{P(P-a).(P-b).(P-c)}$$

- تهییه کروکی ناحیه
- تشکیل مثلث ها با اتصال نقاط به یکدیگر
- اندازه گیری اضلاع مثلث ها و بعضی از قطر ها
- تقسیم شکل های قوسی شکل به فاصله های معین



• تهیه نقشه از زمین های کم وسعت به روش استفاده از خط هادی

- تهیه کروکی ناحیه
- در نظر گرفتن یک خط مستقیم به عنوان مبنا
- وارد کردن عمود از نقاط عارضه به خط مبنا

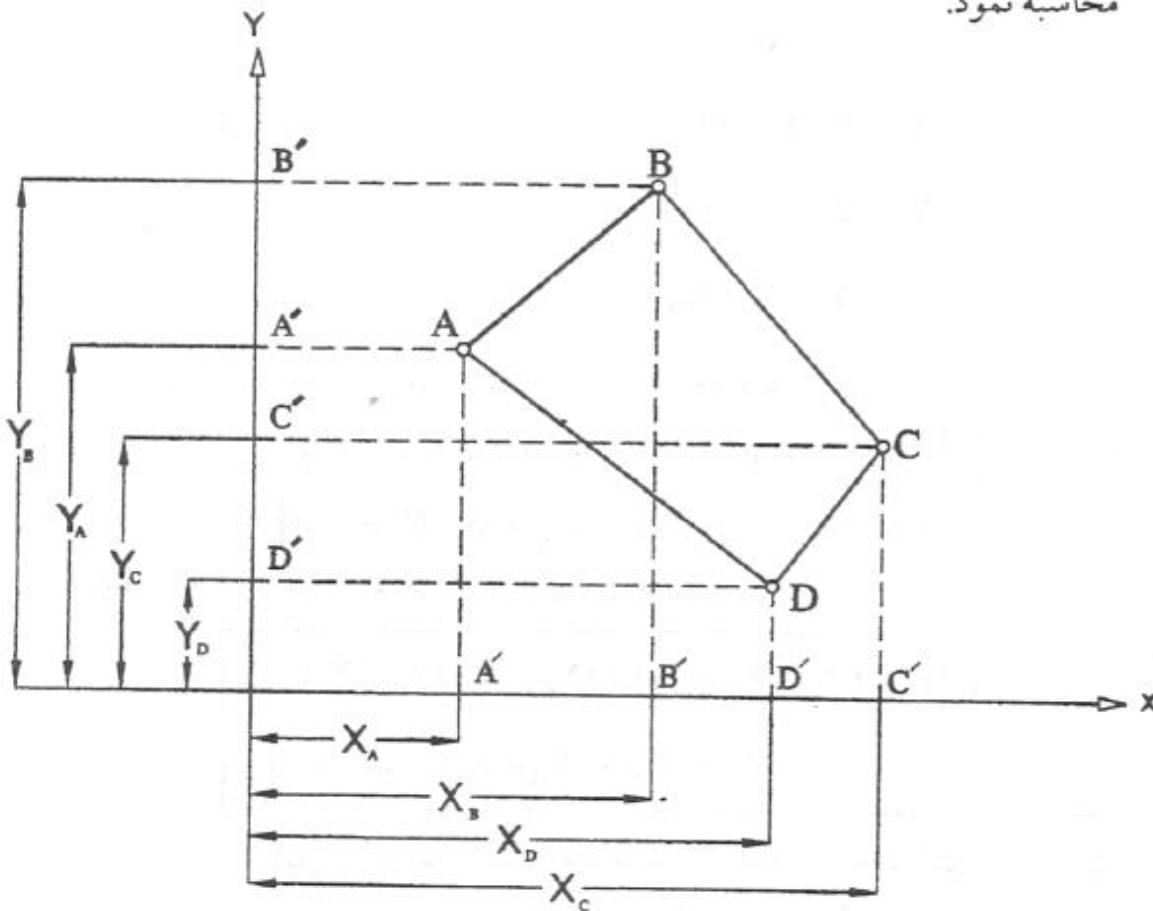


$$S = \frac{1}{2} \left[ \frac{y_1}{x_1} \cdot \frac{y_2}{x_2} \cdot \frac{y_3}{x_3} \cdot \frac{y_1}{x_1} \right]$$

$$\Rightarrow S = \frac{1}{2} [(y_1 \times x_2 + y_2 \times x_3 + y_3 \times x_1) - (x_1 \times y_2 + x_2 \times y_3 + x_3 \times y_1)]$$

### محاسبه مساحت به روش مختصات رئوس

چنانچه زمین موردنظر دارای اضلاع مستقیم و مختصات رئوس زمین مشابه شکل زیر معلوم باشد، با استفاده از مختصات رئوس می‌توان مساحت دقیق زمین را محاسبه نمود.



## روش های تعیین مساحت (فرمول گوس)

مختصات رئوس زمین از قرار زیر معلوم می باشد.

A   X <sub>A</sub>	B   X <sub>B</sub>	C   X <sub>C</sub>	D   X <sub>D</sub>
Y <sub>A</sub>	Y <sub>B</sub>	Y <sub>C</sub>	Y <sub>D</sub>

$$\frac{Y_A}{X_A} \diagup \quad \frac{Y_B}{X_B} \diagup \quad \frac{Y_C}{X_C} \diagup \quad \frac{Y_D}{X_D} \diagup \quad \frac{Y_A}{X_A} \diagdown$$

با توجه به آرایش صورت گرفته، مساحت به سهولت بدست می آید.

$$\left[ (مجموع حاصل ضرب خطوط منقطع) - (مجموع حاصل ضرب خطوط مسند) \right] = \frac{1}{2} \text{ مساحت}$$

يعنى:

$$S = \frac{1}{2} \left[ (Y_A X_B + Y_B X_C + Y_C X_D + Y_D X_A) - (Y_B X_A + Y_C X_B + Y_D X_C + Y_A X_D) \right]$$

مثال ۲: مختصات رئوس قطعه زمینی به شکل مثلث  
مترا داده شده است. مساحت این قطعه زمین چند متر مربع است؟

۲۸ (۴)

۲۱ (۳)

۱۴ (۲)

۷ (۱)

پاسخ:  
گزینه ۲

$$\frac{x_A}{y_A} \quad \cancel{\frac{x_B}{y_B}} \quad \cancel{\frac{x_C}{y_C}} \quad \cancel{\frac{x_A}{y_A}}$$

$$S = \frac{1}{2} [(x_A \cdot y_B + x_B \cdot y_C + x_C \cdot y_A) - (y_A \cdot x_B + y_B \cdot x_C + y_C \cdot x_A)]$$

$$S = \frac{1}{2} [(2 \times 8 + 6 \times 4 + 8 \times 2) - (2 \times 6 + 8 \times 8 + 4 \times 2)]$$

$$S = \frac{1}{2} [(16 + 24 + 16) - (12 + 64 + 8)] = \frac{1}{2} [56 - 84] = \frac{1}{2} \times |-28| = 14 \text{ m}^2$$

### روش‌های اپتیکی

وسایل این گروه شامل انواع دوربین‌های نقشه‌برداری (ترازیاب‌ها و زاویه‌یاب‌ها) است که با سرعتی بیشتر و دققی کمتر از مترها برای فاصله‌یابی استفاده می‌شوند.

### روش‌های الکترونیکی

وسایل این گروه شامل دستگاه‌های مسافت‌یاب الکترونیکی و الکتروپاتیکی است که با اندازه‌گیری اختلاف فاز و زمان رفت و برگشت امواج الکترومغناطیس (از نوع رادیویی، مادون‌قرمز و یا لیزر) فاصله بین نقاط را تعیین می‌کنند. این دستگاه‌ها ضمن داشتن دقت زیاد از سرعت‌های بسیار بالایی برخوردار هستند.

# فصل چهارم

ترازیابی

مقصود از ترازیابی (Levelling) یا نیولمان تعیین اختلاف ارتفاع بین دو یا چند نقطه (نسبت به هم یا نسبت به یک سطح مبنای معین) است که با استفاده از دستگاه های مختلف و یا روش های گوناگون صورت می گیرد.

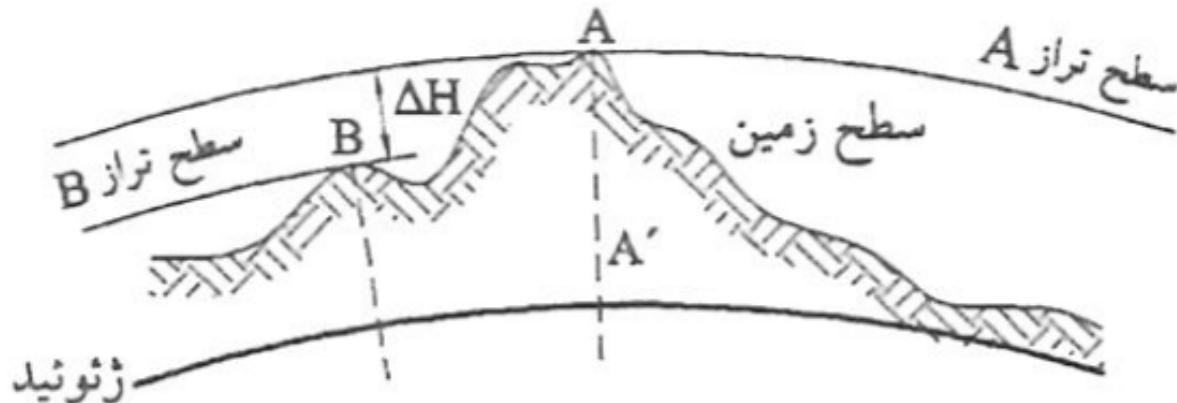
**چند مفهوم :**

**سطح تراز**

به مجموعه نقاطی که ارتفاع آنها یکسان باشد سطح تراز می گویند.  
فاصله بین دو سطح تراز تعیین کننده اختلاف ارتفاع بین نقاط واقع بر روی آن دو سطح است.

**ارتفاع نقطه**

ارتفاع نقطه ای مانند A عبارت است از فاصله قائم این نقطه از سطح ارتفاعی مبنا (میتواند ژئوئید و یا سطح مبنای محلی باشد) است.



چند مفهوم

▣ نقطه ترازیابی

نقاطی که شاخص روی آنها نگه داشته شده و توسط قرائتها بی که روی شاخص انجام می پذیرد ارتفاع آن نقاط مشخص می شود.

▣ بنج مارک<sup>۶</sup> (BM)

نقاط ثابتی هستند که ارتفاع آنها معلوم و یا بوسیله یکسری عملیات ترازیابی، ارتفاع آن نقاط مشخص می شود.



## شناختن نقاط ارتفاعی BM ارائه شده توسط سازمان نقشه برداری کشور

شناخته ایستگاه ترازیابی						
LEVELING STATION DESCRIPTION						
λ =	طول جغرافیائی Longitude	شاره نامه Sheet No.	و	مرتبه Order		
φ =	عرض جغرافیائی Latitude	سنجاق Scale	استان Province	N Q Z W	2	0 0 1
g =	مقدار گرانیت Gravity	نام قدیم ایستگاه Old Name	راه خرم‌شهر Road			
	تاریخ ایجاد Date	نام پروژه و طرح Project & Photo No.	نام شهر Nearest Town	معمولی Type of Station		
	تاریخ اندازه‌گیری Obs. Date	تاریخ مسایلہ Cal. Date	سنجاق District	Elevation	ارتفاع B.M.	ارتفاع ارتوسٹری Orth. Elevation
				B.M.	R.M.	ملاحظات / Remarks
	1380	DNG. 1001	1650.9220			
مشخصات ایستگاه (BM) عبارت است از دیسک آلمینیومی که عبارت "سازمان نقشه برداری کشور" روی آن حک شده است.						
برقیت ایستگاه S. Processing						
تفاصله 0.33 متر از گوش و 0.43 متر از کف قرار دارد. فاصله این ایستگاه از NTZY 2002 و ZXZW 2003 بترتیب 0.5 و 0.8 کیلومتر می‌باشد.						
نشانی ایستگاه Address						
پس از طی 0.2 کیلومتر از بلوار آزادی در جاده خرم‌شهر بسته بینان هنرستان به ایستگاه						
نمودار						
مشخصات ایستگاه (BM) عبارت است از دیسک آلمینیومی که عبارت "سازمان نقشه برداری کشور" روی آن حک شده است.						
Form No. 42-1982						
فرمادار: [Signature]						
تاریخ: ۱۳۷۶						
نام: [Name]						
جایزه: [Signature]						
N.C.C. [Signature]						
[Circular stamp: ایستگاه ترازیابی کشور]						
[Red stamp: شناسنامه ایستگاه ترازیابی]						
[Red stamp: شناسنامه ایستگاه ترازیابی]						

شناخته ایستگاه ترازیابی						
LEVELING STATION DESCRIPTION						
λ =	طول جغرافیائی Longitude	شاره نامه Sheet No.	و	مرتبه Order		
φ =	عرض جغرافیائی Latitude	سنجاق Scale	استان Province	N Q Z W	2	0 0 1
g =	مقدار گرانیت Gravity	نام قدیم ایستگاه Old Name	راه خرم‌شهر Road			
	تاریخ ایجاد Date	نام پروژه و طرح Project & Photo No.	نام شهر Nearest Town	معمولی Type of Station		
	تاریخ اندازه‌گیری Obs. Date	تاریخ مسایلہ Cal. Date	سنجاق District	Elevation	ارتفاع B.M.	ارتفاع ارتوسٹری Orth. Elevation
				B.M.	R.M.	ملاحظات / Remarks
	1380	DNG. 1001	1650.9220			
مشخصات ایستگاه (BM) عبارت است از دیسک آلمینیومی که عبارت "سازمان نقشه برداری کشور" روی آن حک شده است.						

- تراز یابی مستقیم یا هندسی
- تراز یابی غیر مستقیم یا مثلثاتی
- تراز یابی بارومتریک (تراز یابی به کمک فشار سنج)
- تراز یابی به کمک GPS
- ....

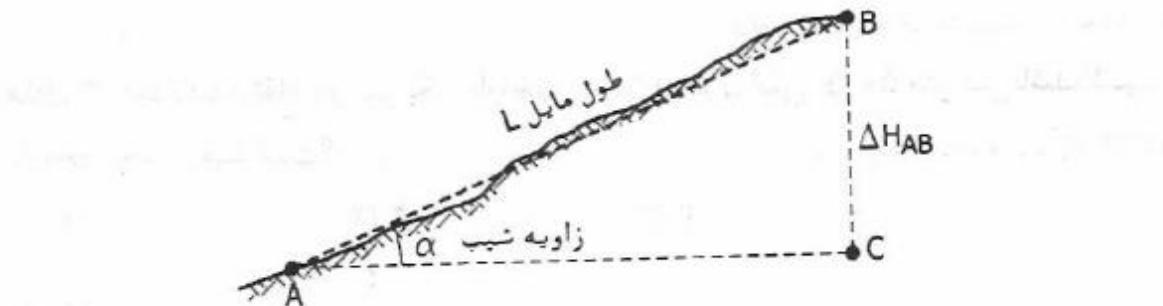
### • تراز یابی غیر مستقیم یا مثلثاتی

برای محاسبه مقدار اختلاف میان نقاط A و B، فاصله میان آنها و زاویه شیب امتداد AB را اندازه گیری می کنیم.

$$H_A - H_B = AB \cdot \sin \alpha$$

در مثلث قائم الزاویه ABC داریم:

$$\Delta H_{AB} = L \cdot \sin \alpha$$



مثال ۱: چنانچه فاصله دو نقطه A و B بر روی سطح شیبدار برابر ۵۲ متر باشد و زاویه شیب آنها برابر ۱۵ درجه باشد. اختلاف ارتفاع دو نقطه A و B برابر چند متر است؟

پاسخ:

$$\Delta H_{AB} = L \cdot \sin \alpha$$

$$\Delta H_{AB} = 52 \times \sin 15^\circ = 13/40 \text{m}$$

• تراز یابی بارومتریک(تراز یابی به کمک فشار سنج)

مقصود از تراز یابی فشارسنجی تعیین اختلاف ارتفاع بین دو یا چند نقطه، از طریق اندازه گیری فشارها در آن نقاط است.

به طور کلی چون فشارها در هر نقطه به ارتفاع آن نقطه از سطح مبنای ارتفاعی بستگی دارد می توان ارتفاع نقاط را به کمک وسائل اندازه گیری فشارها (فشارسنج یا بارومتر) تخمین زد، هرچه ارتفاع نقاط از سطح دریا بیشتر باشد فشارها کمتر می شود و بر عکس .

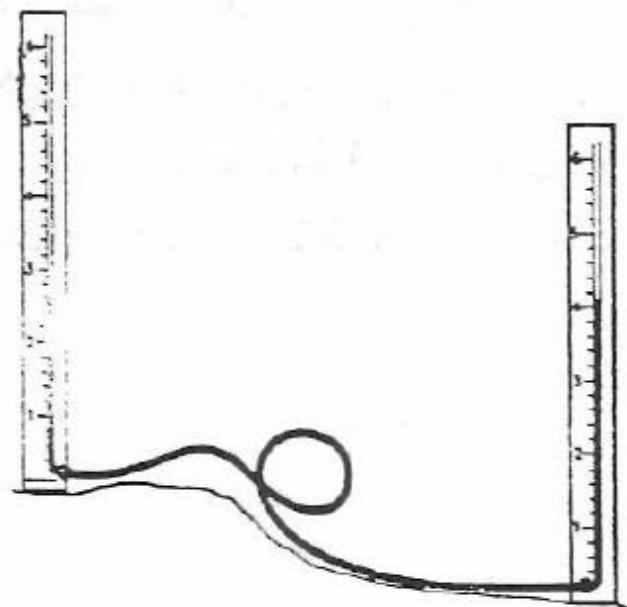
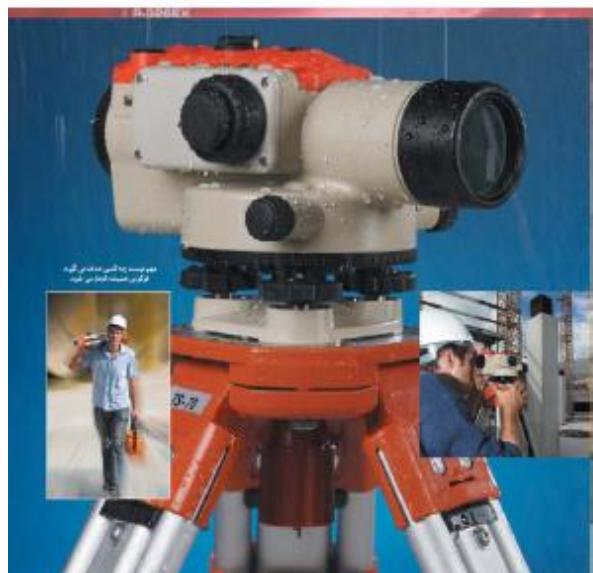


بارومتر

### • تراز یابی مستقیم یا هندسی

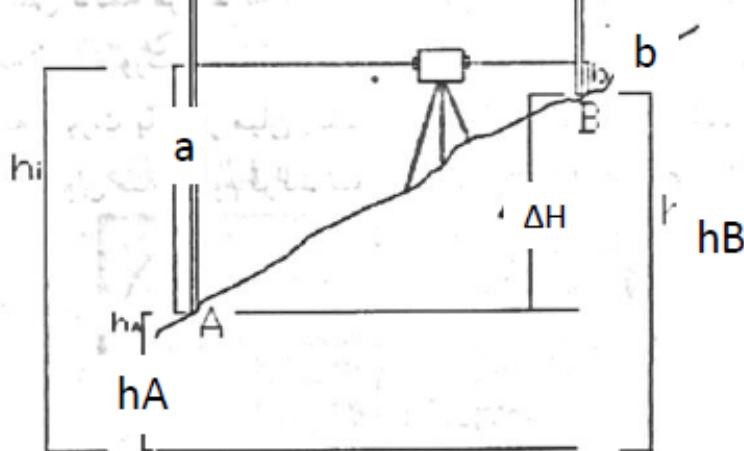
ساده ترین وسیله برای تراز یابی مستقیم یا هندسی شلنگ تراز می باشد.

$$\Delta H_{AB} = H_A - H_B$$



ترازیاب (Level - Niveau)

• اصول تراز یابی مستقیم یا هندسی



: قرانت عقب و b: قرانت جلو

$$\Delta H_{AB} = a - b = \text{قرانت جلو} - \text{قرانت عقب} = \text{B.S.} - \text{F.S.}$$

if  $\Delta H_{AB} > 0 \Rightarrow \uparrow$  سربالایی

or

if  $\Delta H_{AB} < 0 \Rightarrow \downarrow$  سرپایینی

$$\Delta H_{AB} = h_B - h_A = a - b = \text{B.S.} - \text{F.S.}$$

$$h_B = h_A + (\text{B.S.} - \text{F.S.})$$

ارتفاع دستگاه ترازیاب در این استقرار طبق شکل بالا از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$h_i = h_A + \text{B.S.} = \text{ارتفاع نقطه A} + \text{ارتفاع نقطه B}$$

همچنین می‌توان نوشت:

$$h_B = h_i - \text{F.S.} = \text{ارتفاع دستگاه در نقطه استقرار} - \text{ارتفاع نقطه B}$$

• اصول تراز یابی مستقیم یا هندسی

مثال ۱: چنانچه ارتفاع نقطه P از سطح دریا 1561.17 متر و قرائت های شاخص (میر) به ترتیب در روی نقاط P و Q برابر 3368 و 0981 باشد مطلوب است محاسبه ارتفاع نقطه Q

$$\Delta H_{PQ} = B.S. - F.S. = 3.368 - 0.981 = 2.387m$$

$$h_Q = h_P + \Delta H_{PQ} = 1561.17 + 2.387 = 1563.557m$$

مثال ۲: قرائت های عقب و جلو بر روی شاخص های مستقر بر نقاط M و N به فاصله افقی 75 متر بترتیب 1830 و 3330 میلی متر است، شیب امتداد MN چند درصد است؟

$$MN = 75m, \quad BS = 1830mm, \quad FS = 3330mm$$

$$\Delta H = BS - FS = -1.5 m$$

$$\tan \alpha = \frac{\Delta H}{MN} = \frac{-1.5}{75} = -0.02 = -2 \%$$

## ابزار برای تراز یابی مستقیم یا هندسی به کمک تراز یاب

### ✓ سه پایه<sup>۱۵</sup>

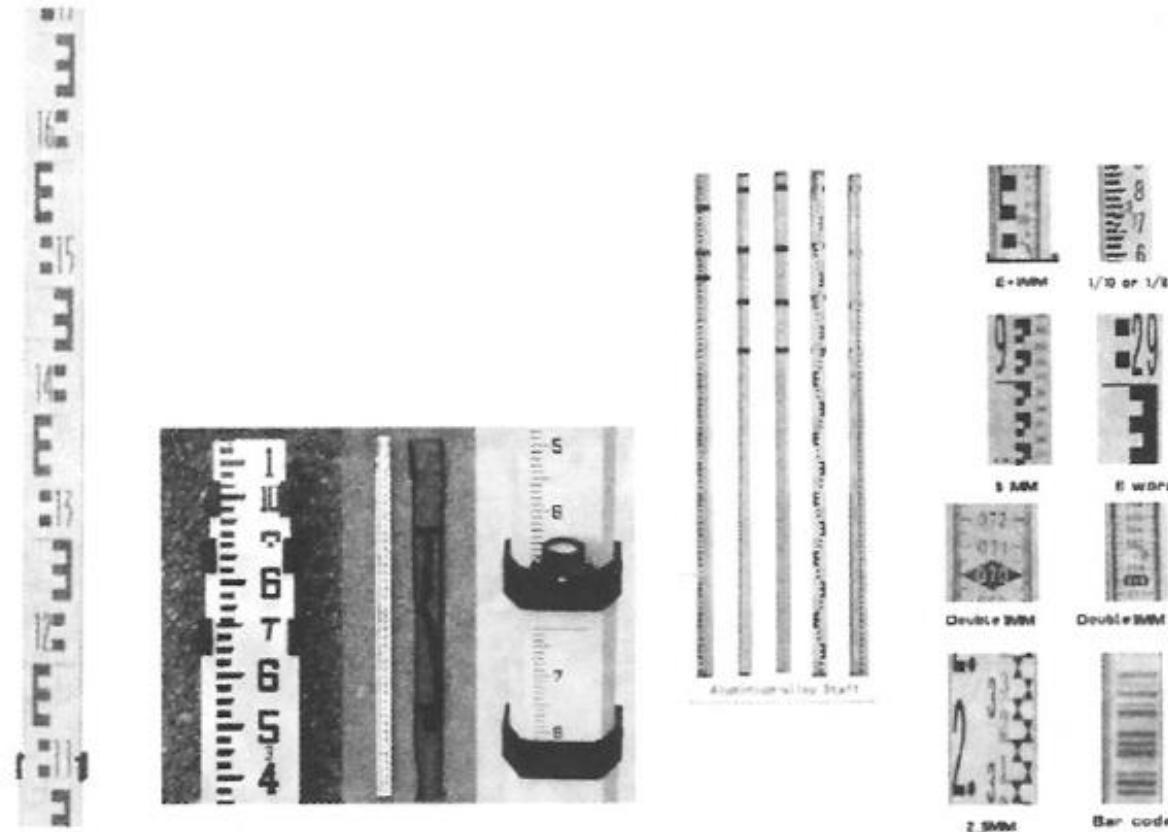
سه پایه ها وسایلی هستند که دوربین های نقشه برداری روی آنها مستقر شده و تراز می شوند. سه پایه ها از نوع چوبی و فلزی ساخته می شوند. هر پایه سه پایه به صورت کشویی عمل نموده و می توان آن را در ارتفاعات مختلف تنظیم نمود.



## ابزار برای تراز یابی مستقیم یا هندسی به کمک تراز یاب

### ✓ شاخص (میر)<sup>۱۶</sup>

خط کشی مدرج معمولاً به طول 4 متر می باشد و با قرار گرفتن در معرض قراؤلروی (نشانه روی) دوربینهای نقشه برداری می توان عددی را روی آن قرائت نمود. این وسیله برای سنجش اختلاف ارتفاع دو نقطه و فواصل به کار برده می شود. شاخص ها معمولاً از جنس چوب یا آلومینیومی ساخته می شوند.



## ابزار برای تراز یابی مستقیم یا هندسی به کمک تراز یاب

### ✓ تراز نبشی

از تراز نبشی جهت کنترل سطوح قائم استفاده می شود. به عنوان مثال جهت قائم نگه داشتن ژالن یا شاخص از آن استفاده می شود. تراز نبشی از یک تراز کروی که در بالای یک نبشی فلزی یا پلاستیکی به طول 10 سانتی متر تعبیه شده، تشکیل شده است.



### ✓ تارهای رتیکول<sup>۱۱</sup>

خطوط عمود بر هم که در داخل تلسکوپ دوربین بین عدسیهای شی و منشور مستقیم کننده تلسکوپ قرار دارد که تمام قرائتهای روی شاخص با استفاده از این تارها ممکن باشد.



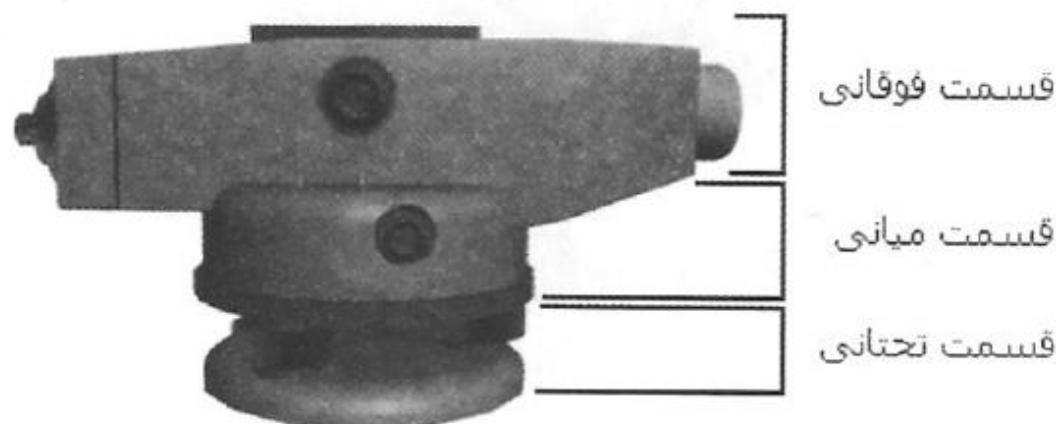
## ابزار برای تراز یابی مستقیم یا هندسی به کمک تراز یاب

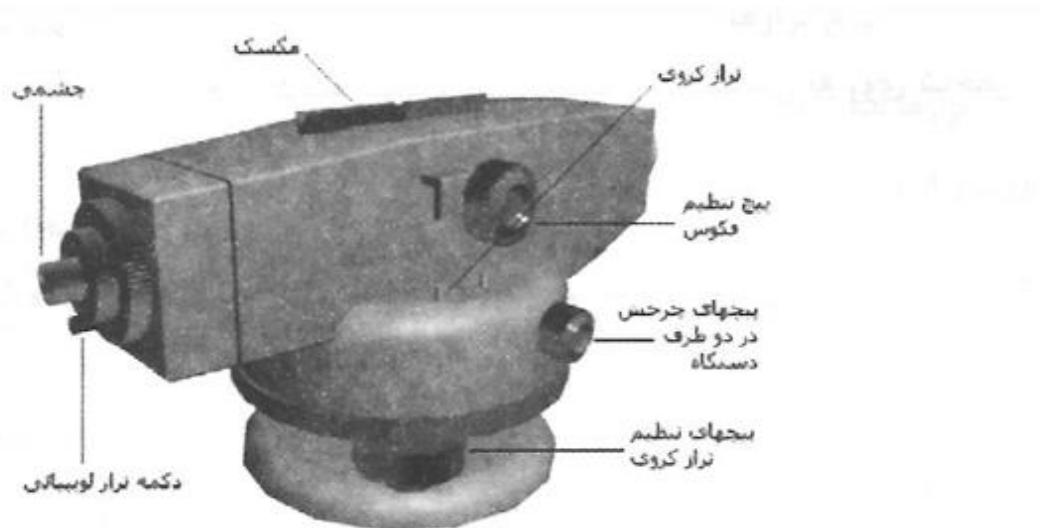
ساختمن دستگاه تراز یاب به طور کلی از سه قسمت زیر تشکیل شده است:

الف- قسمت فوقانی: شامل تلسکوپ و وسایل قراولروی می باشد.

ب- قسمت میانی: شامل ترازهای کروی و استوانه ای می باشد.

پ- قسمت تحتانی: شامل پیچهای تراز کننده و صفحه اتصال دستگاه بر روی سه پایه می باشد.





شکل ۴-۲۳: قسمتهای مختلف دستگاه تراز یاب

#### ✓ پیچهای تراز دوربین

در زیر دوربین سه عدد پیچ وجود دارد که جهت تراز کردن ترازیاب بر روی سه پایه به کار می روند. این سه پیچ به شکل یک مثلث در زیر دوربین قرار گرفته اند.

#### ✓ پیچ های تنظیم چرخش دوربین

این دوربینها می توانند 360 درجه به دور خود بچرخدند جهت افزایش دقیقت حرکت دوربین دو عدد پیچ در طرفین دوربین وجود دارد که این پیچها به هم متصل می باشند به طوری که با چرخش یکی پیچ دیگری هم به همان اندازه خواهد چرخید. در واقع با این پیچها می توان چرخش دوربین را با دقیقت بیشتری کنترل کرد.

✓ پیج فوکوس

با توجه به اینکه فاصله شاخص تا دوربین همواره ثابت نیست و در فواصل مختلفی نسبت به دوربین قرار می گیرد، لذا جهت داشتن تصویری واضح باید از پیج تنظیم فوکوس استفاده نمود.

✓ چشمی دوربین

توسط چشمی دوربین به سمت شاخص قراولروی (نشانه روی) نموده و توسط یک پیج کوچکی که روی چشمی تعییه شده جهت تنظیم دقیقتر تارهای رتیکول از آن استفاده می شود.

✓ چشمی زاویه یاب

در بعضی ترازیابها امکان خواندن زوايا و يا مشخص نمودن زوايا در روی زمین با دقت 1 درجه وجود دارد. با این حال دقت آن چندان مطلوب کارهای نقشه برداری نبوده و بهتر است برای یافتن زاویه بین دو امتداد از دوربینهای زاویه یاب (تئودولیت) استفاده شود.

✓ **مگسک قراولروی**

مگسک در بالای دوربین قرار گرفته است و جهت نشانه روی تقریبی به روی شاخص از آن استفاده می شود.

✓ **محور قائم (اصلی)**

وقتی دستگاه تراز باشد امتداد قائم دستگاه منطبق بر امتداد شاقولی در آن نقطه خواهد بود.

✓ **محور کلیماسیون**

خطی که مرکز تارهای رتیکول را به مرکز عدسی های شئ و چشمی وصل می کند.

✓ **محور لوله تراز**

خطی است که در مرکز حباب تراز به لوله تراز مماس می باشد. اگر دستگاه ترازیاب سالم و تراز باشد این خط موازی محور کلیماسیون خواهد بود.

## ابزار برای تراز یابی مستقیم یا هندسی به کمک تراز یاب

### ساختمان تراز

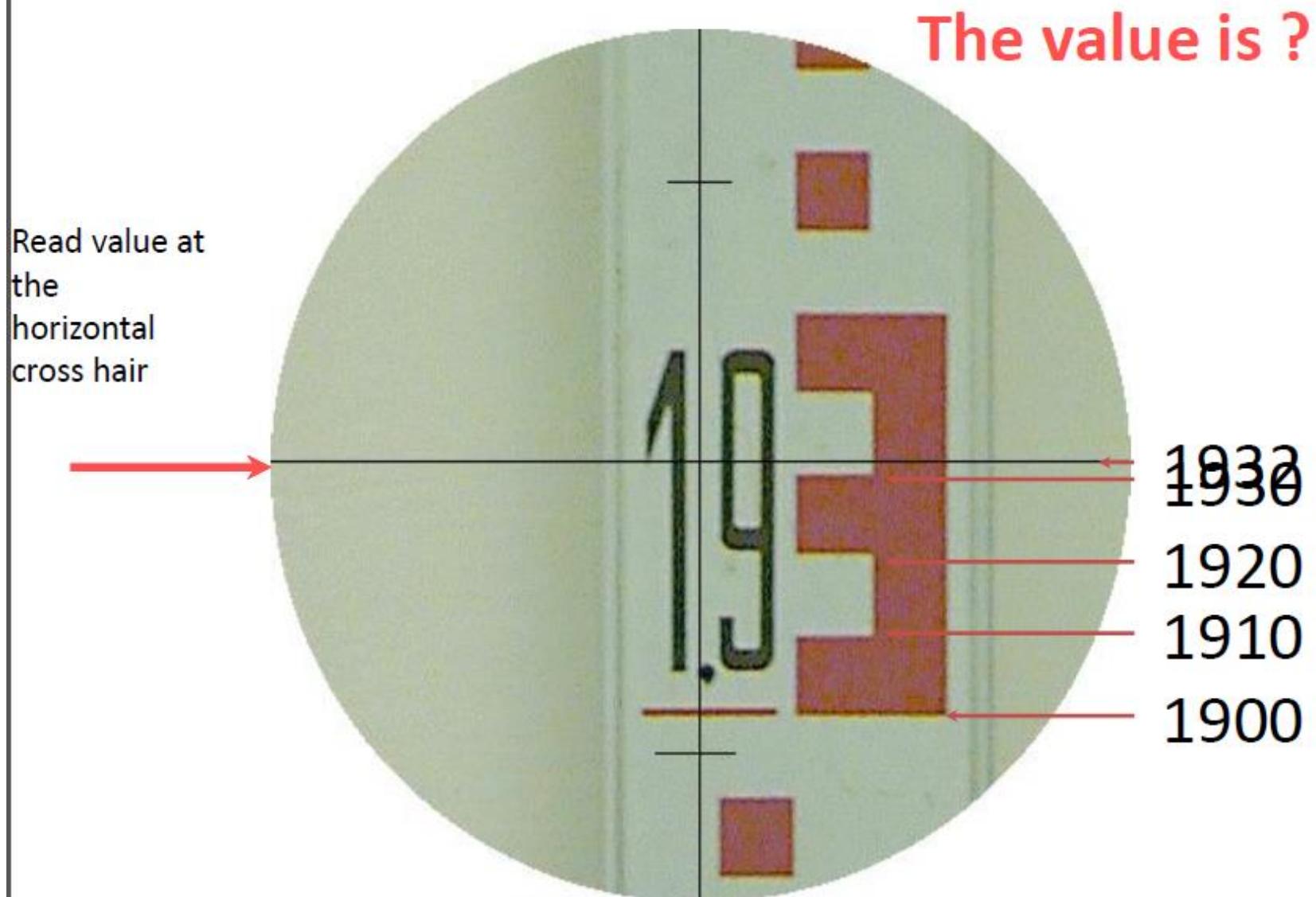
یک محفظه فلزی یا شیشه‌ای است که در داخل آن یک مایع فرار مثل الکل یا اتر می‌ریزند حجم مایع کمی کمتر از حجم تمام محفظه بوده و به قسمت کوچکی از حجم محفظه باقی مانده به جای خود مایع، بخار آن را می‌ریزند و به همین خاطر بخار مایع با توجه به کم بودن چگالی نسبت به خود مایع در بالاترین قسمت محفظه قرار می‌گیرد. شکل زیر مجموعه‌ای از ترازها را نشان می‌دهد.<sup>[3]</sup>



### انواع تراز

- تراز کروی
- تراز استوانه‌ای
- تراز لوبیایی
- تراز دیجیتال یا الکترونیکی

## Reading an E-type levelling staff



روش های تراز یابی مستقیم یا هندسی

❑ روش پیمایشی یا خطی

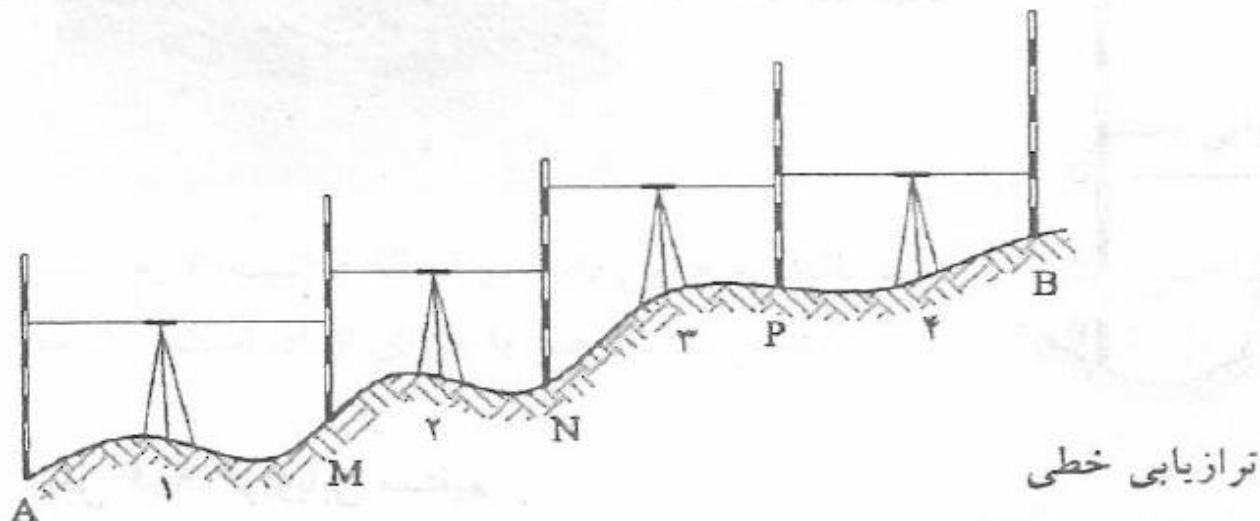
❑ روش شعاعی

❑ روش ترکیبی

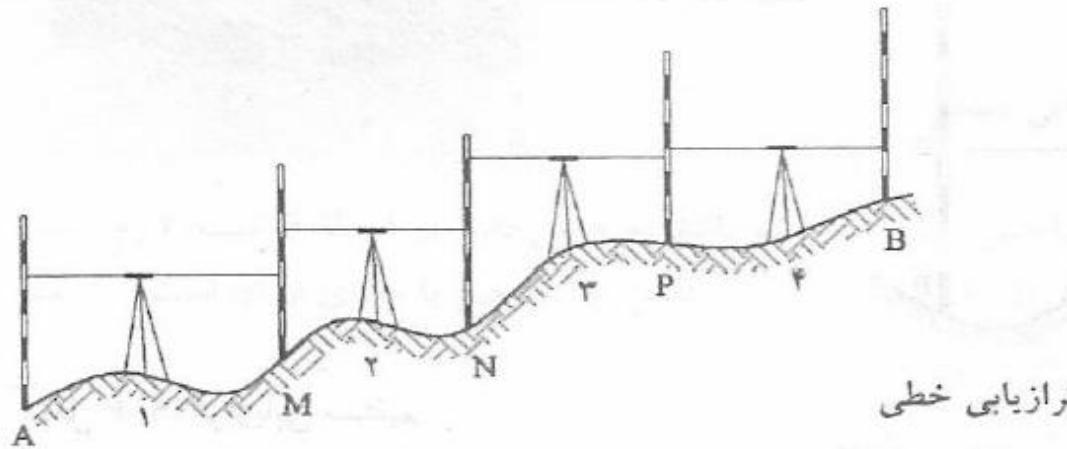
### □ روش پیمایشی یا خطی

اگر فاصله بین دو نقطه زیاد باشد یا اختلاف ارتفاع بین دو نقطه بیشتر از طول شاخص باشد نمی توان با یک ایستگاه تراز یابی، اختلاف ارتفاع بین دو نقطه را تعیین کرد. در این موارد لازم می شود به جای یک ایستگاه، از چند ایستگاه تراز یابی و به جای دو نقطه، از نقاط بیشتری (نقاط کمکی) برای استقرار شاخص استفاده شود.

فرض می کنیم هدف، تعیین اختلاف ارتفاع بین دو نقطه A و B باشد و بنا به دلائل فوق نتوانیم با یک مرتبه ایستگاه گذاری به مقصود فوق برسیم. در این حالت از نقاط واسطه N، M و P برای استقرار شاخص و از ایستگاه های ۱، ۲، ۳ و ۴ برای استقرار دستگاه استفاده می کنیم،



□ روش پیمایشی یا خطی



$$\Delta H_1 = H_M - H_A = BS_1 - FS_1$$

$$\Delta H_2 = H_N - H_M = BS_2 - FS_2$$

$$\Delta H_3 = H_P - H_N = BS_3 - FS_3$$

$$\Delta H_4 = H_B - H_P = BS_4 - FS_4$$

با جمع دو طرف روابط فوق خواهیم داشت.

$$\Sigma \Delta H = H_B - H_A = \Sigma BS - \Sigma FS$$

□ روش پیمایشی یا خطی - مثال

مثال ۳: تراز یابی پیمایشی زیر را کامل کنید؟(در صورتیکه ارتفاع نقطه A برابر 760.453m باشد)

شماره نقاط	قرائت عقب (mm)	قرائت جلو (mm)	اختلاف ارتفاع (mm)	ارتفاع نقاط (m)
A	1354			760.453
1	1268	1145		
2	3002	1023		
3	2531	0245		
4	3987	0020		
5	0017	1457		
6	0948	1368		
7	1598	2598		
8		1196		

□ روش پیمایشی یا خطی - حل مثال

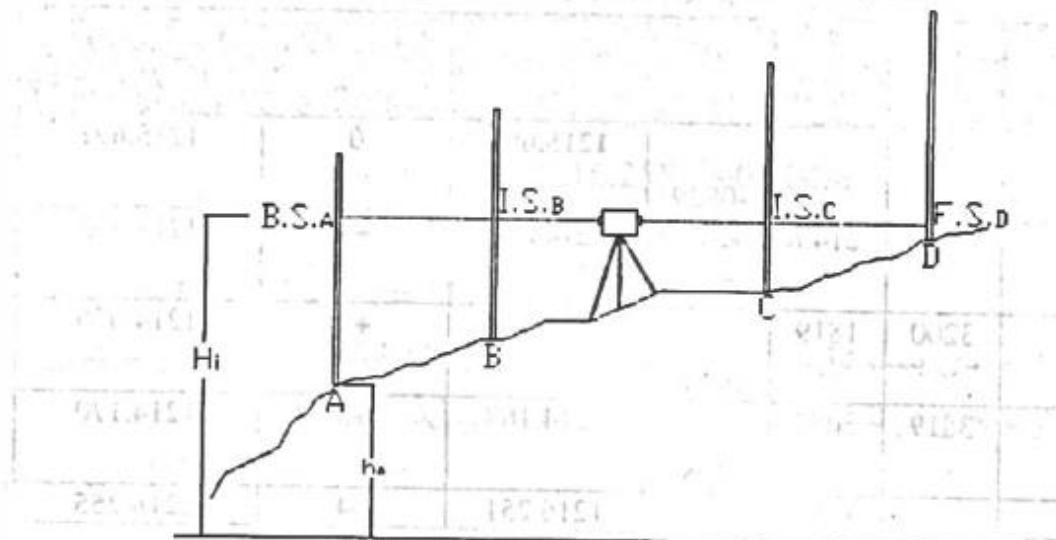
$$\left\{ \begin{array}{l} h_1 - h_A = B.S.1 - F.S.1 = 1.354 - 1.145 = 0.209m \\ \Rightarrow h_1 = h_A + \Delta H_{A,1} = 760.453 + 0.209 = 760.662m \\ h_2 - h_1 = B.S.2 - F.S.2 = 0.245m \Rightarrow h_2 = h_1 + \Delta H_{1,2} = 760.907m \\ h_3 - h_2 = B.S.3 - F.S.3 = 2.757m \Rightarrow h_3 = h_2 + \Delta H_{2,3} = 763.664m \\ ... \end{array} \right.$$

شماره نقاط	قرائت عقب (mm)	قرائت جلو (mm)	اختلاف ارتفاع (mm)	ارتفاع نقاط (m)
A	1354		209	760.453
1	1268	1145	245	760.662
2	3002	1023	2757	760.907
3	2531	0245	2511	763.664
4	3987	0020	2530	766.175
5	0017	1457	-1351	768.705
6	0948	1368	-1650	767.354
7	1598	2598	402	765.704
8		1196		766.106

## روش های تراز یابی مستقیم یا هندسی

### □ روش شعاعی

در ترازیابی شعاعی ابتدا یک نقطه را مبدأ را گرفته و سپس دوربین را در یک نقطه دیگر ثابت گذاشته و ارتفاع نقاط دیگر را نسبت به نقطه مبدأ پیدا می کنیم. تفاوت ترازیابی شعاعی با ترازیابی پیمایشی در این است که در روش ترازیابی پیمایشی دوربین متحرک بوده ولی در روش ترازیابی شعاعی دوربین ثابت است. لازم به ذکر است در ترازیابی شعاعی، در یک ایستگاه بیش از دو شاخص قرائت می شود که اولین قرائت را قرائت عقب، آخرین قرائت را قرائت جلو و قرائت های بین این دو قرائت های میانی<sup>۵</sup> (I.S.) می نامیم.



ترازیابی شعاعی

$$H_i = h_A + B.S.A$$

$$h_B = H_i - I.S.B$$

$$h_C = H_i - I.S.C$$

$$h_D = H_i - F.S.D$$

### □ روش شعاعی (ادامه)

لذا شرایط استفاده از ترازیابی شعاعی به صورت زیر خواهد بود:

الف) فاصله نقاط ترازیابی کمتر از 60 متر (حدودا) باشد.

ب) توپوگرافی زمین به نحوی باشد که امکان قرائت نقاط نزدیک نیز فراهم آید.

کاربرد این روش در کارهای ترازیابی نظیر شبکه بندی، تهیه پروفیل طولی و عرضی از یک مسیر راه، کنترل و یا پیاده نمودن محل ستونهای ساختمانها و غیره می باشد.

□ روش شعاعی - مثال

مثال ۶: اگر ارتفاع نقطه A برابر 1518.928m باشد ارتفاع بقیه نقاط جدول ذیل را محاسبه کنید؟

شماره نقاط	B.S. (mm)	I.S. (mm)	F.S. (mm)	$H_i$ (m)	ارتفاع نقاط (m)
A	2385				1518.928
B		1631			
C		1101			
D	2199		3398		
E		0985			
F		2819			
G		2008			
H			1740		

## روش های تراز یابی مستقیم یا هندسی

### □ روش شعاعی - حل مثال

$$\begin{cases} H_{ii} = h_A + B.S._A = 1518.928 + 2.385 = 1521.313m \\ h_B = H_{ii} - I.S._B = 1521.313 - 1.631 = 1519.682m \\ h_C = H_{ii} - I.S._C = 1521.313 - 1.101 = 1520.212m \\ h_D = H_{ii} - F.S._D = 1521.313 - 3.398 = 1517.915m \end{cases}$$

به همین ترتیب برای ترازیابی شعاعی دوم نیز محاسبات لازم را انجام می دهیم.

$$\begin{cases} H_{i2} = h_D + B.S._D = 1517.915 + 2.199 = 1520.114 \\ h_E = H_{i2} - I.S._E = 1519.129 \\ h_F = H_{i2} - I.S._F = 1517.295 \\ h_G = H_{i2} - I.S._G = 1518.106 \\ h_H = H_{i2} - F.S._H = 1518.374 \end{cases}$$

شماره نقاط	B.S. (mm)	I.S. (mm)	F.S. (mm)	$H_i$ (m)	ارتفاع نقاط (m)
A	2385			1521.313	1518.928
B		1631			1519.682
C		1101			1520.212
D	2199		3398	1520.114	1517.915
E		0985			1519.129
F		2819			1517.295
G		2008			1518.106
H			1740		1518.374

کنترل محاسبات:

$$\Delta H_{AH} = \sum B.S. - \sum F.S.$$

$$1518.374 - 1518.928 = (2.385 + 2.199) - (3.398 + 1740) \\ -0.554 = -0.554$$

# فصل پنجم

روش های کنترل ترازیابی

• روش‌های کنترل در عملیات تراز یابی

□ تغییر ارتفاع خط نشانه روی

جابجایی محل ترازیاب بعد از مجموعه قرائت اول، و قرائت مجدد از محل جدید. (اختلاف ارتفاع حاصل باید یکی باشد)

□ استفاده از شاخص‌های دو رو

انجام قرائت‌های عقب و جلو از هر دو سمت مدرج شده شاخص

□ استفاده از شاخص‌های مضاعف

قرائت مجدد از روی شاخص‌هایی که دو ستون درجه بندی دارند.

□ قرائت هر سه تار رتیکول

اختلاف بین قرائت‌های تار بالا با تار وسط باید با تقریب حداقل ۱ تا ۲ میلیمتر برابر با اختلاف بین قرائت‌های تار وسط و تار پایین باشد. و همچنین:

$$100 \times (\text{قرائت تار پایین} - \text{قرائت تار بالا}) / D = \text{(فاصله افقی دوربین تا شاخص)}$$

□ روش رفت و برگشت (توضیح در ادامه)

□ ترازیابی بین ۲ نقطه معلوم (توضیح در ادامه)

□ روش تراز یابی بسته (توضیح در ادامه)

### □ کنترل تراز یابی به روش رفت و برگشت و بسته

و یا تراز یابی پیمایشی ممکن است از یک نقطه معلوم شروع و به همان نقطه ختم شود در این حالت مجموع اختلاف ارتفاع های نقاط باید برابر صفر باشد. ( $\sum \Delta H = 0$ ) اما با توجه به وجود خطاهای خطا بست تراز یابی برابر صفر نبوده و از رابطه زیر مقدار خطای خطا بست تراز یابی محاسبه می شود:

$$e = \sum B.S. - \sum F.S.$$

همچنین مقدار مجاز خطای بست تراز یابی از رابطه ذیل تعیین می شود:

$$e_{\max}^{mm} = \pm K^{mm} \sqrt{L^{km}}$$

$K$ : مقدار آن بر حسب نوع درجه تراز یابی از جدول ۳-۴ استخراج می شود.[11]

$L$ : طول مسیر پیمایش بر حسب کیلومتر

$e$ : مقدار خطای مجاز در تراز یابی بر حسب

جدول ۳-۴

درجه تراز یابی	1	2	3	4
$K^{mm}$	4	8	12	20

### □ کنترل ترازیابی به روش ترازیابی بین دو نقطه با ارتفاع معلوم

ترازیابی پیمایشی معمولاً از یک نقطه معلوم<sup>۲۴</sup> شروع و به یک نقطه معلوم دیگر ختم می‌شود. جهت کنترل ترازیابی ارتفاع بدست آمده برای نقطه آخر با ارتفاع واقعی مقایسه می‌شود که اختلاف این دو مقدار را خطای بست ترازیابی (e) گویند.

$$e = (h_B - h_A) - (\sum B.S. - \sum F.S.)$$

اختلاف ارتفاع ترازیابی شده - اختلاف ارتفاع معلوم =

### □ سرشکنی خطاهای در روش کنترل ترازیابی به روش رفت و برگشت، بسته و ترازیابی بین دو نقطه با ارتفاع معلوم

در صورت مجاز بودن خطای بست ترازیابی آنرا طبق رابطه زیر سرشکن می‌کنند:

$$s = \frac{e}{n}$$

که در آن n: تعداد ایستگاههای که باید ارتفاع آنها تصحیح شود، e: مقدار خطای ترازیابی و s: مقدار خطای سهم هر ایستگاه می‌باشد.

طبق جدول زیر ارتفاع تصحیح شده نقاط را بدست آورید؟ (با فرض اینکه طول مسیر ترازیابی شده 4 کیلومتر،  $K=20$  و ارتفاع نقطه A برابر 1000 متر باشد)

شماره	فراتر عقب (mm)	فراتر جلو (mm)	اختلاف ارتفاع (mm)	ارتفاع هر نعله (m)	مقدار تصحیح (mm)	ارتفاع تصحیح شده (m)
A	1192					
1	1425	1582				
2	1449	1545				
3	1447	1670				
4	1593	1525				
5	0858	0305				
6	1668	2000				
7	1735	1379				
8	1658	1675				
A		1380				

## حل مثال

شماره	قرائت عقب (mm)	قرائت جلو (mm)	اختلاف ارتفاع (mm)	ارتفاع هر نقطه (m)	مقدار تصحیح (mm)	ارتفاع تصحیح شده (m)
A	1192		-390	1000		
1	1425	1582	-120	999.610		
2	1449	1545	-221	999.490		
3	1447	1670	-78	999.269		
4	1593	1525	1288	999.191		
5	0858	0305	-1142	1000.479		
6	1668	2000	289	999.337		
7	1735	1379	60	999.626		
8	1658	1675	278	999.686		
A		1380		999.964		

## حل مثال

(ارتفاع واقعی)  $- h_E$  - (از ترازیابی بدست آورده ایم)  $e = h_E$  خطای بست ترازیابی

$$= 999.964 - 1000 = -0.036m = -36mm$$

حال مقدار مجاز خطای بست ترازیابی را محاسبه می کنیم:

$$e_{\max} = \pm K^{mm} \sqrt{L^{km}} \Rightarrow e = \pm 20^{mm} \sqrt{4^{km}} \cong \pm 40mm$$

چون مقدار خطای بست ترازیابی از خطای مجاز کمتر می باشد لذا می توان خطا را سرشکن کرد. مقدار تصحیح هر نقطه ترازیابی از رابطه زیر بدست می آید:

$$c_i = -\frac{e \times p}{n}$$

که در آن  $c$ : تصحیح نقطه  $i$ ،  $p$ : شماره نقطه،  $e$ : خطای کل ترازیابی و  $n$ : تعداد کل نقاط می باشد. لذا مقدار تصحیح نقطه اول به صورت زیر محاسبه می شود:

$$c_1 = -\frac{-36^{mm} \times 1}{9} = +4mm$$

مقدار تصحیح برای ایستگاه دوم:

$$c_2 = -\frac{-36^{mm} \times 2}{9} = +8mm$$

و به همین ترتیب مقدار تصحیح برای بقیه نقاط محاسبه می شود.

## حل مثال

شماره	قرائن عقب (mm)	قرائن جلو (mm)	اختلاف ارتفاع (mm)	ارتفاع مر نقطه (m)	مقدار تصحيح (mm)	ارتفاع تصحيح شده (m)
A	1192		-390	1000	0	1000.000
1	1425	1582	-120	999.610	+4	999.614
2	1449	1545	-221	999.490	+8	999.498
3	1447	1670	-78	999.269	+12	999.281
4	1593	1525	1288	999.191	+16	999.207
5	0858	0305	-1142	1000.479	+20	1000.499
6	1668	2000	289	999.337	+24	999.361
7	1735	1379	60	999.626	+28	999.654
8	1658	1675	278	999.686	+32	999.718
A		1380		999.964	+36	1000.000

## مثال از ترازیابی بین دو نقطه معلوم

مثال ۵: مطابق جدول زیر ترازیابی هندسی (مستقیم) در مسیر ABCDE انجام شده است. اگر ارتفاع نقطه A برابر 1215.691m متر و ارتفاع نقطه E برابر 1216.255m باشد، در صورت مجاز بودن خطای ترازیابی ارتفاعات تصحیح شده نقاط را بدست آورید. (در صورتیکه طول مسیر ترازیابی شده 500m و  $K=12\text{mm}$  باشد).

شماره نقاط	B.S. (mm)	F.S. (mm)	$\Delta H$ (mm)	ارتفاع هر نقطه (m)	مقدار تصحیح (mm)	ارتفاع تصحیح شده (m)
A	1316					
B	0981	2145				
C	3200	1819				
D	3819	3057				
E		1735				

ابتدا اختلاف ارتفاع و سپس ارتفاع هر نقطه را بدست می آوریم.

$$h_B = h_A + \Delta H_{AB} = 1215.691 + (-0.829) = 1214.862\text{m}$$

$$h_C = h_B + \Delta H_{BC} = 1214.862 + (-0.838) = 1214.024\text{m}$$

$$h_D = h_C + \Delta H_{CD} = 1214.024 + 0.143 = 1214.167\text{m}$$

$$h_E = h_D + \Delta H_{DE} = 1214.167 + 2.084 = 1216.251\text{m}$$

مثال از ترازیابی بین دو نقطه معلوم

شماره نقاط	B.S. (mm)	F.S. (mm)	$\Delta H$ (mm)	ارتفاع هر نقطه (m)	مقدار تصحیح (mm)	ارتفاع تصحیح شده (m)
A	1316		-0829	1215.691		
B	0981	2145	-0838	1214.862		
C	3200	1819	+0143	1214.024		
D	3819	3057	+2084	1214.167		
E		1735		1216.251		

## مثال از ترازیابی بین دو نقطه معلوم

چون ارتفاع واقعی نقطه E برابر 1216.255m و ارتفاع بدست آمده از ترازیابی برابر 1216.251m می باشد. در نتیجه مقدار خطای بست ترازیابی از رابطه زیر بدست می آید:

(ارتفاع واقعی)  $h_E$  - (از ترازیابی بدست آورده ایم)  $h_E = h_E$  خطای بست ترازیابی

$$= 1216.251 - 1216.255 = -0.004m = -4mm$$

حال مقدار مجاز خطای بست ترازیابی را محاسبه می کنیم:

$$e_{\max} = \pm K^{mm} \sqrt{L^{km}} \Rightarrow e = \pm 12^{mm} \sqrt{0.5^{km}} \equiv \pm 8.5mm$$

چون مقدار خطای بست ترازیابی از خطای مجاز کمتر می باشد لذا می توان خط را سرشکن کرد. مقدار تصحیح هر نقطه ترازیابی از رابطه زیر بدست می آید:

$$c_i = -\frac{e \times p}{n}$$

که در آن  $c_i$ : تصحیح نقطه نام،  $p$ : شماره نقطه،  $e$ : خطای کل ترازیابی و  $n$ : تعداد کل نقاط می باشد. لذا مقدار تصحیح نقطه اول به صورت زیر محاسبه می شود:

$$c_1 = -\frac{-4^{mm} \times 1}{4} = +1mm$$

مقدار تصحیح برای ایستگاه دوم:

$$c_2 = -\frac{-4^{mm} \times 2}{4} = +2mm$$

مقدار تصحیح برای ایستگاه سوم:

$$c_3 = -\frac{-4^{mm} \times 3}{4} = +3mm$$

مقدار تصحیح برای ایستگاه چهارم:

$$c_4 = -\frac{-4^{mm} \times 4}{4} = +4mm$$

## مثال از ترازیابی بین دو نقطه معلوم

حال نوبت به محاسبه ارتفاعات سرشکن شده می‌رسد.

$$h_A' = h_A + 0 = 1215.691 + 0.000 = 1215.691m$$

$$h_B' = h_B + c_1 = 1214.862 + 0.001 = 1214.863m$$

$$h_C' = h_C + c_2 = 1214.024 + 0.002 = 1214.026m$$

$$h_D' = h_D + c_3 = 1214.167 + 0.003 = 1214.170m$$

$$h_E' = h_E + c_4 = 1216.251 + 0.004 = 1216.255m$$

مقدار تصحیح و ارتفاعات سرشکن شده نقاط را به جدول زیر منتقل می‌کنیم.

شماره نقطا	B.S. (mm)	F.S. (mm)	$\Delta H$ (mm)	ارتفاع هر نقطه (m)	مقدار تصحیح (mm)	ارتفاع تصحیح شده (m)
A	1316		-0829	1215.691	0	1215.691
B	0981	2145	-0838	1214.862	+1	1214.863
C	3200	1819	+0143	1214.024	+2	1214.026
D	3819	3057	+2084	1214.167	+3	1214.170
E		1735		1216.251	+4	1216.255

	نوع دستگاه :				تاریخ :				برگه ترازیابی
	شماره دستگاه :				عامل :				نام مؤسسه :
	شماره صفحه :				نویسنده :				نام منطقه :
شماره نقاط	قرایت عقب	قرایت وسط	قرایت جلو	فاصله	اختلاف ارتفاع	ارتفاع	تصحیح	ارتفاع نهایی	ملاحظات
					+      -				

جدول زیر قسمتی از یک قرائت ترازیابی را نشان می دهد در صورتی که ارتفاع نقطه ۳، ۱۰۲ متر بدست آید ارتفاع B.M چند متر بوده است؟ (کارشناسی ارشد ۸۷)

۱۰۴

۱۰۳

۱۰۲

الف) ۱۰۱

جواب: گزینه د

P	B.S	M.S	F.S	H(m)
B.M	۲۰۰۰			
۱		۱۰۰۰		
۲	۱۵۰۰		۳۰۰۰	
۳		۲۵۰۰		۱۰۲۰۰۰

قرائت های عقب و جلو بر روی شاخص هایی مستقر بر نقاط M و N به ترتیب ۱۸۳۰ و ۳۳۳۰ میلی متر است، شب امتداد MN چند درصد است؟ (کارданی به کارشناسی ۸۴) (طول MN ۷۵ متر می باشد)

- الف) ۱ ب) ۲ ج) ۳ د) ۴

جواب: گزینه ب

بعد از انجام یک عمل ترازیابی و تنظیم جدول مربوطه، مجموع قراءت های عقب و جلو به ترتیب ۱۱۲۶۷ میلی متر و ۱۲۵۸۳ میلی متر محاسبه شده است. اختلاف ارتفاع نقاط ابتدا و انتهای چند متر است؟ (کاردانی به کارشناسی ۸۶)

- الف) ۱.۳۱۶ + ب) ۱.۳۱۶ - ج) ۱.۱۱۶ - د) ۱.۱۱۶ +

جواب: گزینه ب

در جدول ترازیابی زیر قرائت سه تار رتیکول و ارتفاعات محاسبه شده نقاط A و B و C با استفاده از ارتفاع BM دیده می شود. X و Y به ترتیب چند میلی متر بوده اند؟ (کارданی به کارشناسی ۸۵)

۳۵۱۷۷۵ و ۳۵

ج) ۳۵۱۲۲۵ و

ب) ۲۵۱۷۷۵ و

الف) ۲۵۱۲۵۵ و

جواب: گزینه ج

P	B.S	M.S	F.S	H(m)
B.M	1852			100
A		2027		99/825
B	X		Y	101/817
C			1515	101/557

# فصل ششم

پروفیل برداری

زاویه یابی

### پروفیل (مقطع)

برای نشان دادن پستی و بلندی زمین در طول یک امتداد مشخص مانند راه، برش فرضی به زمین داده می شود.

پروفیل، برش قائمی است از زمین که در امتداد محور مشخص تهیه می شود. منظور از تهیه پروفیل، مشخص نمودن ارتفاع نقاط مختلف سطح زمین در امتداد محوری خاص می باشد.

پروفیل دو نوع می باشد:

۱. پروفیل طولی که منطبق بر امتداد مسیر می باشد.
۲. پروفیل عرضی که عمود بر امتداد مسیر می باشد.

### روش های بدست آوردن پروفیل

برای تهیه نمودن پروفیل زمین در امتدادی مشخص، از دو روش می توان استفاده نمود:

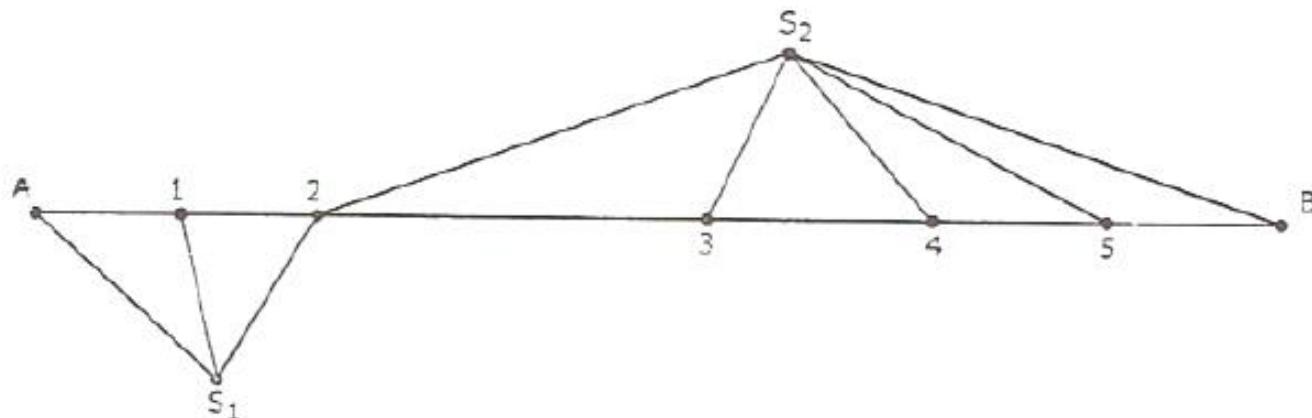
الف. روش مستقیم: در این روش بعد از انجام عملیات زمینی، اندازه گیری فاصله افقی و اختلاف ارتفاع نقاطی که روی امتداد مشخص قرار دارند، پروفیل (مقطع) را ترسیم می کنند.

ب. روش غیرمستقیم: در این روش بعد از ترسیم پلان با خطوط تراز از منطقه ای که امتداد در آن قرار دارد، پروفیل (مقطع) ترسیم می شود.

## روش مستقیم تهیه مقطع از زمین

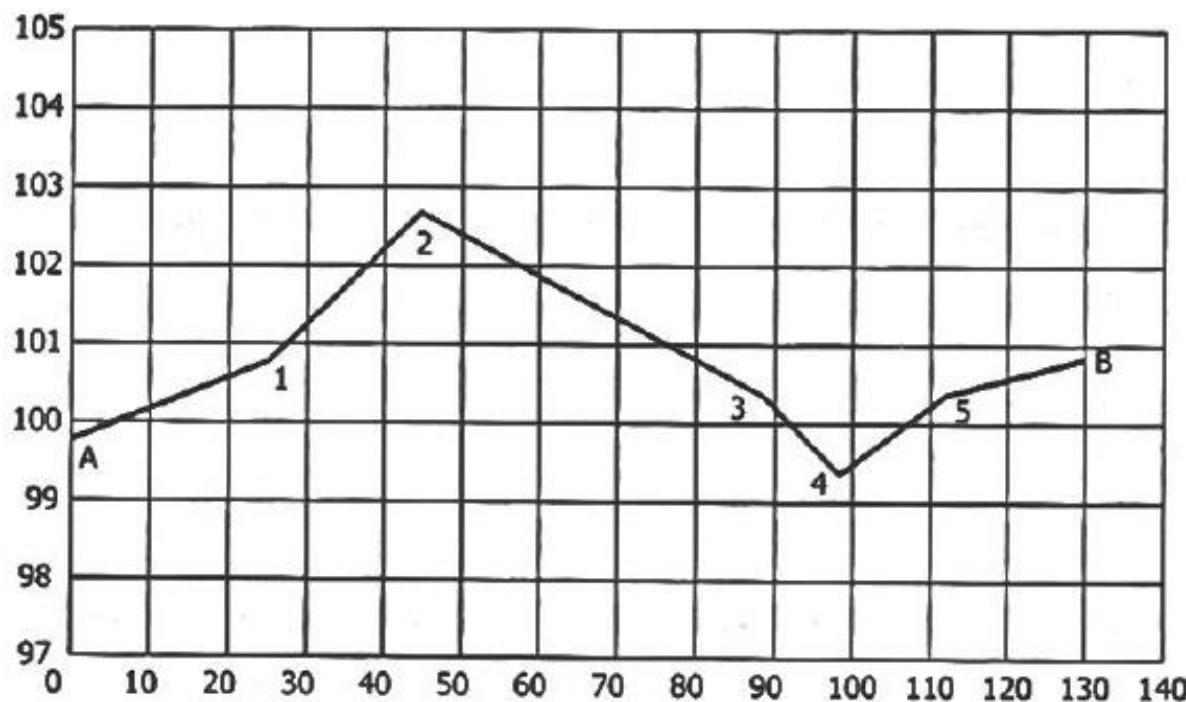
بر روی زمین، امتداد مورد نظر را میخ کوبی می‌کنیم. فاصله میخ‌ها از یکدیگر بکسان نمی‌باشد و تعداد آنها به شیب زمین بستگی دارد. هر جا شیب زمین تغییر نماید، میخ کوبی می‌کنیم. فاصله میخ‌ها را بصورت پی در پی اندازه‌گیری نموده و با ترازیابی ارتفاع آنها را مشخص می‌کنیم. سپس با مشخص نمودن ارتفاعات نقاط و فاصله آنها از یکدیگر، بر روی کاغذ مشبک میلیمتری دو محور عمود بر هم ترسیم نموده و هر نقطه را با مختصات دوگانه‌اش بر روی دستگاه مختصات پیدا نموده و سپس نقاط بدست آمده را به هم وصل می‌کنیم.

مثال: در امتداد AB پنج نقطه تغییر شیب وجود دارد. پس از اندازه‌گیری فواصل نقاط از یکدیگر، از ایستگاههای  $S_1$  و  $S_2$  آنها را ترازیابی نموده‌ایم.



جدول ترازیابی مطابق شکل زیر تنظیم نموده و فرض می‌کنیم که ارتفاع نقاط A برابر ۱۰۰ متر می‌باشد. سپس ارتفاع دیگر نقاط را بدست می‌آوریم.

نقطه	فرات طبقه B.S	فرات رسان I.S	فرات جلو F.S	اختلاف ارتفاع		فاصله نقاط از پکد بگر	ارتفاع	ارتفاع مجدد شده برحسب متر
				+	-			
A	۱۰۰					۲۲/۴۸	۱۰۰/۰۰۰	۱۰۰
1		۲۶۳۶			+۸۸۵	۱۹/۲۰	۱۰۰/۸۸۵	۱۰۰/۹
2	+۸۷۰		+۸۱۰		-۶۰	۹۷/۶۰	۱۰۲/۷۰۸	۱۰۲/۷
3		۲۵۰۶		۱۹۶۶		۱۰/۴۲	۱۰۰/۷۸۰	۱۰۰/۷
4		۲۹۲۲		۱۹۱۷	-۵	۱۷/۲۸	۹۹/۳۲۳	۹۹/۳
5		۲۷۹۲		۱۱۷۹	-۶۱۳	۷۰/۰۴	۱۰۰/۹۵۹	۱۰۰/۹
B			۲۱۱۸		-۶۰۹		۱۰۱/۰۶۱	۱۰۱



به دلیل اینکه تغییرات طولی میان نقاط خیلی بیشتر از تغییرات ارتفاعی آنها می‌باشد معمولاً مقیاس محور ارتفاعات را ده برابر مقیاس محور فواصل در نظر میگیرند.

## مثال حل شده (صورت سؤال)

می خواهیم دو نقطه A و B را با شیب یکنواخت به یکدیگر وصل کنیم، برای این کار روی امتداد AB، چهار میخ گوبیده و آن را ترازیابی نموده ایم. قرائت های شاخص طبق جدول زیر می باشد، مطلوب است محاسبه شیب خط پروژه و ارتفاع خاکبرداری یا خاکریزی در نقاط میخ گوبی شده؟ ( $h_B = 1590m$  و  $h_A = 1580m$ )  $K = 20 \text{ mm}$ )

فاصله بین نقاط ترازیابی شده	شماره نقاط	B.S. (mm)	F.S. (mm)	$\Delta H$ (m)	ارتفاع هر نقطه (m)	مقدار تصحیح (mm)	ارتفاع تصحیح شده (m)	ارتفاع نقاط روی خط پروژه (m)	ارتفاع خاکبرداری یا خاکریزی (m)
50m	A	3725							
100m	1	2989	0156						
50m	2	2029	0521						
150m	3	2582	2051						
150m	4	3380	1161						
$\sum L_i = 500$	B		0806						

خاکریزی: F و خاکبرداری: C

$$h_1 = h_A + \Delta H_{A1} = 1580 + 3.569 = 1583.569m$$

$$h_2 = h_1 + \Delta H_{12} = 1583.569 + 2.468 = 1586.037m$$

$$h_3 = h_2 + \Delta H_{23} = 1586.037 + (-0.022) = 1586.015m$$

$$h_4 = h_3 + \Delta H_{34} = 1586.015 + 1.421 = 1587.436m$$

$$h_B = h_4 + \Delta H_{4B} = 1587.436 + 2.574 = 1590.010m$$

حال خطای بست ترازیابی را بدست می آوریم:

$$\begin{aligned} \text{(ارتفاع واقعی)} - h_E &= \text{خطای بست ترازیابی} \\ &= 1590.010 - 1590.000 = 0.010m = 10mm \end{aligned}$$

حال مقدار مجاز خطای بست ترازیابی را محاسبه می کنیم.

$$e = \pm K^{mm} \sqrt{L^{km}} \Rightarrow e = \pm 20^{mm} \sqrt{0.5^{km}} \cong 14mm$$

چون مقدار خطای بست ترازیابی از خطای مجاز کمتر می باشد لذا می توان خطا را سرشکن کرد.

$$c = \frac{10^{mm}}{5} = 2mm$$

چون مقدار خطای بست ترازیابی از خطای مجاز کمتر می باشد لذا می توان خطا را سرشکن کرد. مقدار تصحیح هر نقطه ترازیابی از رابطه زیر بدست می آید:

$$c_i = -\frac{e \times p}{n}$$

که در آن  $c_i$ : تصحیح نقطه نام،  $p$ : شماره نقطه،  $e$ : خطای کل ترازیابی و  $n$ : تعداد کل نقاط می باشد. مقادیر تصحیح نقاط را محاسبه و اعمال نمائید.

## مثال حل شده (راه حل)

شیب خط پروژه از رابطه زیر بدست می آید:

$$\alpha = \frac{\Delta H}{L} = \frac{10}{500} = 0.02$$

شیب  $\times L$  + ارتفاع نقطه ما قبل روی خط پروژه = ارتفاع هر نقطه روی خط پروژه

با توجه به فرمول بالا می توان نوشت:

$$\text{ارتفاع نقطه A} = \text{ارتفاع نقطه یک روی خط پروژه} + L_1 \times 0.02 = 1580 + 50 \times 0.02 = 1581$$

$$\text{ارتفاع نقطه ۱ روی خط پروژه} = \text{ارتفاع نقطه دو روی خط پروژه} + L_1 \times 0.02 = 1581 + 100 \times 0.02 = 1583$$

$$\text{ارتفاع نقطه ۲ روی خط پروژه} = \text{ارتفاع نقطه سه روی خط پروژه} + L_1 \times 0.02 = 1583 + 50 \times 0.02 = 1584$$

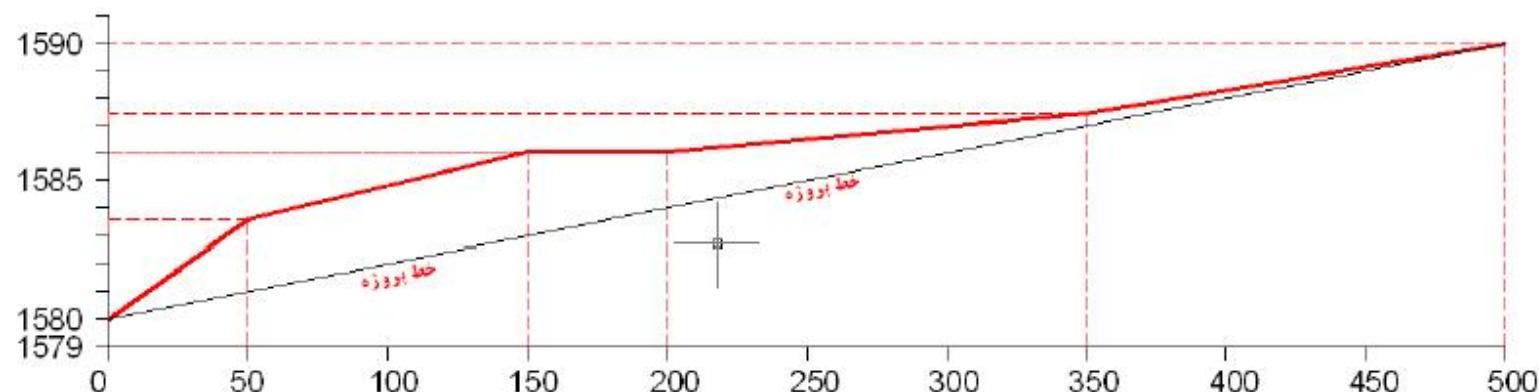
$$\text{ارتفاع نقطه ۳ روی خط پروژه} = \text{ارتفاع نقطه چهار روی خط پروژه} + L_1 \times 0.02 = 1584 + 150 \times 0.02 = 1587$$

$$\text{ارتفاع نقطه B روی خط پروژه} = \text{ارتفاع نقطه ۴ روی خط پروژه} + L_1 \times 0.02 = 1587 + 150 \times 0.02 = 1590$$

## مثال حل شده (راه حل)

فاصله بین نقاط تغذیه بازیابی شده	شماره نقاط	B.S. (mm)	F.S. (mm)	$\Delta H$ (m)	ارتفاع هر نقطه (m)	مقدار تصحیح (mm)	ارتفاع تصحیح شده (m)	ارتفاع نقاط روی خط بروزه (m)	ارتفاع خاکبرداری با خاکبرزی (m)
50m	A	3725		3.569	1580		1580	1580	0
100m	1	2989	0156	2.468	1583.569	-0.002	1583.567	1581	2.567C
50m	2	2029	0521	-0.022	1586.037	-0.004	1586.033	1583	3.033C
150m	3	2582	2051	1.421	1586.015	-0.006	1586.009	1584	2.009C
150m	4	3380	1161	2.574	1587.436	-0.008	1587.428	1587	0.428C
$\sum L_i = 500$	B		0806		1590.010	-0.01	1590	1590	0

\* خاکبرزی: F و خاکبرداری: C

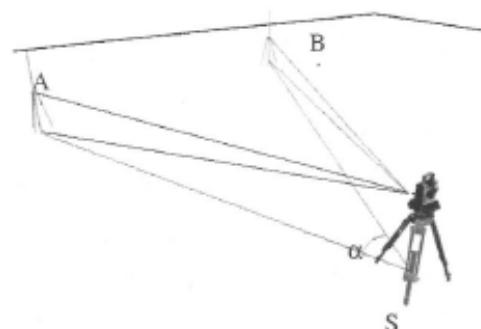
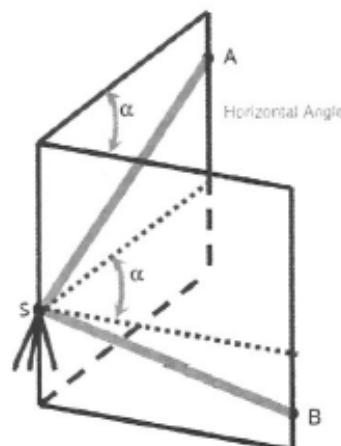


یکی از مهمترین کمیت هایی که در نقشه برداری اندازه گیری می شود، زاویه بین دو امتداد می باشد و عموماً توسط تئودولیت ها (زاویه یاب ها) اندازه گیری می شود.

### أنواع زوايا

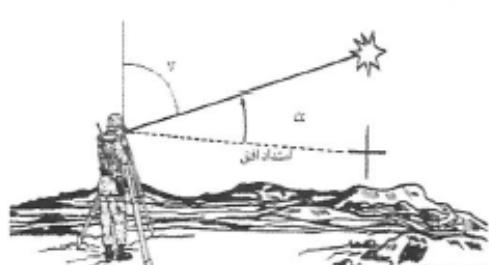
- زاویه افقی

زاویه افقی بین دو امتداد عبارت است از زاویه تصاویر آن دو امتداد در صفحه افق



- زاویه قائم یا زاویه زنیتی

زاویه بین امتداد قائم ایستگاه با امتداد نشانه روی را زاویه قائم یا زاویه سمت الراسی آن امتداد گویند.



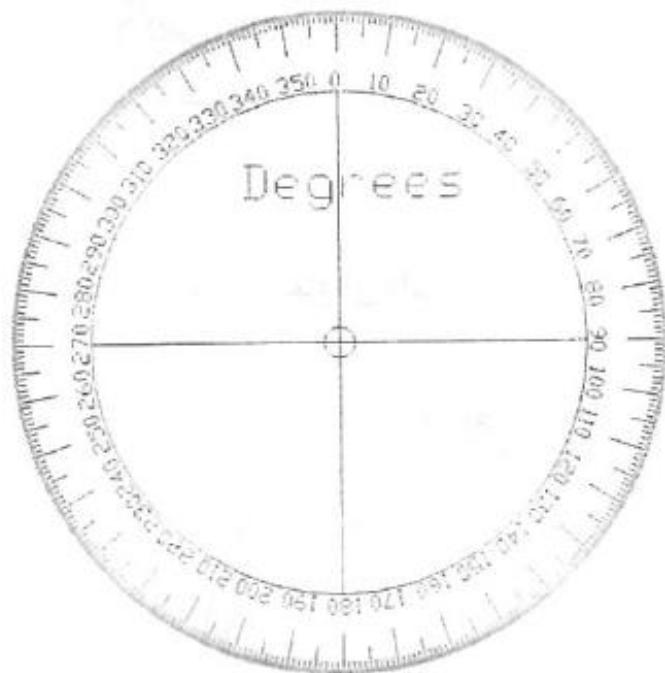
- زاویه شیب یا زاویه ارتفاعی

متضم زاویه قائم یعنی زاویه بین امتداد مورد نظر و تصویرش بر صفحه افق را زاویه شیب گویند.

درجه

هرگاه محیط دایره را به  $360^\circ$  جزء مساوی تقسیم کنیم زاویه مرکزی مقابل به هر جزء آن را یک درجه گویند. به  $\frac{1}{60}$  درجه، دقیقه و به  $\frac{1}{60}$  دقیقه، ثانیه گویند. درجه پرکاربردترین واحد اندازه گیری زاویه می باشد که جزء واحدهای  $60^\circ$  قسمتی می باشد. لازم به ذکر می باشد عموماً درجه را به صورت "  $^\circ$  " یا اعشار درجه نمایش می دهند. نمونه ای از نمایش زاویه به صورت درجه به صورت زیر می باشد:

$$36^\circ 15' 46'' = 36.262778^\circ$$

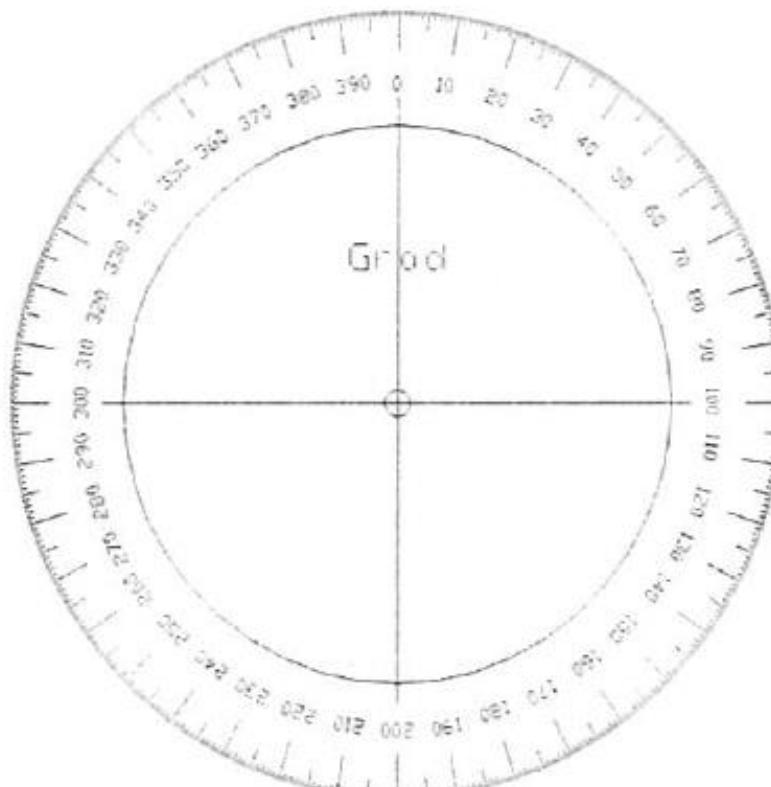


گراد

هرگاه محیط دایره را به  $400$  قسمت مساوی تقسیم کنیم کنیم زاویه مرکزی مقابل به هر جزء آن را یک گراد گویند. به  $\frac{1}{100}$  گراد، دقیقه گرادی و به  $\frac{1}{100}$  دقیقه گرادی، ثانیه گرادی گویند.

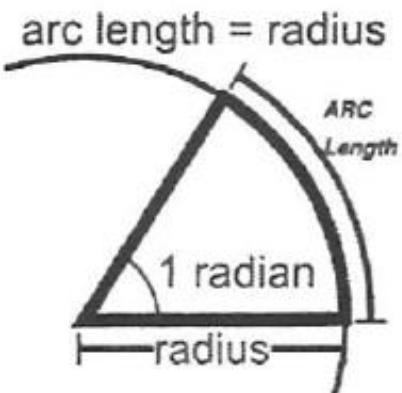
گراد جزء واحد های  $100$  قسمتی بوده و معمولاً آنرا با علامت grad نشان می دهند. نمونه ای از نمایش زاویه به صورت گراد به صورت زیر می باشد:

$383,4179$  grad



## رادیان

اگر نسبت بین طول قوس دایره‌ای و شعاع آن دایره، یک باشد زاویه مرکزی مقابل به آن را یک رادیان گویند.



شکل ۳-۵

یک رادیان واحدی از زوایای مسطحه می باشد که برابر با  $\frac{180}{\pi}$  درجه یا ۵۷,۲۹۵۷۸ درجه است و معمولاً با علامت rad نشان داده می شود.

رابطه بین واحدهای مختلف زاویه به صورت زیر می باشد:

$$\frac{D}{360} = \frac{G}{400} = \frac{R}{2\pi}$$

مثال ۱:  $16^{\circ}17'$  معادل چند گراد می باشد؟

$$\frac{16^{\circ}17'}{180} = \frac{x}{200} \Rightarrow x = 18.0926 \text{ grad}$$

مثال ۲:  $117.1398 \text{ grad}$  معادل چند رادیان می باشد؟

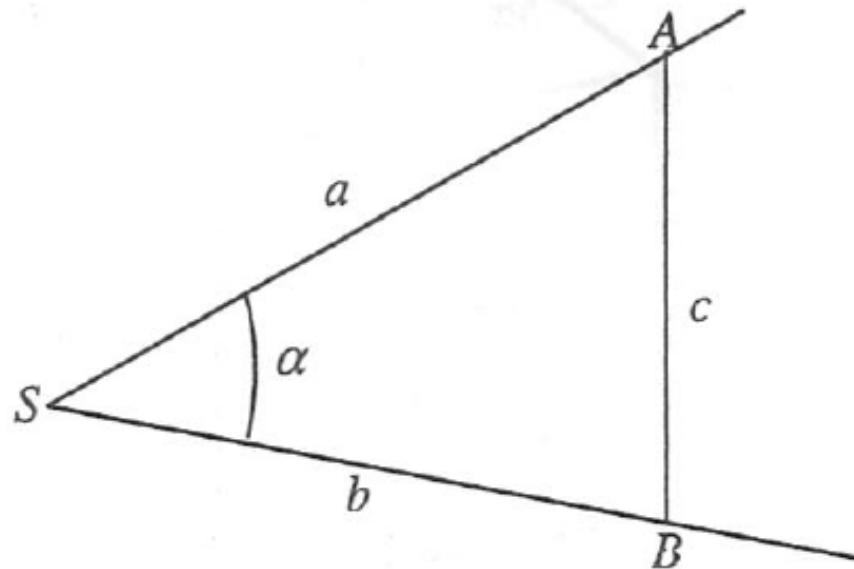
$$\frac{117.1398 \text{ grad}}{200} = \frac{x}{\pi} \Rightarrow x = 1.8400277 \text{ rad}$$

مثال ۳: ۱ میلی گراد چند درجه است؟

$$\frac{0.001 \text{ grad}}{200} = \frac{D}{180} \Rightarrow D = 0^{\circ}0'3.24''$$

جهت زاویه یابی توسط متر، ابتدا اضلاع زاویه مورد نظر را امتدادگذاری کرده (طبق شکل ۴-۵) و سپس از نقطه S به طول دلخواه در روی اضلاع جدا کرده (SA و SB) و با مترکشی، اضلاع مثلث (طولهای a، b و c) را بدست آورده و در نهایت از رابطه کسینوسها طبق رابطه زیر، زاویه  $\hat{ASB} = \alpha$  به دست می آید.

$$\cos \alpha = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$$



اولین دستگاه زاویه یاب به نام ترانزیت در سال ۱۶۹۰ برای مشاهدات نجومی ساخته شد. این دستگاه، تلسکوپی داشت که حول محور افقی دوران می‌نمود. پس از گذشت حدود یک قرن، با تکمیل تدریجی ساختمان زاویه یابهای قدیمی دستگاهی بنام تئودولیت ساخته شد که با حجمی کم دارای سرعت عمل و دقت بالایی بود.

برای اندازه‌گیری زوایای افقی و قائم از این دستگاه استفاده می‌گردد. فاصله و اختلاف ارتفاع بین دو نقطه را نیز می‌توان به کمک این دستگاه اندازه‌گیری نمود. تئودولیتها به اقسام مختلف شده‌اند هرچند در ظاهر ممکن است متفاوت به نظر برسند ولی طرز کار اکثر آنها شبیه هم

**T16**

می‌باشد.



دستگاه تئودولیت برای آن که بتواند زوایای افقی و قائم را با دقت اندازه‌گیری کند از سه قسمت تشکیل شده است:

الف) قسمت فوچانی: از یک دو شاخه فلزی L شکل به نام آلیداد تشکیل شده است. موقعی که دوربین تنظیم شده باشد این دو شاخه در حالت قائم قرار می‌گیرد. برای آن که محور اصلی دستگاه در امتداد قائم قرار گیرد، باید تراز نصب شده بین دو شاخه آلیداد را به کمک پیچهای تنظیم پایه، تراز نمود.

یک محور افقی در بالای آلیداد وجود دارد که تلسکوپ دوربین نقشه‌برداری بر روی آن قرار گرفته و در یک صفحه قائم حول این محور افقی دوران می‌کند.

بر روی آلیداد همچنین نقاله قائم (لمب قائم Vertical Limb)، تراز لمب قائم (تراز لوبیایی)، تراز لمب افقی (تراز استوانه‌ای)، پیچ تنظیم تراز قائم و پیچ‌های حرکت ژند و گند تلسکوپ و آلیداد قرار دارند.



ب) قسمت میانی: محفظه‌ای است که درون آن یک دایره مدرج بصورت افقی قرار گرفته تا زوایای افقی به کمک آن اندازه‌گیری شود. این دایره مدرج را لمب افقی (Horizontal Circle) می‌نامند و امتداد محور اصلی دستگاه بر آن می‌گذرد.

ج) قسمت تحتانی: پایه‌ای است برای دو قسمت بالا و عبارت است از صفحه نگهدارنده دوربین که در اصطلاح (تربرگ Three-brogue) نامیده می‌شود که دارای سه کفشه می‌باشد و دستگاه بوسیله سه پیچ بنام پیچهای تراز کننده که به این پایه متصلند روی سه پایه تکیه می‌کند. دستگاه به کمک این پیچ‌ها تراز شده و محور اصلی اش به حالت قائم در می‌آید. تراز کروی برای تراز نمودن دوربین و شاقول اپتیکی برای مستقر نمودن دوربین بر روی نقاط مورد نظر، جزو این قسمت محسوب می‌شوند.



T16



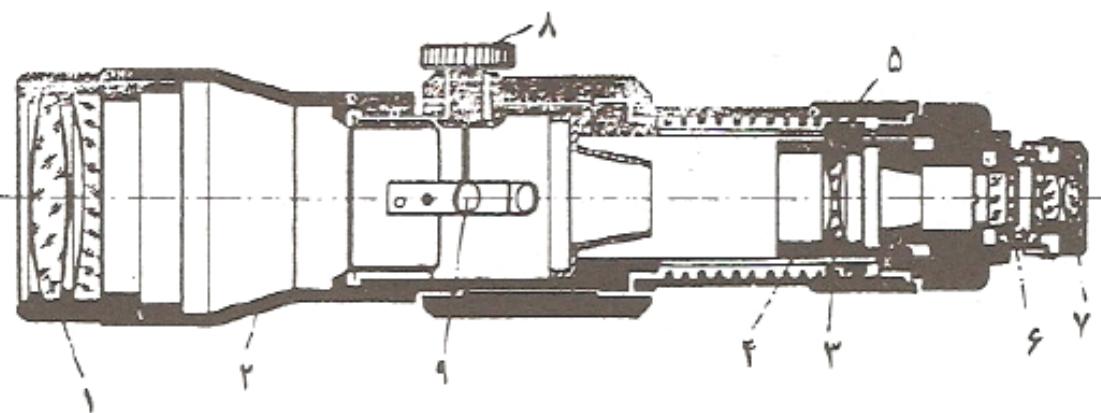
- ۱- عدسی شیشی
- ۲- بدنہ اصلی
- ۳- عدسی میزان
- ۴- دیافراگم
- ۵- بدنہ داخلی
- ۶- صفحه رتیکول
- ۷- عدسی چشمی
- ۸- پیچ تنظیم عدسی میزان
- ۹- مگسک

### اجزاء متشکله تئودولیت

#### ۱) دوربین نقشه برداری (تلسکوپ)

لوله‌ای است استوانه‌ای شکل به طول ۱۵ تا ۲۰ سانتی‌متر که از عدسی شیشی، عدسی چشمی، دیافراگم عدسی میزان، صفحه رتیکول و پیچ تنظیم تصویر تشکیل شده است. مگسک جهت نشانه روی اولیه بر روی دوربین و پیچ تنظیم عدسی میزان در کنار آن از اجزاء دیگر دوربین می‌باشند.

دوربین ترازیاب فقط در یک صفحه افقی جابجا می‌شود و نقشه بردار می‌تواند دوربین را به چپ یا راست بچرخاند ولی تئودولیت می‌تواند علاوه بر گردش به سمت چپ و راست، در صفحه قائم نیز حرکت کند.



## ۲) آلیداد

یک دو شاخه فلزی U شکل می‌باشد که دوربین حول آن می‌چرخد. به همین سبب به آن «محور چرخش دوربین» گفته می‌شود. خود آلیداد نیز حول محور قائم دستگاه (محور اصلی) دوران می‌کند.

T16



## ۳) صفحات مدرج (لمب‌ها)

دو صفحه مدرج می‌باشند که یکی بصورت افقی و دیگری بصورت قائم قرار گرفته و درجات آنها به کمک ورنیه و میکرومتر قرائت می‌گردند. (ورنیه وسیله‌ای است که به کمک آن می‌توان دقیق قرائت لمب را تا حد زیادی بالا برد)

تقسیمات لمب افقی در جهت حرکت عقربه‌های ساعت افزایش می‌یابد. تفاوت لمب افق و قائم در اکثر تئودولیتها در این است که صفر لمب قائم در جای ثابتی است و این مبنای قابل جابجا شدن نمی‌باشد ولی در لمب افقی به کمک پیچ یا دکمه مخصوص می‌توان قرائت زوایا را از صفر لمب شروع نمود. این عمل را صفر صفر کردن لمب و پیچ مربوطه را پیچ صفر صفر می‌نامند.

### (۴) ترازها

برای آن که بتوان محور اصلی دستگاه را برابر امتداد قائم منطبق نمود بین دو شاخه آلیداد یک تراز نصب شده است. در بالای لمب قائم (صفحه مدرج قائم) تراز دیگری کار گذاشته شده که با پیچ مخصوص که در زیر آن است تنظیم می‌شود. در ترازیاب پس از تراز نمودن دستگاه، محور قراولروی در حالت افقی قرار می‌گیرد. ولی در تئودولیت محور قراولروی به سمت بالا و پایین حرکت می‌کند و برای تراز نمودن آن باید از لمب قائم استفاده نمود. در تئودولیتهای درجه‌ای موقعی که لمب قائم عدد  $90^\circ$  یا  $270^\circ$  را نشان دهد دوربین در حالت افقی می‌باشد. همچنین در تئودولیتهای گرادی زمانی که لمب قائم عدد  $100^\circ$  تا  $300^\circ$  را نشان دهد، دوربین حالت افقی دارد.

### (۵) پایه

دستگاه تئودولیت بوبیله پایه که سه یا چهار پیچ عاج دار دارد در حالت افقی قرار می‌گیرد.

### (۶) پیچ‌های کنترل حرکت

برای آن که حرکت دوربین و آلیداد و صفحه مدرج افقی (لمب افقی) قابل کنترل باشد از دو نوع پیچ حرکت ثُند و گُند استفاده می‌شود.

موقعی که پیچ‌های حرکت جزیی را بچرخانیم، تئودولیت در سطح افق و قائم به آرامی حرکت می‌کند.



## اجزاء زاویه یاب (تئودولیت)

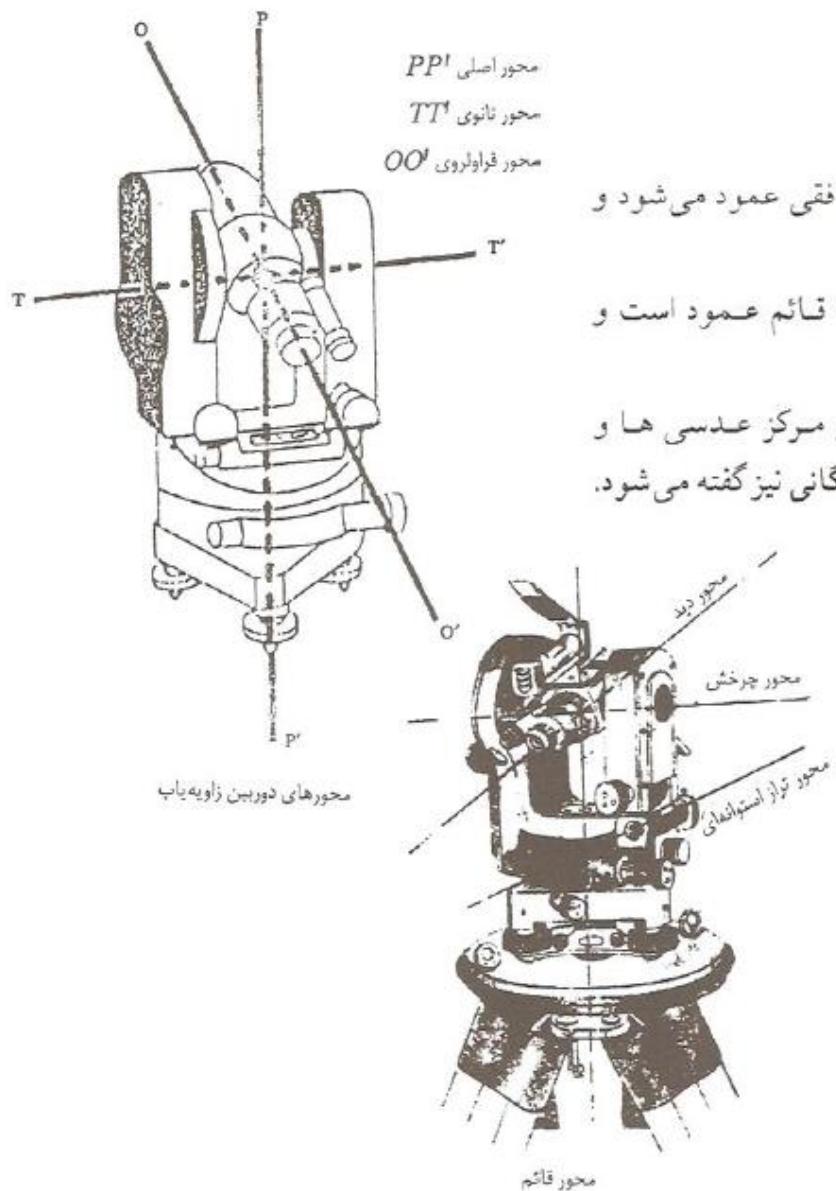
### محورهای دوربین زاویه یاب

دوربین تئودولیت درای سه محور فرضی می‌باشد:

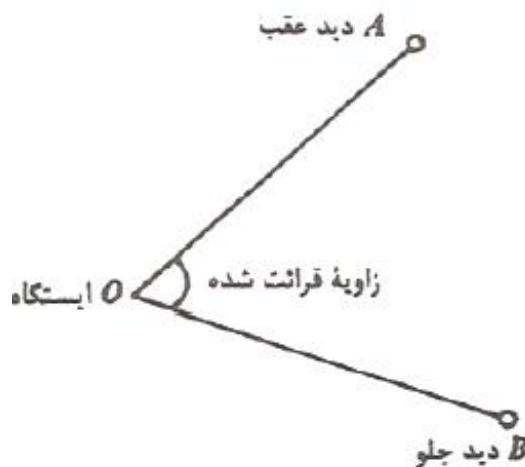
الف) محور اصلی (محور قائم): خط فرضی است که بر مرکز لمب افقی عمود می‌شود و آلباد حول این محور می‌تواند دوران کند. (خط  $PP'$ )

ب) محور افقی (محور ثانوی): خط فرضی است که بر مرکز لمب قائم عمود است و تلسکوپ دوربین حول آن دوران می‌کند. (خط  $TT'$ )

ج) محور قراولروی (محور نوری دوربین): خط فرضی است که از مرکز عدسی ها و تارهای رتیکول تلسکوپ دوربین می‌گذرد (خط  $OO'$ ) و به آن محور دیدگانی نیز گفته می‌شود.



## روش های تعیین زاویه افقی



الف) روش ساده: برای اندازه‌گیری زاویه‌ای مانند  $\angle AOB$ ، دستگاه تئودولیت را در رأس زاویه قرار داده و به نقطه A قراولروی نموده و قرائت لمب افقی را ثبت می‌نماییم. سپس به نقطه B قراولروی نموده و قرائت لمب را ثبت می‌کنیم. باید دقت نمود که زاویه حاصله در جهت حرکت عقربه‌های ساعت می‌باشد.

$$\angle AOB = RB - RA$$

چنانچه  $\angle AOB = RB - RA$  باشد داریم

مثال ۱: با توجه به جدول زیر، زاویه  $\angle AOB$  برابر چند درجه می‌باشد؟

ایستگاه	نقاط	قرائت لمب افقی بر حسب درجه
O	A	۱۳۵° و ۴۵'
	B	۱۵۲° و ۰۰

پاسخ:

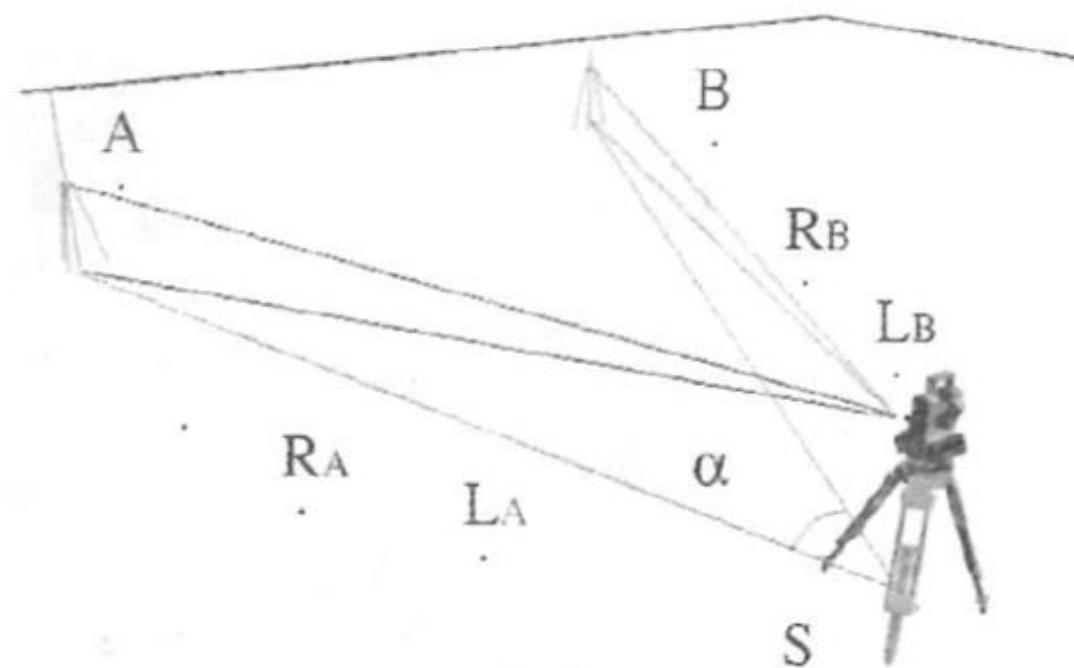
زاویه  $\angle AOB$  برابر با مقدار تفاوت دو قرائت می‌باشد.

$$\angle AOB = 152^\circ - 135^\circ, 45' = 16^\circ, 15'$$

## روش های تعیین زاویه افقی

### روش کوپل یا قرائت مضاعف

ایستگاه استقرار	نقطه قراولروی	حالت دستگاه	قرائت زاویه	نیم کوپل	یک کوپل
S	A	L	0 0 0	90 0 15	
		R	180 0 30		85 0 17
	B	L	85 0 20	175 0 32	
		R	265 0 44		



## روش های تعیین زاویه افقی

• روش تکرار

اندازه زاویه افقی	قرائت لمب افقی	نقطه نشانه	دور نشانه روی	ایستگاه
$b_1 - a_1$	$a_1$	A	1	O
	$b_1$	B		
$b_1 - b_1$	$a_1 = b_1$	A	2	O
	$b_1$	B		
	...	A	...	O
	...	B		
	...	A	...	O
	...	B		
	...	A	...	O
	...	B		
$b_n - b_{n-1}$	$a_n = b_{n-1}$	A	n	O
	$b_n$	B		

$$\alpha = \frac{\sum \alpha_i}{n} = \frac{b_n - a_1 + 26^\circ k}{n}$$

## روش های تعیین زاویه افقی

زاویه‌ای را با پنج مرتبه تکرار اندازه‌گرفتیم. نتایج زیر به دست آمد. اندازه این زاویه

مثال از روش تکرار را تعیین کنید.

قرائت لمب افقی	نقطه نشانه	دور	ایستگاه
۱۲۲°, ۲۳', ۲۰"	A	۱	
۱۷۵°, ۲۶', ۵۰"	B	۱	O
۲۴°, ۲۹', ۴۰"	B	۵	

حل: از تفاضل قرائت‌ها در دور اول مقدار تقریبی زاویه به دست می‌آید.

$$\alpha = 175^\circ, 26', 50'' - 122^\circ, 23', 20'' = 52^\circ, 13', 20''$$

مقدار این زاویه پس از ۵ مرتبه تکرار می‌شود.

$$5\alpha = 261^\circ, 46', 40''$$

و چون این مقدار را با قرائت A در دور اول جمع کنیم قرائت B در دور پنجم به دست می‌آید.

$$5\alpha + R_A = 284^\circ, 30', 10''$$

چون درجه‌بندی لمب بیش از ۳۶۰ درجه نیست می‌توان دریافت که اندکس قرائت، یک بار از صفر رد شده است. یعنی  $k=1$  و در این صورت:

$$\alpha_m = \frac{b_5 - a_1 + 260^\circ}{5} = \frac{24^\circ, 29', 40'' - 122^\circ, 23', 20'' + 260^\circ}{5} = 52^\circ, 13', 14''$$

روش تجدید

$$\text{پریود مبداءهای لازم در روش تجدید} = \frac{360}{n}$$

: تعداد تجدید

$$0 \Rightarrow 30^\circ 0'10'' \quad \alpha_1 = 30^\circ 0'10''$$

$$90 \Rightarrow 120^\circ 0'15'' \quad \alpha_2 = 30^\circ 0'15''$$

$$180 \Rightarrow 210^\circ 0'8'' \quad \alpha_3 = 30^\circ 0'8''$$

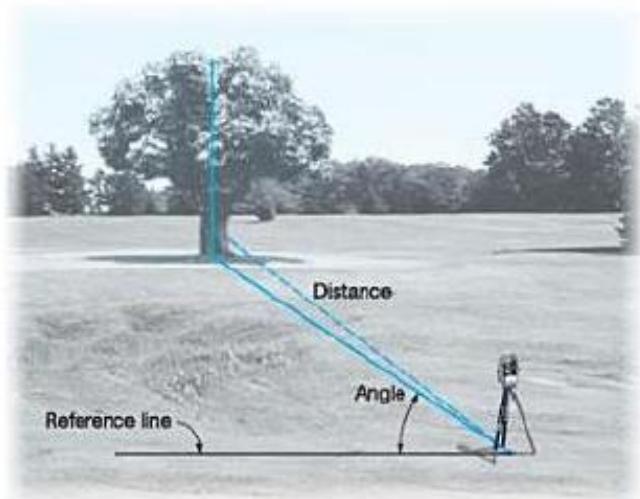
$$270 \Rightarrow 300^\circ 0'11'' \quad \alpha_4 = 30^\circ 0'11''$$

$$\alpha = \frac{\sum \alpha_i}{n} = \frac{30^\circ 0'10'' + 30^\circ 0'15'' + 30^\circ 0'8'' + 30^\circ 0'11''}{4} = 30^\circ 0'11''$$

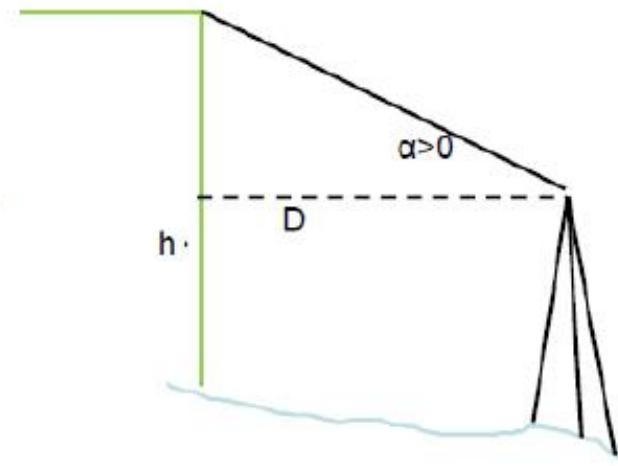
**برگه قرائت زوایای افقی**

	نوع دستگاه :			تاریخ :			
	شماره دستگاه :			عامل :		نام مؤسسه :	
	شماره صفحه :			نویسنده :		نام منطقه :	
ایستگاه استقرار	نقطه فرمولروی	حالت دستگاه	قرائت زاویه	نیم کربل	یک کربل	زاویه نهایی	

- استفاده از زاویه قائم برای تعیین بلندی ساختمان:

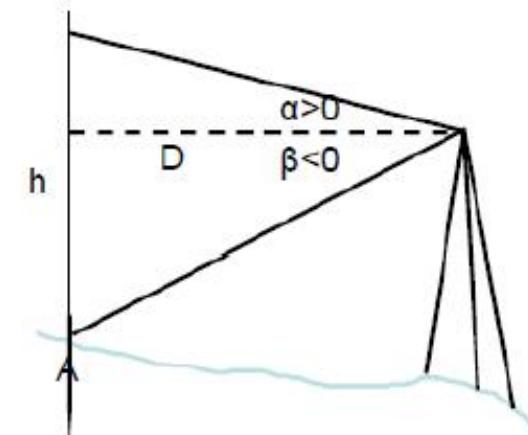


$$h = \tan(a) \times D + h_0$$



$$h = D(\tan \alpha + \tan \beta)$$

(زوايا با علامت مثبت قرار گيرند)



# فصل هفتم

سرشکنی زوایا در زاویه یابی چندضلعی های بسته

خطاهای سیستماتیک در مترکشی و ترازیابی

همواره در اندازه گیری زوایا، انواع خطاهای طبیعی، انسانی و دستگاهی دخیل می باشند که باعث می شوند مقدار اندازه گیری های ما با مقدار واقعی مشاهدات متفاوت باشند. برخی از این خطاهای را میتوان با به کار گیری روش‌های اندازه گیری خاص (کوپل، تجدید، تکرار و ...) و یا با استفاده از روابط ریاضی موجود تا حد زیادی کم کرد. ولی همواره خطاهای اندازه گیری وجود خواهند داشت.

برای کنترل درستی زوایای افقی اندازه گیری شده، یکی از روش‌ها استفاده از مدل‌های ریاضی است. با استفاده از مجموع زوایا در چند ضلعی‌های بسته می توان مقدار خطای موجود در مجموع زوایا را محاسبه و آن را با مقدار مجازش مقایسه کنیم. چنانچه خطا بیش از حد مجاز خود باشد، زوایای اندازه گیری شده قابل اطمینان نبوده و باید دوباره اندازه گیری شوند. ولی در صورت مجاز بودن مقدار خطای اندازه گیری، آن را به تعداد اضلاع تقسیم نموده و با محاسبه میزان تصحیحات برای هر زاویه، مقدار خطای را با علامت مخالف بین زوایا سرشکن می کنیم. در مورد چند ضلعی‌های بسته، مجموع زوایای داخلی در چند ضلعی بسته برابر با:

$(\sum \alpha = 4\pi - 2n \times 180^\circ)$  است که در آن  $n$  تعداد اضلاع می باشد، بعد از محاسبه مجموع زوایای داخلی اندازه گیری شده، می توان مقدار خطای بوجود آمده را از رابطه زیر محاسبه نمود:

$$e_a = \sum_{i=1}^n a_i - (n - 2) \times 180^\circ$$

یا

$$e_a = \sum_{i=1}^n a_i - (2n - 4) \times 90^\circ$$

$(n - 2) \times 180^\circ$  یا  $90^\circ(4 - 2n)$ : مجموع واقعی زوایای داخلی  $n$  ضلعی بسته

$\sum_{i=1}^n a_i$ : مجموع زوایای داخلی اندازه گیری شده

$e_a$ : خطای بست زاویه‌ای

## حداکثر خطای مجاز بست زاویه‌ای

می‌توان حداکثر خطای مجاز بست زاویه‌ای را از رابطه زیر بدست آورد:

$$e_{\text{Max}} = \pm 2/5 d_\alpha \cdot \sqrt{\frac{n}{m}}$$

n: تعداد زوایای اندازه‌گیری شده

m: تعداد دفعات اندازه‌گیری هر زاویه

d<sub>α</sub>: خطای اندازه‌گیری شده با دقت زاویه‌ای دستگاه تئودولیت

اگر |e<sub>a</sub>| ≤ e<sub>max</sub> شود، با اعمال خطای بست زاویه‌ای e<sub>a</sub> به زوایا، زوایا را تصحیح می‌کنیم. مقدار تصحیح برای هر زاویه را می‌توان از رابطه زیر بدست آورد:

$$\varepsilon_a = \frac{-e_a}{n}$$

e<sub>a</sub>: خطای بست زاویه‌ای

n: تعداد زوایای اندازه‌گیری شده

e<sub>a</sub>: مقدار تصحیح برای هر زاویه

زاویه تصحیح شده برابر است با:

$$\alpha'_i = \alpha_i + \varepsilon_a$$

## کنترل و سرشکنی زوایا در زاویه یابی (مثال)

مثال: زاویه‌های داخلی یک مثلث اندازه‌گیری شده است و مقادیر هر یک در زیر آورده شده است. اگر دستگاه تئودولیت دارای دقت زاویه‌ای ۸ ثانیه گرادی باشد، پس از محاسبه خطای بست زاویه‌ای و حداقل خطای مجاز بست زاویه‌ای در صورت قابل قبول بودن خطای بست، زوایای تصحیح شده را محاسبه نمایید.

$$\alpha_1 = 125/3750 \text{ گراد}$$

$$\alpha_2 = 28/8230 \text{ گراد}$$

$$\alpha_3 = 45/7988 \text{ گراد}$$

پاسخ:

مجموع زوایای اندازه‌گیری شده:

$$\sum_{\alpha i} = \alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3$$

$$\sum_{\alpha i} = 125/3750 + 28/8230 + 45/7988 = 199/9968 \text{ گراد}$$

مجموع زوایای داخلی یک سه ضلعی برحسب گراد:

$$\sum_{\alpha} = (n - 2) \times 200^g$$

$$\sum_{\alpha} = (3 - 2) \times 200 = 200^g$$

خطای بست زاویه‌ای:

$$e_a = \sum_{i=1}^n \alpha_i - (n-2) 200^g$$

$$e_a = 199/9968 - 200 = -0.0032 \text{ گراد}$$

$$e_a = -32'' \text{ (ثانیه گرادی)}$$

با در نظر گرفتن دقت زاویه‌ای دستگاه تئودولیت داریم:

$$d_a = 8'' \text{ (ثانیه گرادی)}$$

$$e_{\max} = 2/5 d_a \sqrt{\frac{n}{m}}$$

$$e_{\max} = 2/5 \times 8 \sqrt{\frac{3}{1}} = 34'' \text{ (ثانیه گرادی)}$$

چون قدرت مطلق خطای بست زاویه‌ای یعنی  $| -32 |$  ثانیه از حد اکثر مقدار مجاز آن یعنی ۳۴ ثانیه کمتر است پس می‌توان اندازه‌گیری زوایا را قابل قبول دانسته و باید مقدار خطای روی زوایا سرشکن کنیم:

$$e_a = |-32| = 32 < e_{\max} = 34''$$

## کنترل و سرشکنی زوایا در زاویه یابی (مثال)

$$\varepsilon_\alpha = \frac{-e_3}{n} = \frac{-( - ۲۲ )}{۳} \simeq ۱۱'' = ۰/۰۰۱۱^g$$

زوایا تصحیح شده بصورت زیر می باشد:

$$\alpha'_1 = \alpha_1 + \varepsilon_\alpha = ۱۲۵/۳۷۵۰ + ۰/۰۰۱۱ = ۱۲۵/۳۷۶۱ \text{ گراد}$$

$$\alpha'_2 = \alpha_2 + \varepsilon_\alpha = ۲۸/۸۲۳۰ + ۰/۰۰۱۱ = ۲۸/۸۲۴۱ \text{ گراد}$$

$$\alpha'_3 = \alpha_3 + \varepsilon_\alpha = ۴۵/۷۹۸۸ + ۰/۰۰۱۱ = ۴۵/۷۹۹۹ \text{ گراد}$$

کنترل زوایای تصحیح شده:

$$125/3761 + 28/8241 + 45/7999 = 200/1000 \text{ گراد}$$

## اصول تئوری خطاهای (یاد آوری)

هدف اندازه گیری ها تعیین مقدار واقعی یک کمیت است. اما عموماً نتیجه اندازه گیری ها با مقدار واقعی آن کمیت اختلاف دارد.

اختلاف بین کمیت اندازه گیری شده با مقدار واقعی آن کمیت را خطا می گویند.

عوامل مهم این اختلاف را در سه دسته زیر می توان بیان نمود:

- عوامل طبیعی : شامل کرویت زمین، شکست نور، وزش باد، تشعشع آفتاب، و تغییرات دمای هوا
- عوامل دستگاهی : شامل نقص دستگاه ها، تنظیم نبودن و یا پایین بودن ازرش تقسیمات آنها
- عوامل انسانی : شامل نارسایی حواس انسانی، کم دقیقی، نداشتن تجربه و تسلط در کار

### أنواع خطأ

درست نبودن یک اندازه گیری ممکن است نتیجه یکی از علل زیر باشد:

-اشتباه-

-اشتباه یا خطای بسیار بزرگ از فراموشی یا عدم مهارت عامل ناشی می شود. در این حالت عموماً اختلاف بین نتیجه اندازه گیری و مقدار واقعی کمیت معمولاً زیاد است. (مثل عدم تراز کردن، اشتباه در قرائت)

-خطای سیستماتیک

-خطای تدریجی یا سیستماتیک به مجموعه خطاهایی گفته می شود که علت، جهت و مقدار هر یک از آنها مشخص است؛ همگی علامت یکسان داشته و با هم جمع می شوند. (اکثر این خطاهای ناشی از نقص وسایل اندازه گیری است، مثلاً افزایش طول یک متر فلزی در اثر گرم شدن)

-خطاهای اتفاقی یا تصادفی

خطاهای تصادفی غالباً از نارسایی حواس انسانی و یا پایین بودن دقت دستگاه های اندازه گیری حادث می شود. هر چند که عوامل دیگری نیز از قبیل نقص دستگاه ها و عوامل جوی سبب پیدایش آنها می گردند. این خطاهای گاه با علامت مثبت و گاه با علامت منفی و غالباً به مقدار کم در اندازه گیری ها داخل می شوند.

## روش‌های کنترل مشاهدات جهت حذف اشتباهات

الف) تکرار اندازه گیری‌ها  
مثل تکرار اندازه گیری یک طول به صورت رفت و برگشت

ب) کنترل با یک مدل ریاضی  
مثل کنترل مجموع زوایای اندازه گیری شده برای یک مثلث با ۱۸۰ درجه

## روش‌های مقابله با خطاهای تدریجی

به دلیل آنکه علت، علامت و مقدار مشخصی دارند، در هر اندازه گیری قابل شناسایی هستند. برای مقابله با این نوع خطاهای در صورت امکان باید عوامل ایجاد خطا حذف شوند و در صورت عدم امکان، مقدار دخالت خطا محاسبه و نتایج تصحیح شوند. (مثل استفاده از چتر در مشاهدات میکروژئودزی و اعمال تأثیر خطای کلیماسیون در نتایج ترازیابی)

## روش‌های مقابله با خطاهای تصادفی

به دلیل ماهیت اتفاقی بودنشان از قواعد آمار و احتمالات و مخصوصاً قانون توزیع نرمال پیروی می کنند. تعیین مقدار و علامت این نوع خطاهای به راحتی امکان پذیر نیست.

- تکرار مشاهدات و پذیرفتن میانگین نتایج به عنوان برآورد اندازه واقعی
- کنترل روابط بین اندازه‌ها با استفاده از معلومات اضافی (سرشکنی)

## خطاهای اندازه گیری طول با متر - خطای درجه حرارت

این خطا موقعی رخ می دهد که متر مورد استفاده در دمائی غیر از دمای کالیبره شده، مورد استفاده قرار گیرد. مقدار خطای مربوط به اندازه گیری طول ناشی از درجه حرارت محیط اندازه گیری و کالیبره شده از رابطه زیر بدست می آید:

$$\Delta L = L_0 \times \alpha(t - t_0)$$

که در آن  $L$ : طول اندازه گیری شده در دمای  $t$  (درجه حرارت استاندارد)،  $t_0$ : درجه حرارت محیط اندازه گیری و  $\alpha$ : ضریب انبساط طولی جسم جامد (عبارتست از میزان افزایش طول یک متر از آن جسم وقتی که دمای آن  $1^{\circ}\text{C}$  افزایش می یابد) می باشد.

ضریب انبساط طولی فولاد برابر  $112 \times 10^{-7}$  و ضریب انبساط طولی نوار برابر  $6.3 \times 10^{-7}$  به ازای یک درجه سانتی گراد می باشد.

« اگر  $t > t_0$  باشد، آنگاه طول واقعی نوار بیشتر از طول اسمی متر می باشد.

« اگر  $t < t_0$  باشد، آنگاه طول واقعی نوار کمتر از طول اسمی متر می باشد.

مثال ۱۱-۴ یک نوار فولادی ۳۰ متری در دمای  $20^{\circ}\text{C}$  درجه سانتی گراد استاندارد شده است. اگر دمای هوا در موقع اندازه گیری  $38^{\circ}\text{C}$  درجه سانتی گراد باشد طول نوار در این زمان چقدر است؟

حل: طبق رابطه ۲۵-۴

$$L_t = L_0 \times [1 + \alpha \times 10^{-7} (t - t_0)]$$
$$= 30,006 \text{ m}$$

## خطاهای اندازه گیری طول با متر - خطای کشش متر

این خطا موقعی رخ می دهد که متر مورد استفاده با نیروی متفاوت از نیروی کالیبره شده متر، مورد استفاده قرار گیرد. مقدار این خطا از رابطه زیر بدست می آید:[3]

$$\Delta L = \frac{L_0 \times (T - T_s)}{S \times E}$$

که در آن  $L$ : طول اندازه گیری شده ( $m$ ),  $T_s$ : کشش استاندارد ( $N$ ),  $T$ : کششی که موقع اندازه گیری به متر وارد می شود. ( $N$ ),  $S$ : سطح مقطع نوار ( $cm^2$ ) و  $E$ : ضریب کشسانی ( $\frac{N}{cm^2}$ ) می باشد.

مثال ۳: متر فولادی ۵۰ متری با سطح مقطع ۰.۰۴ سانتی متر مربع برای نیروی کشش ۵۰ نیوتن استاندارد شده است اگر در هنگام اندازه گیری فاصله، نیروی کشش ۶۰ نیوتن به متر وارد شود. مطلوب است محاسبه خطای این اندازه گیری در صورتیکه  $E = 2.1 \times 10^6 \frac{N}{cm^2}$  باشد.

$$\Delta L = \frac{L_0 \times (T - T_s)}{S \times E}$$

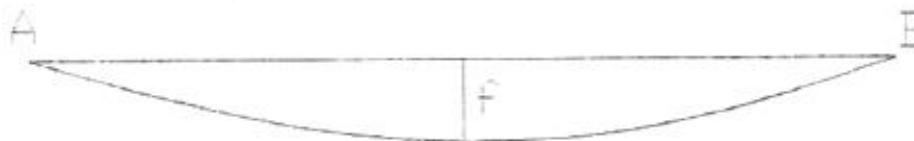
$$\Delta L = \frac{50(60 - 50)}{2.1 \times 10^6 \times 4 \times 10^{-2}} = 0.006m$$

$$= 50 + 0.006 = 50.006m$$

## خطاهای اندازه گیری طول با متر - خطای قوسی بودن متر (شنت)

این خطا در اثر وزن نوار ایجاد می شود.[3]

$$\Delta L = \frac{8f^2}{3L} = \frac{m^2 g^2 L^3}{24T^2}$$



که در آن  $f$ : خطای که به علت قوسی شدن متر در وسط طول AB طبق شکل ۲۸-۳ رخ می دهد. (چون که خطا در آن نقطه ماقزیم است)،  $L$ : طول اندازه گیری شده،  $m$ : جرم واحد طول نوار (یعنی جرم یک متر نوار) ( $\frac{kg}{m}$ )،  $g$ : شتاب ثقل و  $T$ : نیروی کشش می باشد.

مثال ۴: یک متر ۵۰ متری که جرم هر متر از آن ۰.۰۲۳۵ کیلوگرم است به حالت تخت استاندارد شده است. اگر این متر را بصورت کمانی و با نیروی کشش ۱۰۰ نیوتن بکار ببریم طول آن چقدر می شود؟

$$\Delta L = \frac{m^2 g^2 L^3}{24T^2} = \frac{(0.0235)^2 \times 10^2 \times 50^3}{24 \times 100^2} = 0.029m$$

$$L = 50 - 0.029 = 49.971m$$

اگر طول اسمی متری  $N$  و طول واقعی آن  $F$  باشد و با این متر طولی به اندازه  $L$  را اندازه گیری کرده باشیم. در اینصورت مقدار واقعی طول از رابطه زیر بدست می آید:

$$\frac{N}{L} = \frac{F}{x} \Rightarrow x = \frac{L \times F}{N}$$

مثال ۵: طول اسمی یک متر پارچه ای ۵۰ متر و طول واقعی آن ۵۰.۰۵ متر می باشد. اگر از این متر جهت اندازه گیری فاصله بین دو نقطه ثابت A و B در روی زمین استفاده شده و نتیجه برابر ۳۸۵.۱۶ متر بدست آمده باشد. مطلوب است محاسبه طول حقیقی AB؟

$$\frac{50}{385.16} = \frac{50.05}{x} \Rightarrow x = \frac{385.16 \times 50.05}{50} = 385.545m$$

## خطاهای اندازه گیری طول با متر - خطای تبدیل به افق

خطای تبدیل به افق یا تصحیح شیب از رابطه زیر بدست می آید:



$$e \cong \frac{\Delta H^2}{2L}$$

مثال ۶: فاصله دو نقطه روی سطح شیب دار در روی زمین 250 متر و اختلاف ارتفاع دو نقطه 8 متر می باشد. مطلوب است محاسبه فاصله افقی بین دو نقطه؟

راه حل اول:

$$e \cong \frac{\Delta H^2}{2L} = \frac{8^2}{2 \times 250} = 0.128m \cong 0.13m$$

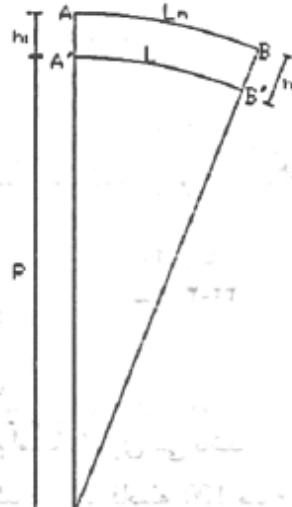
فاصله افقی  $D = L - e = 249.87m$

راه حل دوم:

$$L^2 = \Delta H^2 + D^2 \Rightarrow D = \sqrt{250^2 - 8^2} = 249.87m$$

## خطاهای اندازه گیری طول با متر - خطای تبدیل به سطح متوسط دریاها

در مواردی که کار نقشه برداری در وسعت زیادی انجام می‌گیرد باید علاوه بر تصحیحات فوق تصحیح تبدیل به سطح متوسط دریا (MSL) نیز وارد شود. [35]



طبق شکل ۳۲-۳ اگر  $L_m$ : طول اندازه گیری شده روی زمین،  $L$ : طول تصویر  $L_m$  بر سطح متوسط دریا،  $h$ : ارتفاع متوسط در نقاط A و B نسبت به ژئوئید (سطح متوسط دریاها) و R:شعاع متوسط زمین باشد؛ در اینصورت جهت تبدیل طول اندازه گیری شده روی زمین بر سطح متوسط دریا رابطه زیر را می‌توان نوشت:

$$\frac{L}{L_m} = \frac{R}{R+h} \Rightarrow L = L_m \frac{R}{R+h}$$

$$h = \frac{h_1 + h_2}{2} \quad \text{ارتفاع متوسط در نقاط A و B}$$

مقدار خطای تبدیل به سطح متوسط دریا از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$e = L_m - L = L_m - L_m \frac{R}{R+h} = L_m \left(1 - \frac{R}{R+h}\right) \Rightarrow e = L_m \left(\frac{h}{R+h}\right)$$

---

## خطاهای اندازه گیری طول با متر - خطای تبدیل به سطح متوسط دریاها

---

مثال ۱۰: مطلوب است محاسبه فاصله تبدیل به سطح متوسط دریا برای دو نقطه ای که ارتفاعات آنها ۱۶۰۰ و ۱۷۰۰ متر از سطح دریا بوده و فاصله بین آن دو نقطه ۲۵۰۰ متر باشد؟  
(شعاع کره زمین  $R = 6400\text{km}$ )

$$L_m = 2500\text{m} \quad , \quad h = \frac{1600 + 1700}{2} = 1650\text{m}$$

$$L = 2500 \times \frac{6400 \times 10^3}{6400 \times 10^3 + 1650} \cong 2499.36\text{m}$$

## خطاهای اندازه گیری طول با متر

### ۸-۳- اشتباهات و خطاهای در مترکشی

#### ۱-۸-۳- اشتباهات در مترکشی

اشتباهات در مترکشی عبارتند از:

- اشتباه در قرائت،
- اشتباه در نوشتن،
- اشتباه در محاسبه،
- از قلم انداختن یک یا چند دهنه طول در مترکشی وغیره.

#### ۲-۸-۳- خطاهای مترکشی

#### ۱-۲-۸-۳- خطاهای سیستماتیک

خطاهای سیستماتیک در مترکشی عبارتند از:

- افقی نگرفتن متر،
- انحراف در زالن گذاری،
- اختلاف درجه حرارت محیط نسبت به درجه حرارت استاندارد،
- اختلاف نیروی کشش وارد نسبت به کشش استاندارد،
- برابر نبودن طول واقعی متر با طول اسمی آن وغیره.

#### ۲-۲-۸-۳- خطاهای اتفاقی

خطاهای اتفاقی در مترکشی عبارتند از:

- خطای قرائت متر،
- خطای عمود نگرفتن زالن،
- اثر باد که قائم بودن زالن را تغییر می دهد،
- خطای تطبیق درجات نوار با نقاط ابتداء و انتهای وغیره.

## خطاهای در ترازیابی - خطای کرویت

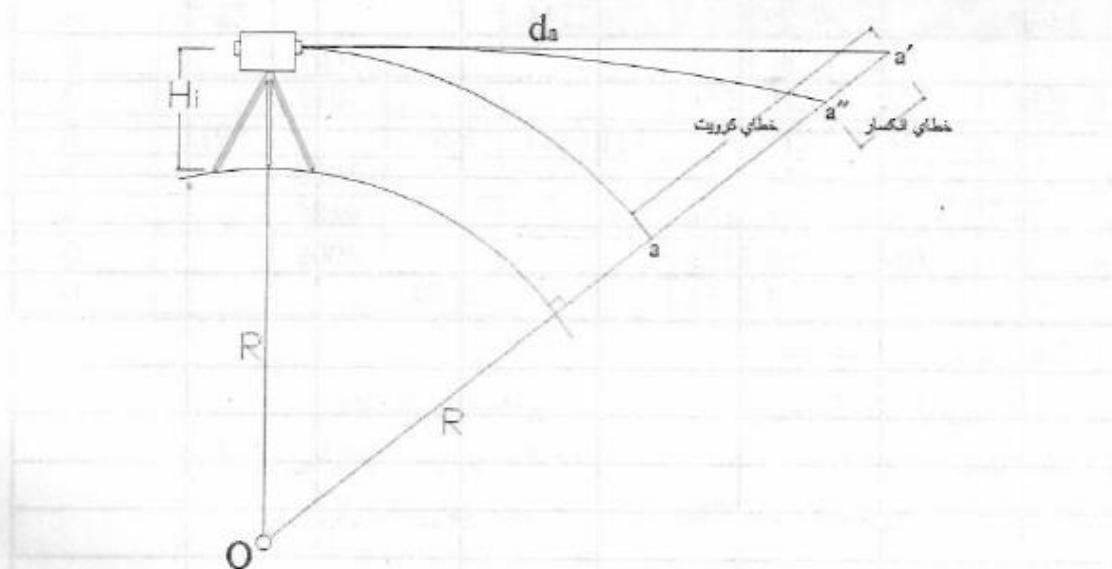
اگر  $d_a$ : فاصله شاخص تا دوربین،  $H_i$ : ارتفاع دستگاه،  $R$ :شعاع کره زمین و  $e_a$ : خطای ناشی از کرویت روی شاخص باشد طبق شکل ۳۹-۴ می‌توان نوشت:

$$e_a \cong \frac{d_a^2}{2(R+H_i)} \cong \frac{d_a^2}{2R}$$

با توجه به شکل ۳۹-۴ خطای کرویت مثبت و تصحیح آن منفی می‌باشد.

مثال: اگر فاصله شاخص تا دستگاه ترازیاب ۱۲۰ متر باشد مقدار خطای کرویت را بدست آورید. ( $R = 6370 \text{ km}$ )

$$e_a \cong \frac{d_a^2}{2R} = \frac{120^2}{2 \times 6370000} \cong 0.001m \cong 1mm$$



هنگامی که یک شعاع نوری از میان طبقات مختلف جو عبور می‌کند به علت تغییرات چگالی زمین امتدادش مرتباً شکسته می‌شود و خط دید توسط شکست نور به طرف زمین کشیده می‌شود در نتیجه این تغییر، شی مورد مشاهده نسبت به موقعیت واقعی خود پایین تر به نظر می‌رسد.<sup>[3]</sup> در شرایط جوی معمولی مقدار عددی تصحیح انکسار در حدود  $\frac{1}{7}$  تصحیح کرویت در جهت مخالف آن می‌باشد. بنابراین مقدار عددی تصحیح اثر انکسار نور عبارتست از:

$$e_a = -\frac{d_a^2}{14R}$$

با توجه به شکل ۳۹-۴ خطای انکسار منفی و تصحیح آن مشبت می‌باشد.  
مثال ۹: اگر فاصله شاخص تا دستگاه ترازیاب ۱۲۰ متر باشد مقدار خطای انکسار نور را بدست آورید؟ ( $R = 6370 \text{ km}$ )

$$\text{خطای کرویت} e_a = \frac{1}{7} e_c \quad e_c \text{ خطای انکسار}$$

$$e_a = \frac{d_a^2}{2R} = \frac{120^2}{2 \times 6370000} = 0.00113m \cong 1mm$$

$$e_a = \frac{1mm}{7} \cong 0.16mm$$

$$e = e_a \Rightarrow e = \frac{d_a^2}{2R} - \frac{d_a^2}{14R} = \frac{3}{7} \frac{d_a^2}{R}$$

برآیند دو خطای کرویت و انکسار مثبت و تصحیح آنها منفی می باشد.

مثال ۱۰: چنانچه ترازیابی در فاصله ۲۰۰۰ متری صورت گرفته باشد و قرائت شاخص برابر ۳۶۸۵ باشد. مقدار صحیح قرائت روی شاخص را بدست آورید؟

$$e = \frac{3}{7} \frac{d_a^2}{R} = \frac{3}{7} \times \frac{(2000)^2}{6370000} = 0.269m = 269mm$$

$$3685 + (-269) = 3416mm = \text{مقدار صحیح} + \text{مقدار قرائت شده} = \text{مقدار صحیح قرائت شاخص}$$

هرگاه محور نوری دوربین با خط مماس بر تراز موازی نباشد در چنین حالتی محور نوری دوربین با افق زاویه ای مثل  $e$  می سازد که به آن زاویه کلیماسیون دستگاه می گویند. با قرار گرفتن دوربین در میان دو شاخص، خطاهای کرویت، انکسار و کلیماسیون به طور عملی حذف می گردد.

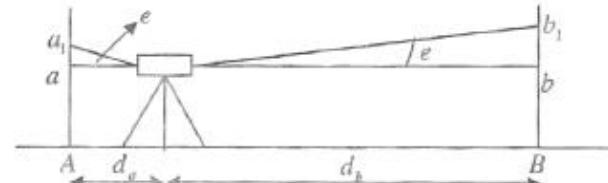
$$e^{rad} = \frac{(\text{مجموع قرائتهای نزدیک} - \text{مجموع قرائتهای دور})}{(\text{جمع فواصل نزدیک} - \text{جمع فواصل دور})}$$

مثال ۱۱: برای کنترل محور نشانه روی یک دستگاه ترازیاب از دو ایستگاه استقرار  $S_1$  و  $S_2$  شاخص های قائم نقاط A و B خوانده شده و نتایج در جدول درج گردیده، مقدار خطای کلیماسیون برای یک متر طول چند میلی متر است؟

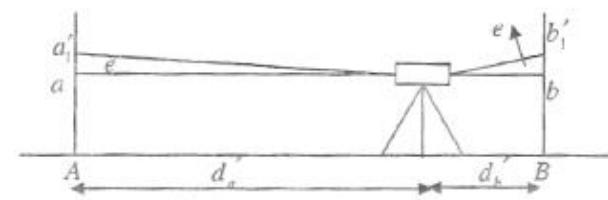
ایستگاه	نقاط استقرار شاخص	فاصله (m)	قرائت شاخص (mm)
$S_1$	A	18	1794
	B	42	927
$S_2$	A	8	1913
	B	52	2984

$$e^{rad} = \frac{(\text{مجموع قرائتهای نزدیک} - \text{مجموع قرائتهای دور})}{(\text{جمع فواصل نزدیک} - \text{جمع فواصل دور})}$$

$$e = \frac{(2.984 + 0.927) - (1.794 + 1.913)}{(52 + 42) - (18 + 8)} = 3 \text{ mm}$$



شکل (الف) استقرار در نزدیکی نقطه A



شکل (ب) استقرار در نزدیکی نقطه B

## خطاهای در ترازیابی - خطای کلیماسیون

### ۴-۱-بررسی خطاهای در ترازیابی مستقیم

طبقه بندی خطاهای ترازیابی مستقیم براساس عوامل طبیعی، دستگاهی و انسانی به صورت زیر می باشد:

#### الف- عوامل طبیعی

از عوامل طبیعی می توان به کرویت زمین، شکست نور، باد و غیره اشاره نمود.

#### ب- عوامل دستگاهی

از عوامل دستگاهی می توان به میزان نبودن تراز، ناپایدار بودن سه پایه، خطای کلیماسیون، صحیح نبودن طول شاخص ها و غیره اشاره نمود.

#### پ- عوامل انسانی

از عوامل انسانی که ناشی از بی توجهی خود شخص می باشد می توان به تراز نکردن کامل دستگاه، عدم پایداری تکیه گاه شاخص، قائم نگرفتن شاخص، خطا در قرائت و نوشتن، از بین نبردن کامل پارالاکس و غیره اشاره نمود.

### ۴-۲- نحوه مقابله با خطاهای

برای مقابله با خطاهای می توان موارد زیر را در نظر گرفت:

الف- باید در زمان مناسب، عملیات را انجام داد تا اثرات تغییرات دما و تشعشع خورشید در آن دخالت کمتری داشته باشد. در موقع وزیدن باد نیز نباید ترازیابی مستقیم انجام داد. لازم به ذکر است که اثرات کرویت زمین و انکسار نور و کلیماسیون باعث به وجود آمدن خطای سیستماتیک می شوند و باید اثرات آنها را با مساوی گرفتن فاصله دو شاخص ترازیاب بطور عملی حذف نمود.

ب- دستگاهها باید تا حد ممکن آزمایش و تنظیم شوند. (به فصل تعمیر و نگهداری وسائل نقشه برداری مراجعه شود).

پ- عملیات ترازیابی باید کنترل شوند (مثلاً ترازیابی به صورت رفت و برگشت انجام شود یا ترازیابی بین دو نقطه با ارتفاع معلوم انجام شود یا سه تار افقی رتیکول در هنگام ترازیابی قرائت شود) تا از بوجود آمدن اشتباهات احتمالی جلوگیری شود.

# فصل هشتم

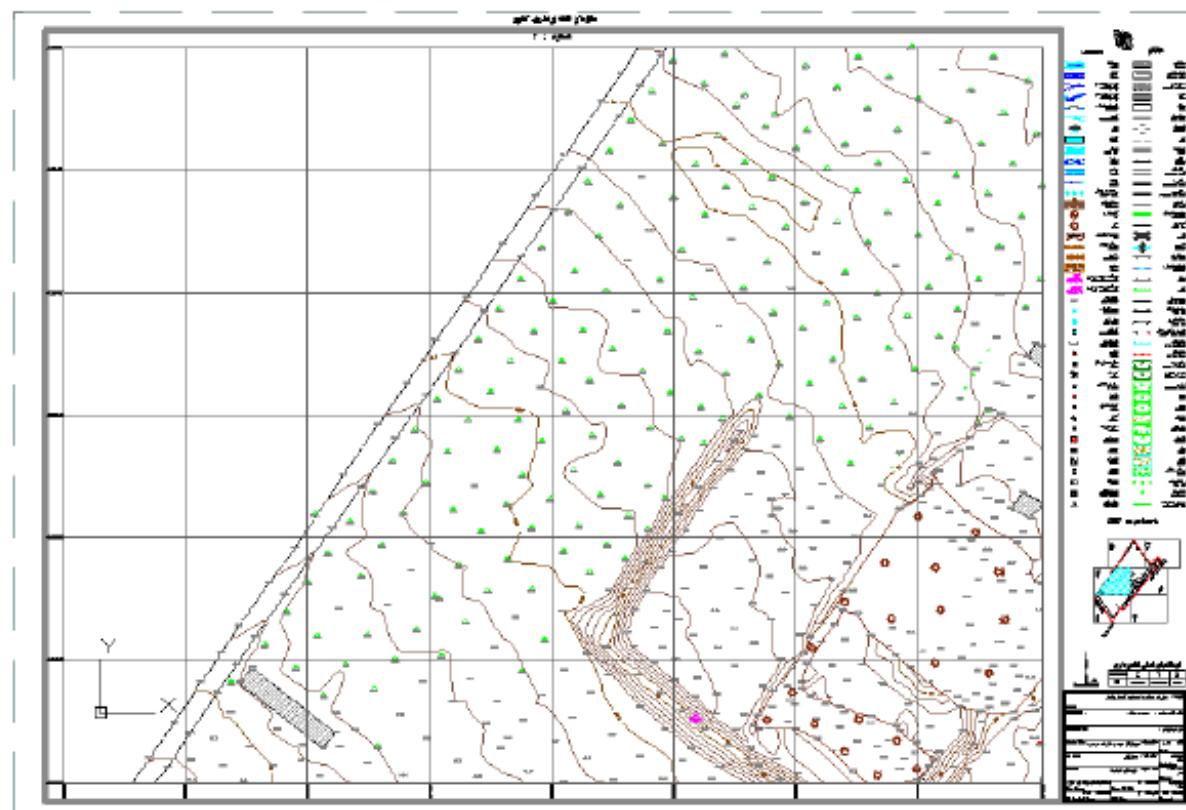
مفهوم منحنی میزان

شبکه بندی و محاسبه حجم

امتدادها و تعیین مختصات مسطحاتی نقاط

### ۳ - توپوگرافی (Topographie)

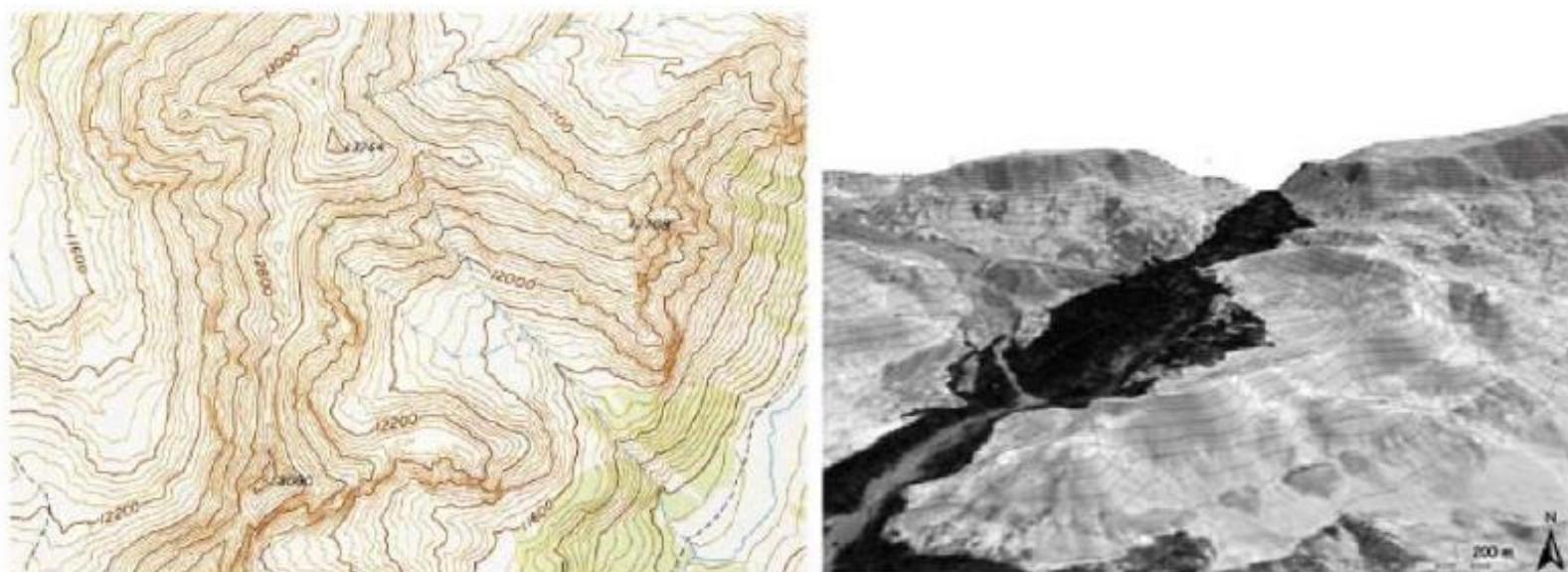
چنانچه در نقشه ای، وضع ارتفاعی و مسطحاتی یک قطعه زمین مشخص شده باشد به این نقشه ها، نقشه های (توپوگرافیک) گفته می شود. در این نقشه ها، ارتفاعات را بطور معمول با خطوط تراز (منحنی میزان) نشان می دهند. نقاطی که بر روی یک خط منحنی قرار دارند از ارتفاع یکسانی برخوردارند.



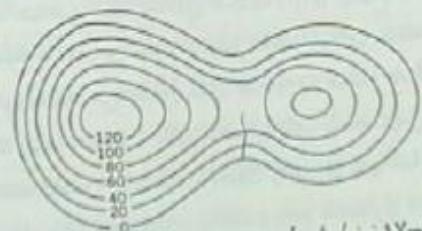
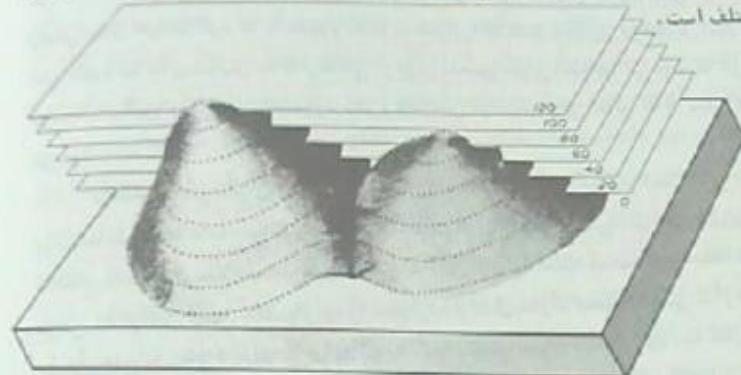
## مفهوم منحنی میزان برای نمایش انواع تغییرات ارتفاعی بر روی نقشه های توپوگرافی

### - تعریف منحنی میزان،

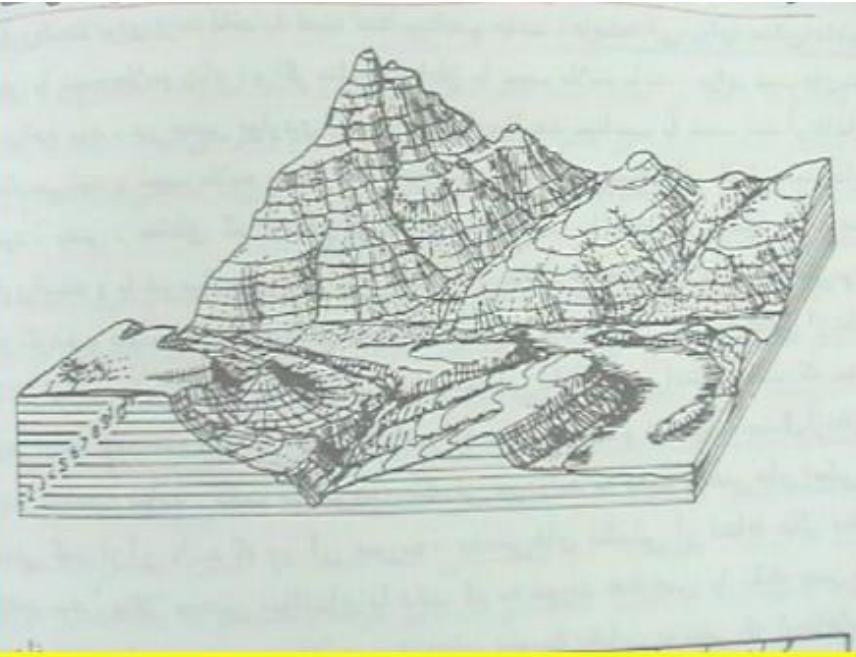
در نقشه برداری به مکان هندسی نقاطی که دارای ارتفاع یکسان می باشند، منحنی میزان یا کانتورنی لا میگویند بعبارت دیگر از به هم پیوستن نقاطی که دارای ارتفاع یکسان در یک منطقه می باشند منحنی های میزان آن منطقه حاصل می گردد. نمونه طبیعی منحنی های میزان را میتوان در دیواره های ساحلی دریاچه سدها مشاهده کرد . هر کدام از پله های ایجاد شده در دیواره های مخزن سد نشانگر یک منحنی میزان با ارتفاع خاص میباشد.



جدول شماره ۶-۱ نمونه و مطالی برای تعیین فاصله سطحی هر آن در میرانهای مختلف است.



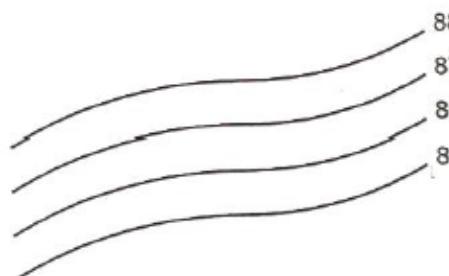
شکل ۶-۱۷: ساختی از منحنی های میرانهای متساوی البعد



## مفهوم منحنی میزان برای نمایش انواع تغییرات ارتفاعی بر روی نقشه های توپوگرافی



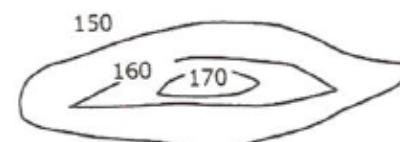
معرف گودال



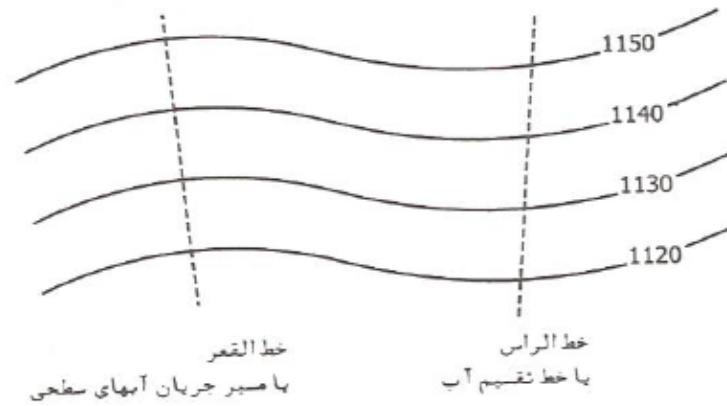
معرف دامنه و تغییر شیب



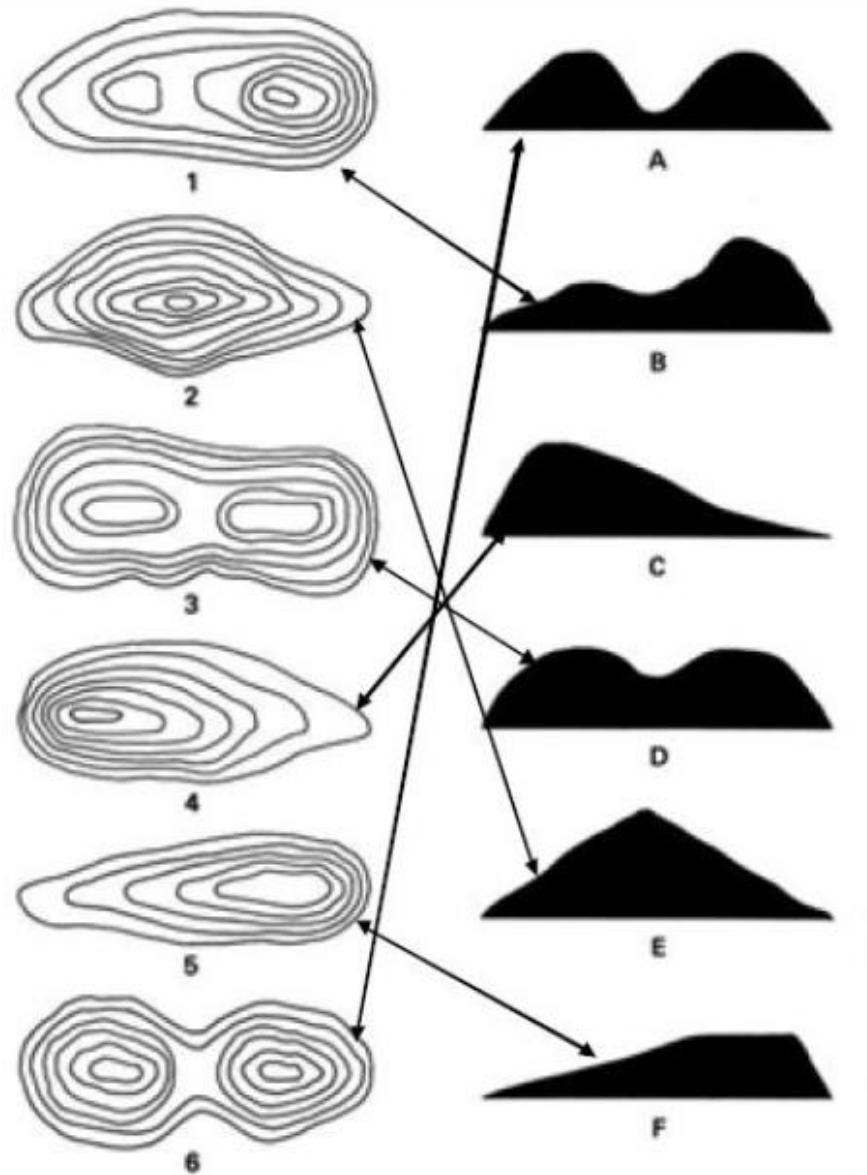
معرف دره و خط القعر



معرف تپه

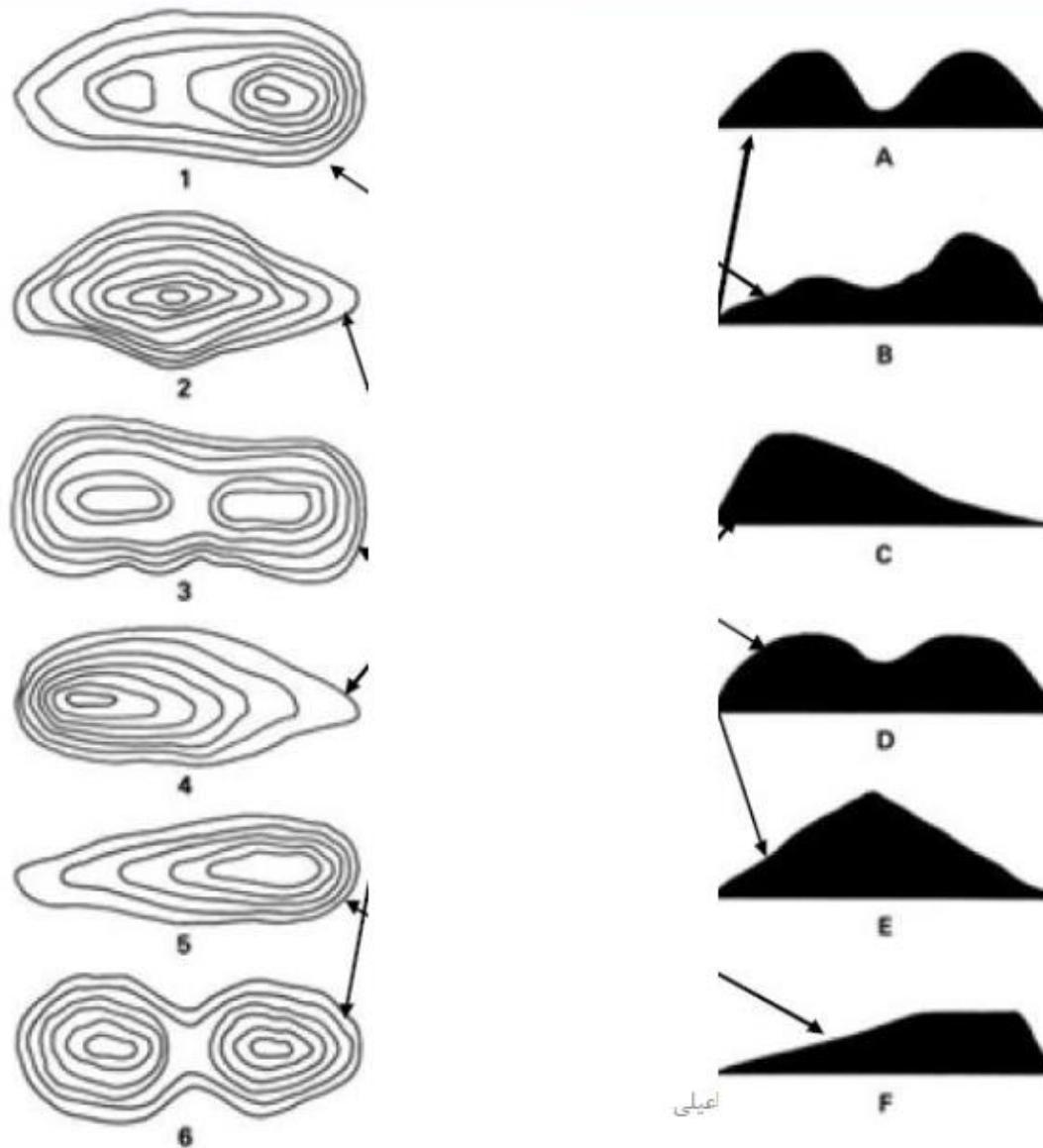


## مفهوم منحنی میزان برای نمایش انواع تغییرات ارتفاعی بر روی نقشه های توپوگرافی

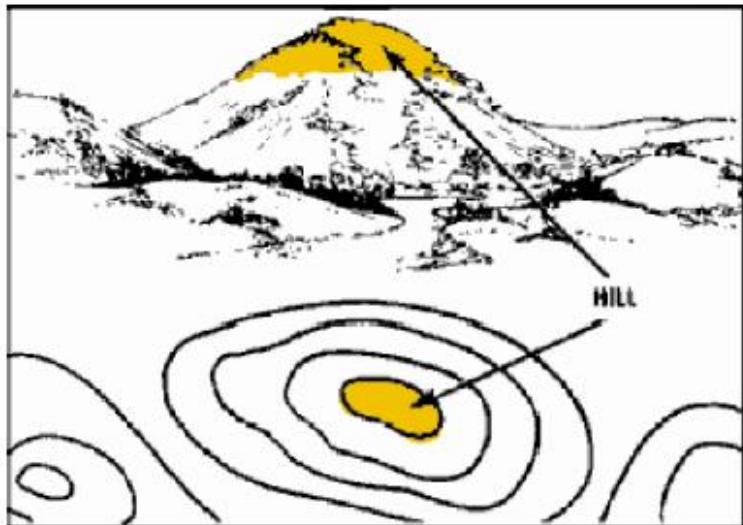


۰ ساختار منحنی میزان هر شکل  
متناظر با کدام ساختار  
توپوگرافی بر روی زمین است؟

## مفهوم منحنی میزان برای نمایش انواع تغییرات ارتفاعی بر روی نقشه های توپوگرافی

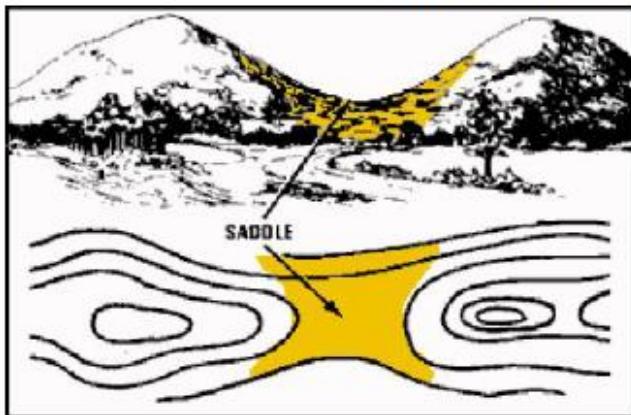


## مفهوم منحنی میزان برای نمایش انواع تغییرات ارتفاعی بر روی نقشه های توپوگرافی



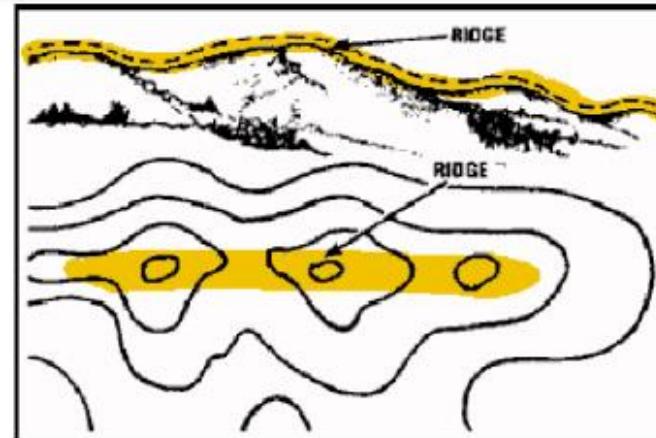
**تپه**

- منحنی های بسته همراه با کلکشن اندازه منحنی ها در خصوصی ته.
- منحنی های داخلی با افزایش ارتفاع همراه هستند.
- نقطه در داخل کوچکترین منحنی قرار دارد.



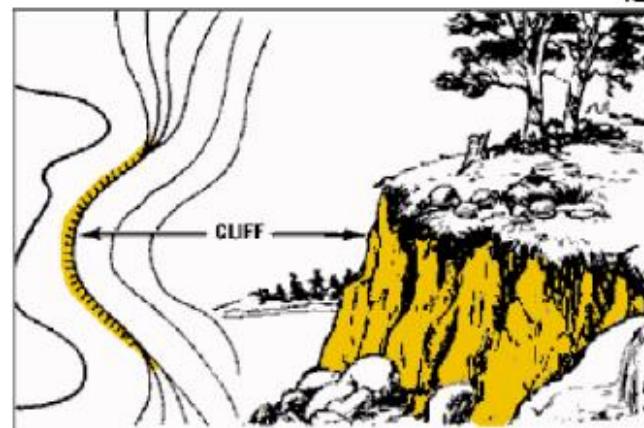
**گردنه**

- یک محل فرو رفته میان دو تپه در محل گردنه.
- در امتداد مقابل هم زمین در ارتفاع پیشتر از شما و در ۲ امتداد مقابل دیگر در ارتفاع کمتر از شما قرار دارد.



**خط الرأس**

- یک خط شبدار در مناطق با ارتفاع بالا نسبت به مناطق مجاور.
- در هر نقطه خط الرأس، ارتفاع در سه جهت کمتر از آن نقطه خواهد بود.
- منحنی میزان در محل خط الرأس به شکل حرف V یا عدد ۷ در نقشه نمایان می شود.
- نزدیک شدن انتهای منحنی میزان به یکدیگر (V) به منظوم نمایه بایین منحنی با ارتفاع کمتر است.

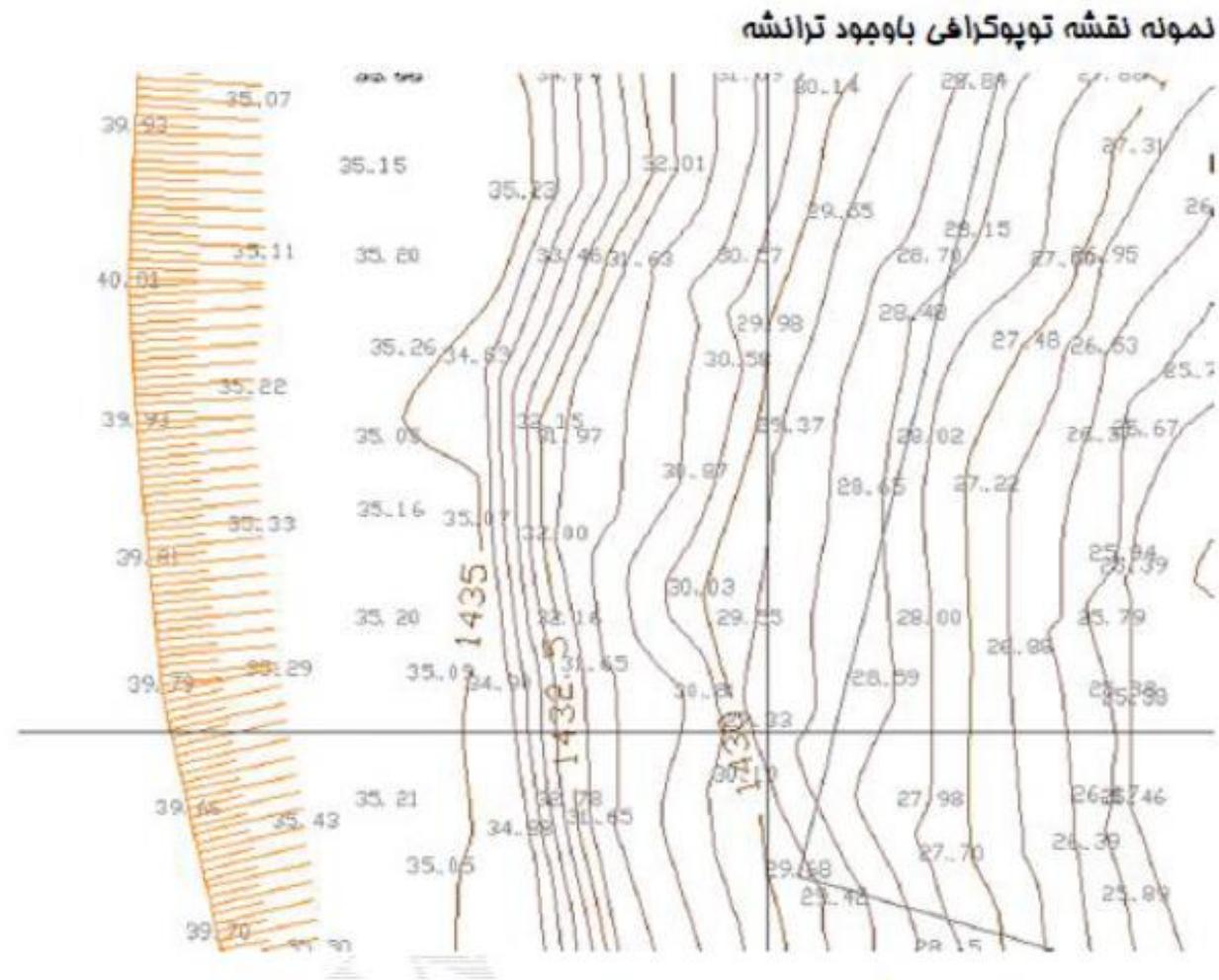


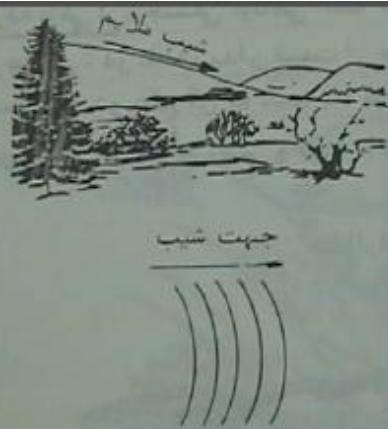
**دیوار، پرتگاه، صخره**

- تغییرات شدید در ارتفاع در یک فاصله افقی ناجز.

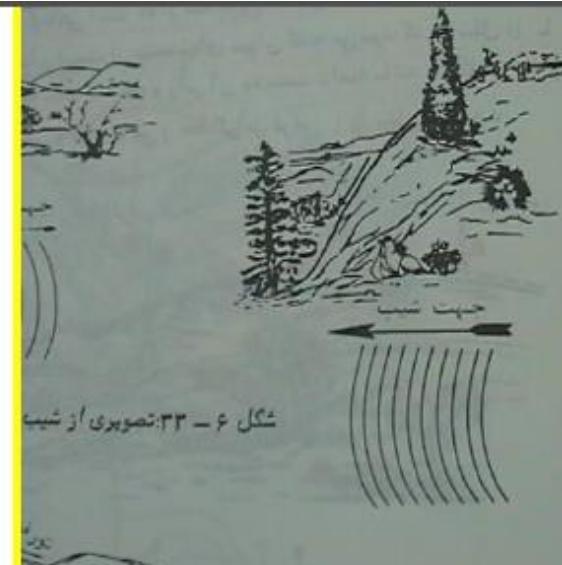
- فاصله منحنی میزان انتها بسیار کم و "گذا" به هم جایبده می باشد.
- خطوطی به سمت ارتفاع کمتر بر روی آن ترسیم می شود.

## مفهوم منحنی میزان برای نمایش انواع تغییرات ارتفاعی بر روی نقشه های توپوگرافی

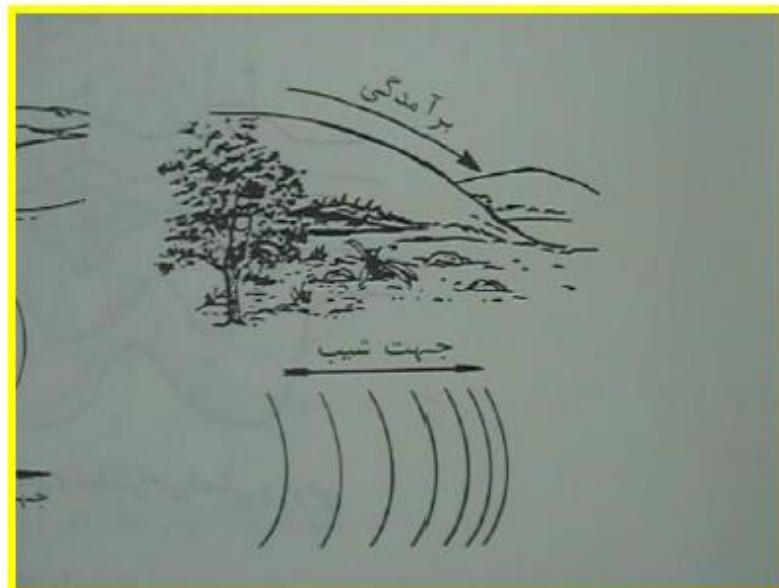


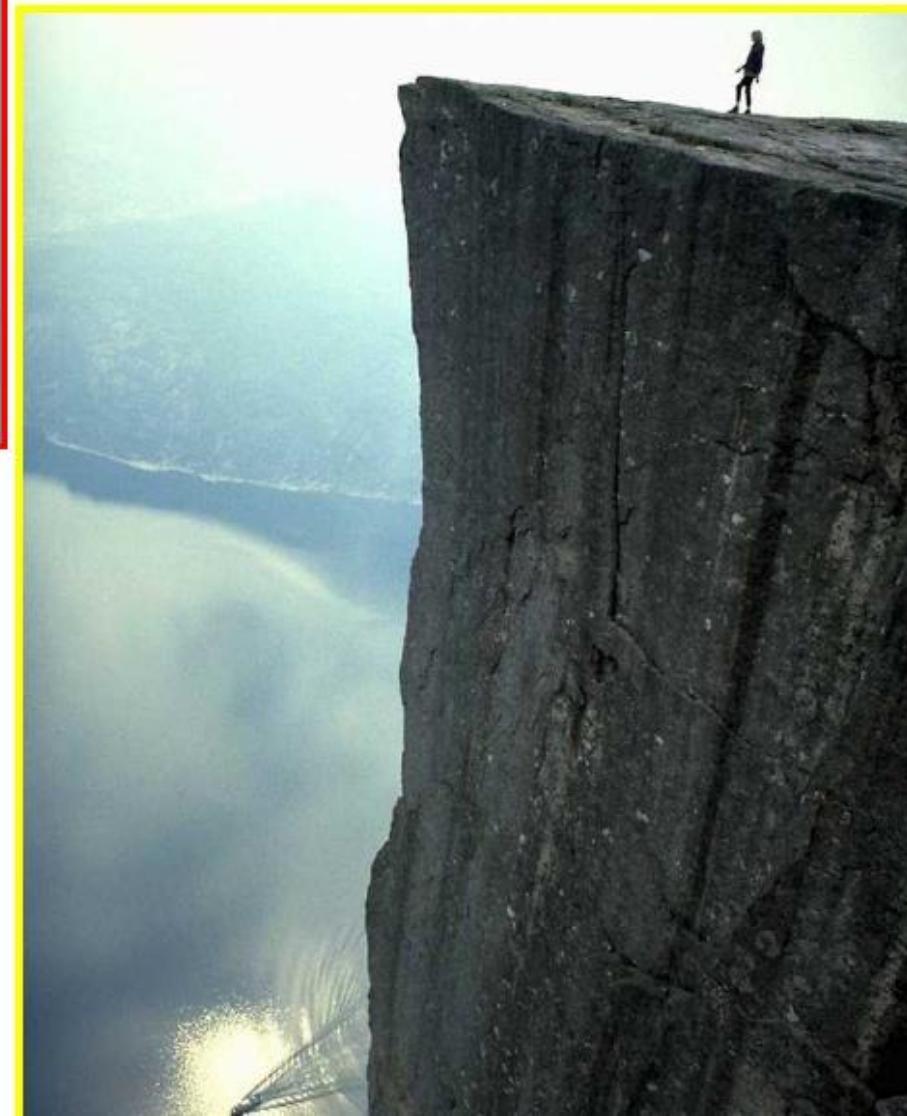
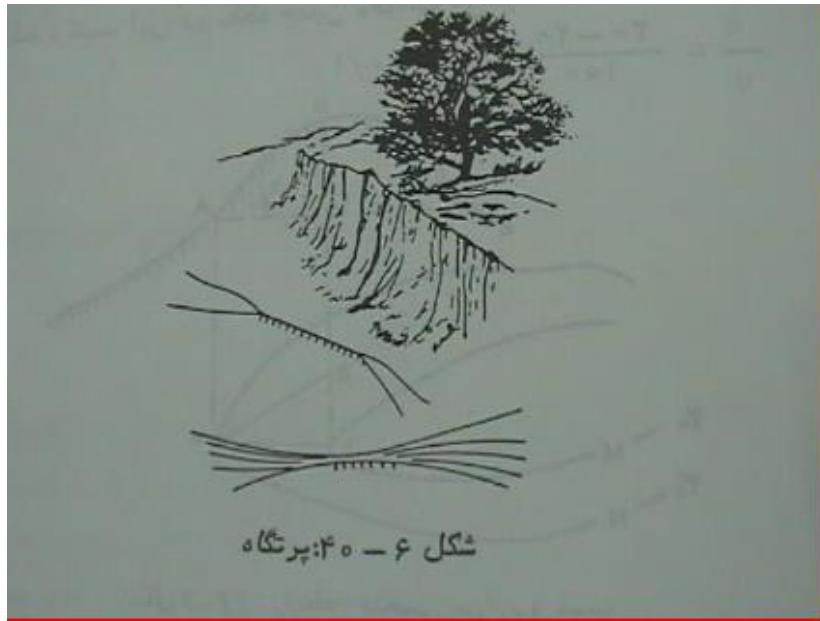


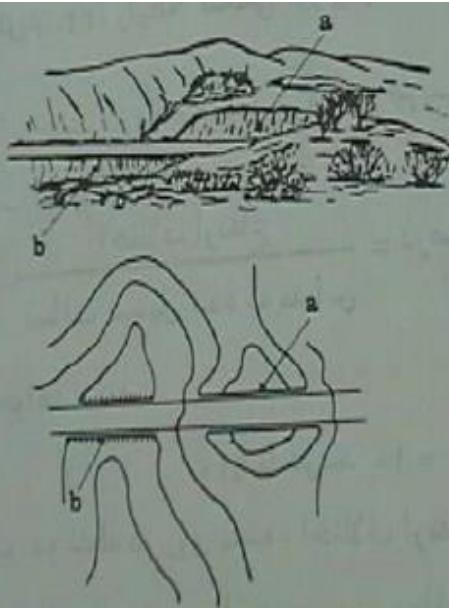
شکل ۶ - ۳۳: تصویری از شیب تند و شیب ملايم داشته



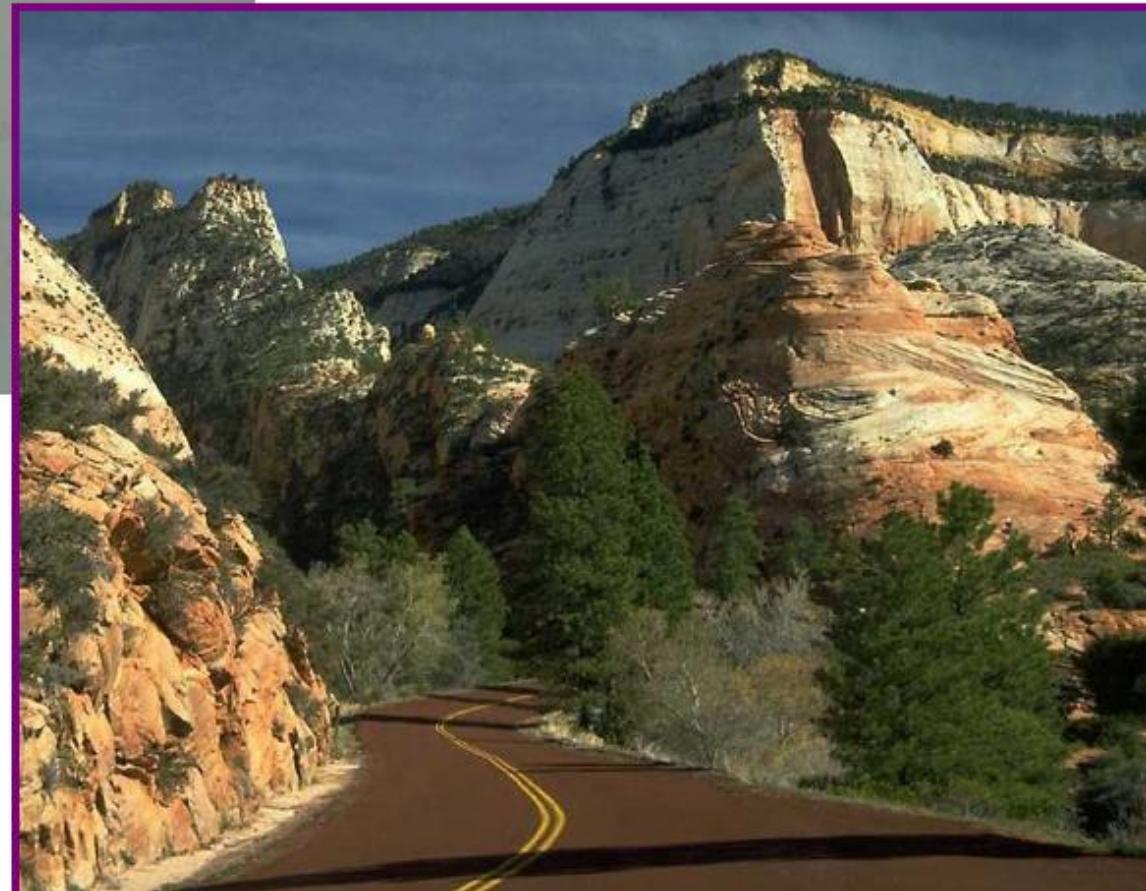
شکل ۶ - ۳۴: تصویری از شیب

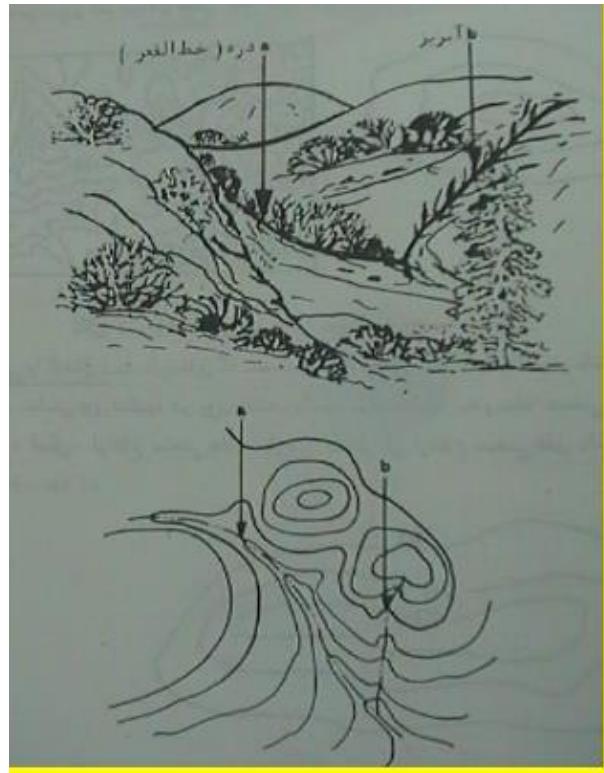


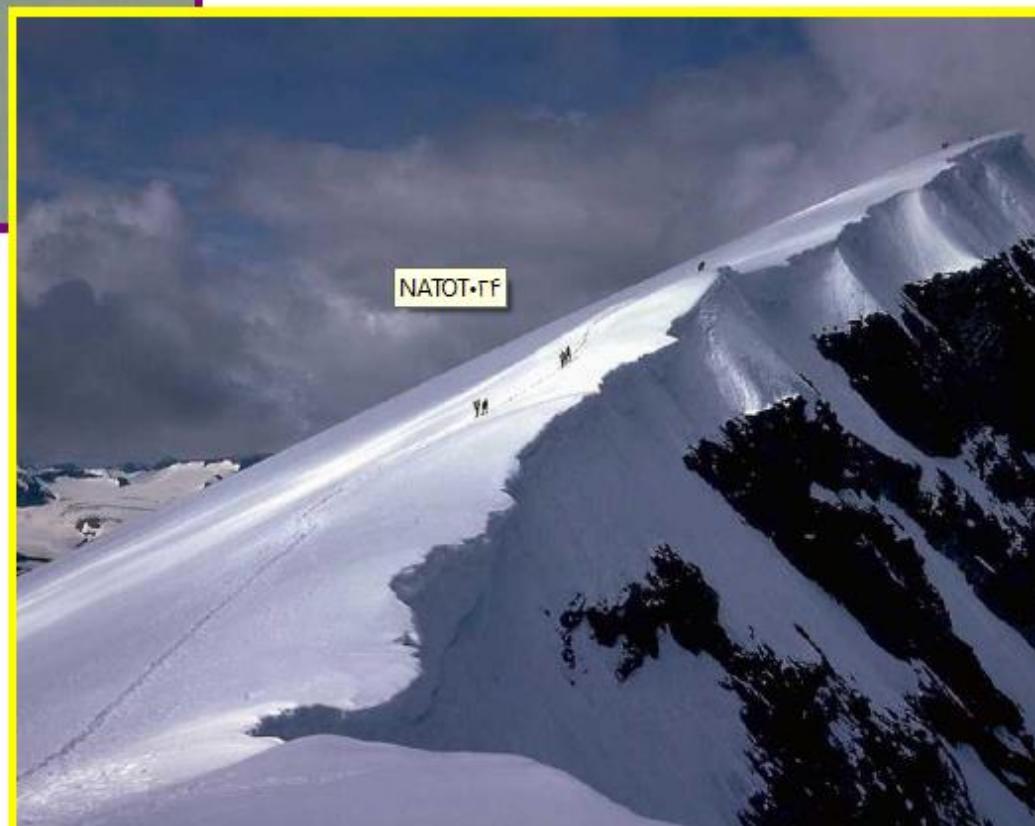
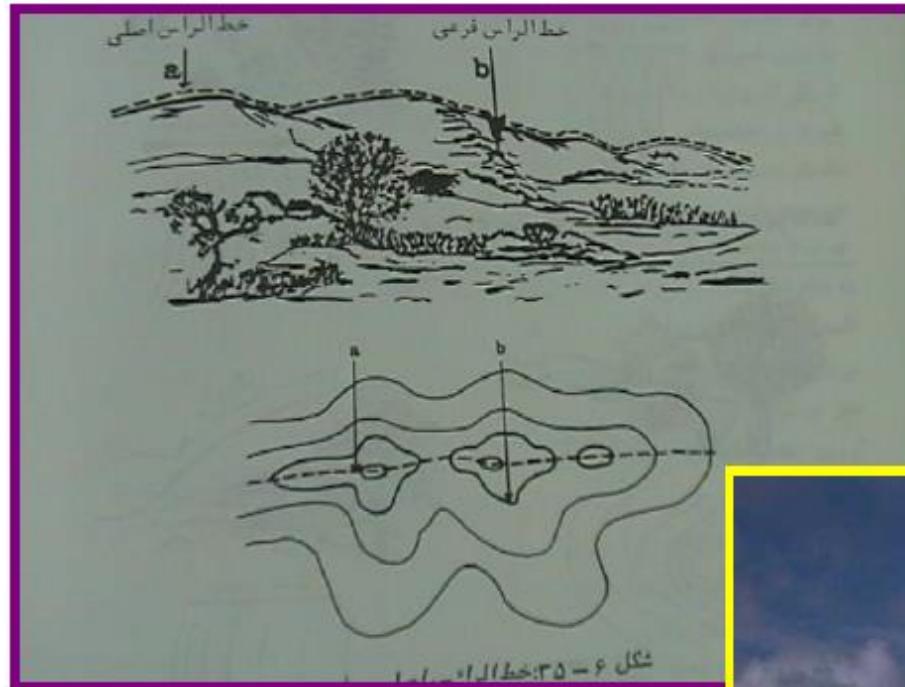


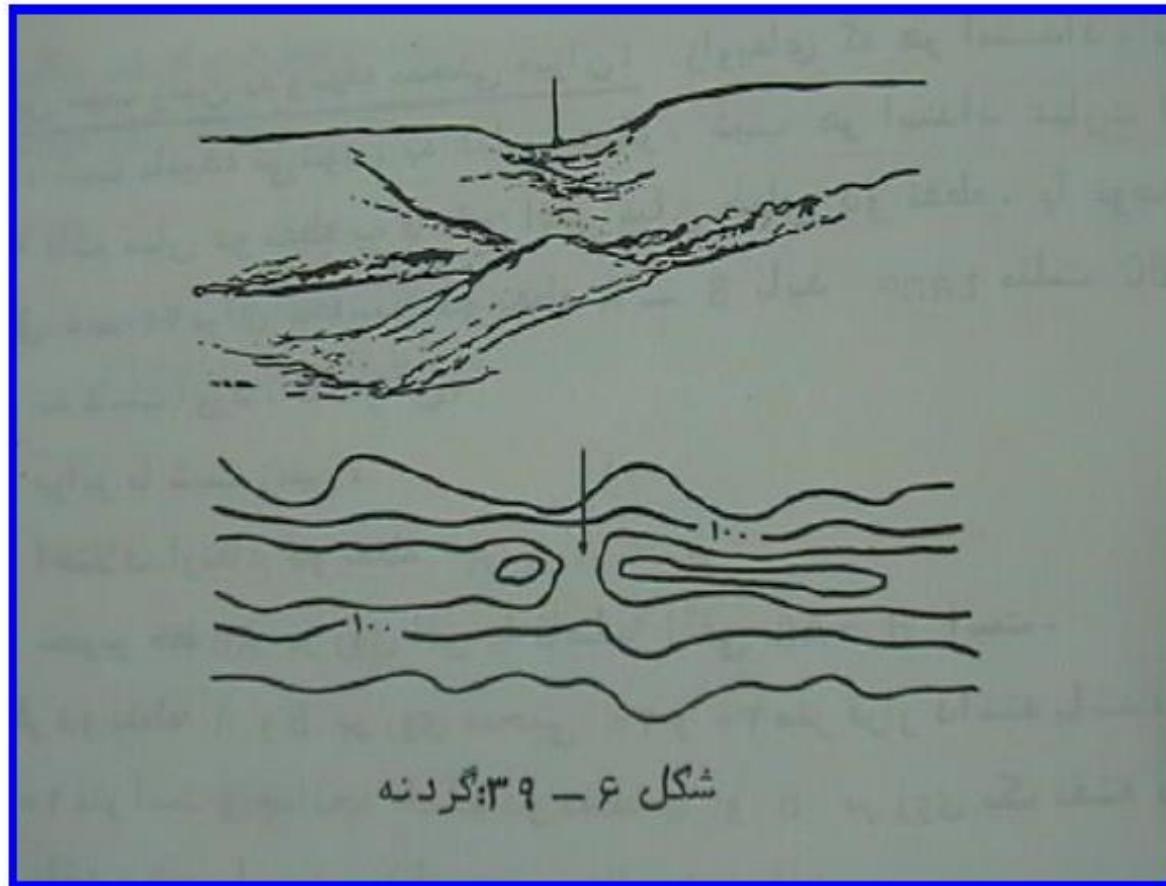


شکل ۶ - ۱: برمدگی یا برش









شکل ۶ - ۳۹: گردنه

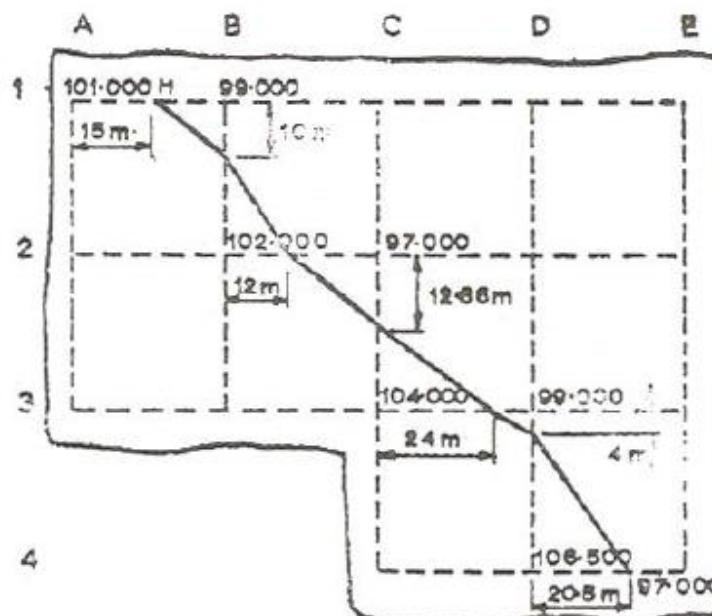
## روش شبکه بندی برای تهیه نقشه توپوگرافی

یکی از روش‌های تعیین وضعیت ارتفاعی یک منطقه و ترسیم نقشه توپوگرافی از آن، شبکه بندی می‌باشد.

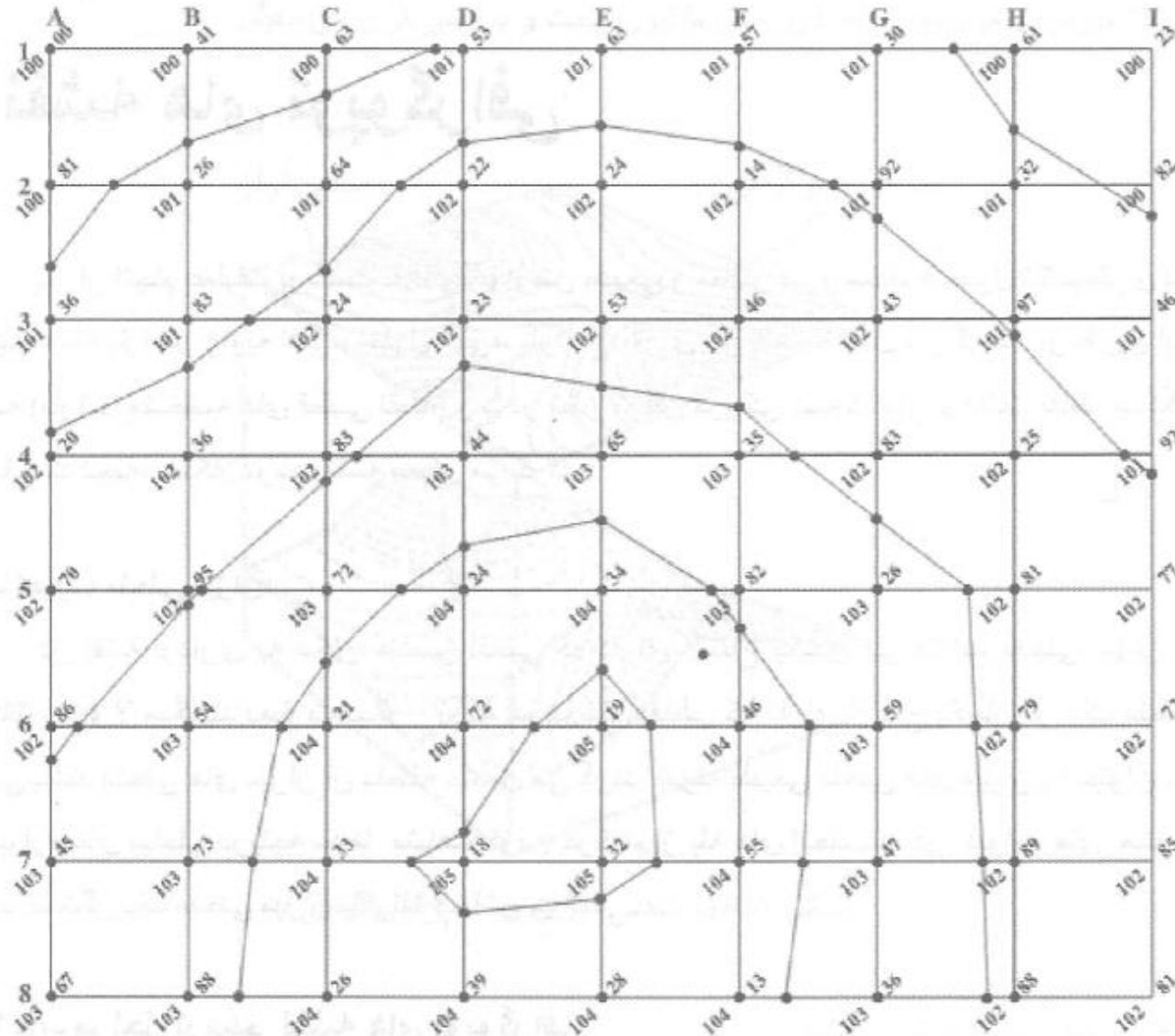
در این روش اولین قدم ایجاد یک شبکه قائم الزاویه بفواصل مساوی در منطقه از طریق تئودولیت و مترکشی (یا طولیاب) و میخکوبی (یا بتون گذاری) نقاط تقاطع شبکه فوق می‌باشد. در این صورت عملان" امکان تعریف سیستم مختصات دکارتی برای تمام نقاط شبکه میسر می‌شود. به منظور تعیین ارتفاع نقاط این شبکه معمولاً" از روش ترازیابی هندسی بطور مستقل و با دقیق میلیمتر استفاده می‌شود و تمام نقاط نسبت به نقطه مشخص یا دلخواه با ارتفاع معلوم ترازیابی شده و در نتیجه دارای ارتفاع می‌گردند. بدیهی است دقیق ارتفاعی و مسطحاتی این روش به مراتب بهتر از روش‌های دیگر خواهدبود.

## روش شبکه بندی برای تهیه نقشه توپوگرافی

برای ترسیم نقشه ابتدا شبکه قائم الزاویه برداشت شده را ترسیم نموده و سپس ارتفاعات نقاط شبکه را بترتیب در نقاط تقاطع آنها یادداشت میکنیم. برای نام گذاری نقاط شبکه ابتدا "یک شماره گذاری حرفی(لاتین) در جهت طولی و یک شماره گذاری عددی در جهت عرضی انجام میگیرد بدین ترتیب هر نقطه از شبکه با یک حرف و عدد مشخص میشود. بطور مثال نقطه ای با شماره B3 نشانگر موقعیت نقطه ای در ردیف سوم و ستون دوم شبکه میباشد. از این روش امکان تهیه نقشه های با مقیاس ۱/۲۰۰ و منحنی تراز تا ۰،۲۵ سانتیمتر میسر میباشد.



## روش شبکه بندی برای تهیه نقشه توپوگرافی

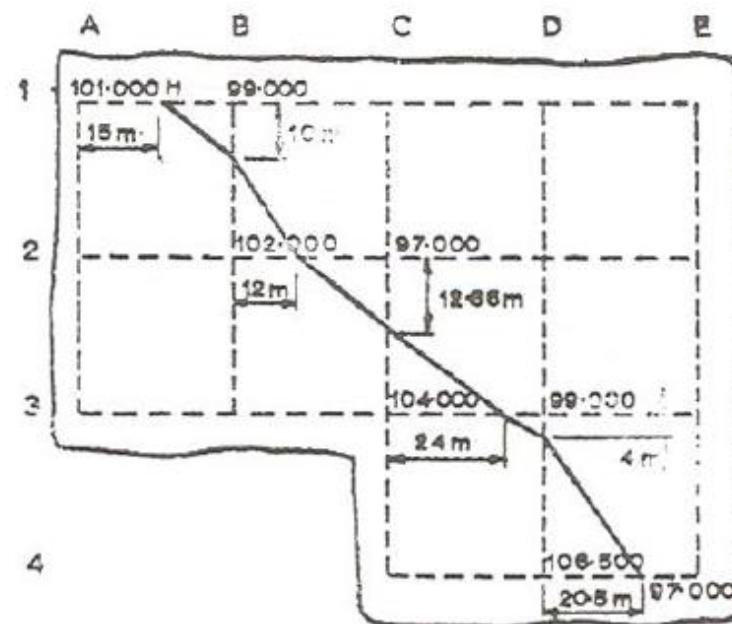


خواص منحنی میزان:

- ۱- خطوط استاندارد بسته می باشند و محدود نمی شوند مگر اینکه ابعاد کاغذ محدود باشد.
- ۲- هیچ گاه یکدیگر را قطع نمی کنند.
- ۳- فاصله منحنی میزانها نشاندهنده شب منطقه است. هرچه این فاصله کمتر باشد، شب منطقه بیشتر است.
- ۴- برای نمایش سطح طبیعی زمین استفاده می شود.
- منحنی میزانها به دو دسته اصلی و فرعی تقسیم می شوند. بعد از چهار منحنی میزان فرعی یک منحنی اصلی قرار میگیرد که از نظر قطر و رنگ متفاوت است و تنها روی این منحنی ارتفاع نوشته می شود.

## فواصل نقاط شبکه بندی نسبت به مقیاس و فاصله ارتفاعی منحنی میزان ها

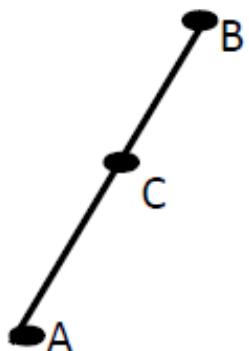
۱۰۰	۹۰	۸۰	۷۰	۶۰	پهنای شبکه مقیاس
			۴,۰	۱,۲۰	۱/۵۱۱
		۴,۰	۱,۲۰		۱/۳۴۴
	۴	۴,۰			۱/۲۴۴
۱	۴,۰				۱/۰۴۴



## مراحل ترسیم منحنی های میزان در روش شبکه بندی

- ایجاد مثلث بین هر ۳ نقطه‌ی مجاور
- محاسبه‌ی فرمول صفحه‌های ۳ بعدی
- ترسیم منحنی میزان:
- ۱- پیاده سازی نقاط
- ۲- محاسبات درون یابی :
- ۳- اتصال نقاط هم ارتفاع
- ۴- هموار نمودن منحنی ها
- ۵- درج عدد ارتفاعی منحنی ها (منحنی های اصلی)

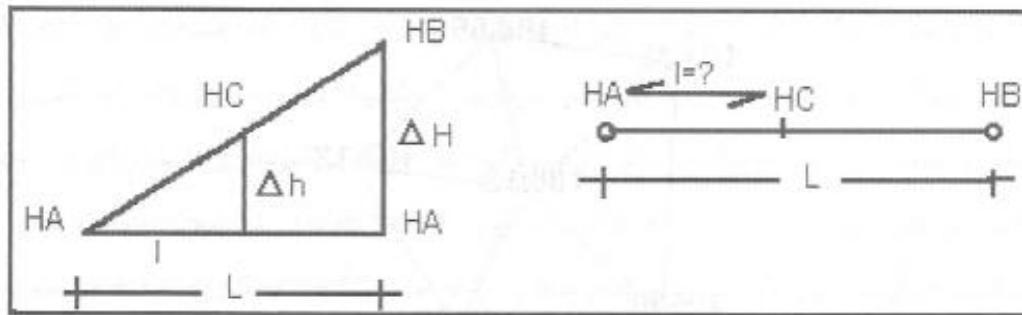
درون یابی: اگر نقطه‌ای که ارتفاع آن را قرار است مشخص کنیم بین نقاط معلوم A و B باشد.



## مفهوم درونیابی یا انترپلاسیون یا واسطه یابی

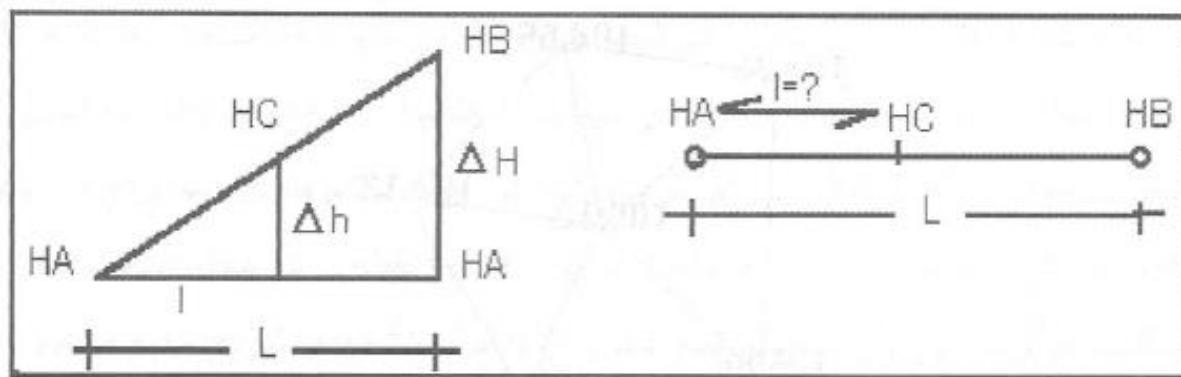
### ث - انترپلاسیون نقاط ارتفاعی و ترسیم نقشه

مفهوم ریاضی انتر پلاسیون یعنی میانه یابی یا واسطه یابی خطی بین دو نقطه با مختصات معולם . چون در ترسیم منحنی های میزان نقاط دارای ارتفاعات یکسان و دارای ارتفاع با مضارب روند (نیم متری ، یک متری یا دو متری و...) به یکدیگر متصل می گردند. به منظور استخراج نقاط دارای ارتفاع روند بین دونقطه با ارتفاع مختلف و اعشاری عموماً از روش انتر پلاسیون استفاده می گردد. در این روش سوال این است که، با داشتن دونقطه  $A, B$  به فاصله  $L$  از یکدیگر با ارتفاعات  $HA, HB$  به چه نحوی می توان محل نقطه نیگری را با ارتفاع  $HC$  تعیین کرد بنحویکه دارای ارتفاع مشخص باشد. مطابق شکل ذیل میتوان نوشت:



$$\frac{l}{L} = \frac{\Delta h}{\Delta H} \Rightarrow l = \frac{L \times \Delta h}{\Delta H} = \frac{L \cdot (HC - HA)}{(HB - HA)}$$

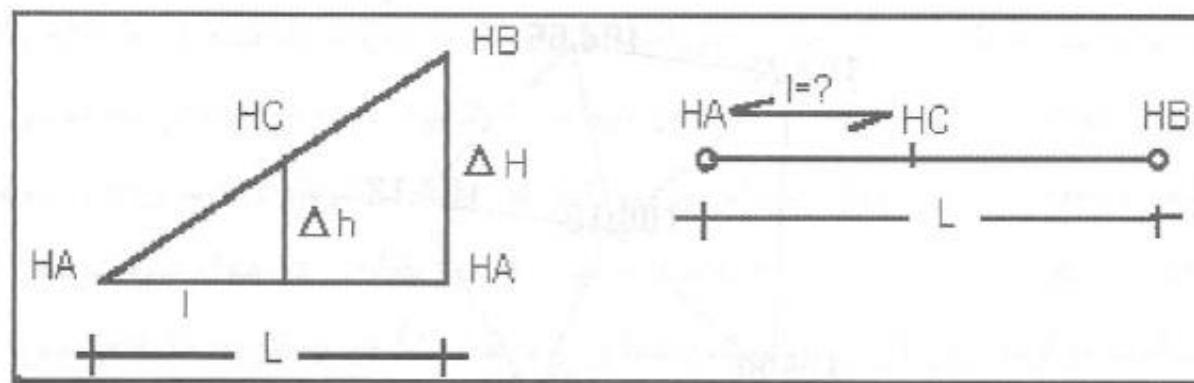
## مفهوم درونیابی یا انترپولاسیون یا واسطه یابی



$$\frac{l}{L} = \frac{\Delta h}{\Delta H} \Rightarrow l = \frac{L \times \Delta h}{\Delta H} = \frac{L \cdot (HC - HA)}{(HB - HA)}$$

در رابطه فوق مقادیر  $HA, HB, L$  از نقشه مثبت بندی شده بروش فوق و با مقیاس مربوطه قابل استخراج و اندازه گیری است. ترسیم کننده با معرفی ارتفاع  $HC$  روند مورد نظر، بین دو نقطه  $A, B$  مقدار  $l$  (فاصله نقطه  $C$  تا نقطه با ارتفاع پایین) را محاسبه کرده و سپس با استفاده از خطکش یا اشل مقدار آن روی خط  $AB$  جدا میکند و نهایتاً ارتفاع  $HC$  را روی آن یادداشت می کند.

## مفهوم درونیابی یا انترپولاسیون یا واسطه یابی



مثال ۱ - در شکل بالا اگر  $HA=101.72$ ,  $HB=104.16$  مترو فاصله بین نقاط ۵ سانتیمتر باشد، نقطه ارتفاعی ۱۰۳ متر در چه فاصله‌ای از نقطه A قرار می‌گیرد؟

$$l_{103} = \frac{5\text{cm} \times (103 - 101.72)}{(104.16 - 101.72)} = 2.62\text{cm}$$

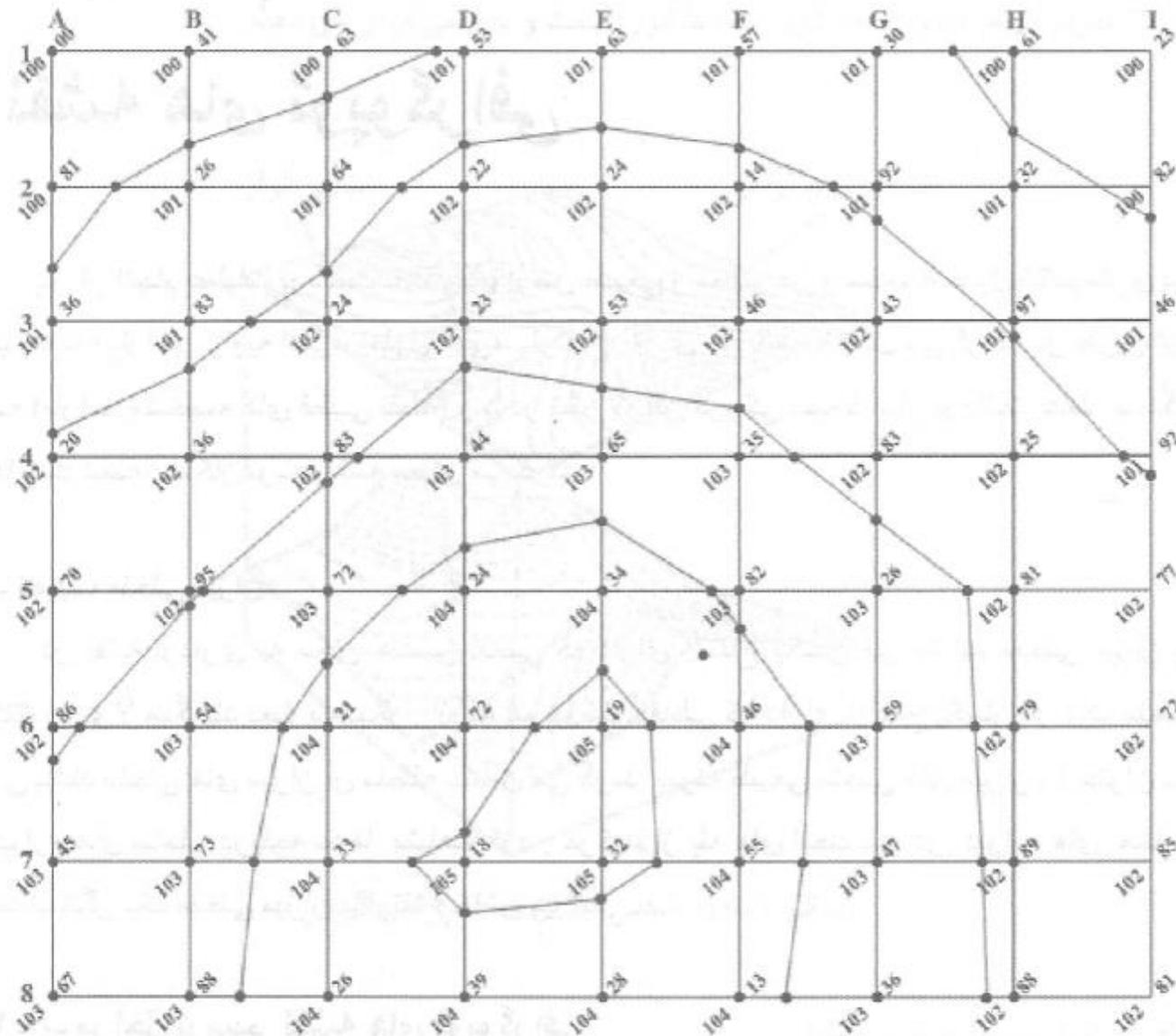
بدین ترتیب نقطه‌ای به فاصله ۲,۶۳ سانتیمتر از نقطه اول دارای ارتفاع ۱۰۳ می باشد به

## درون یابی و ترسیم منحنی های میزان در شبکه بندی

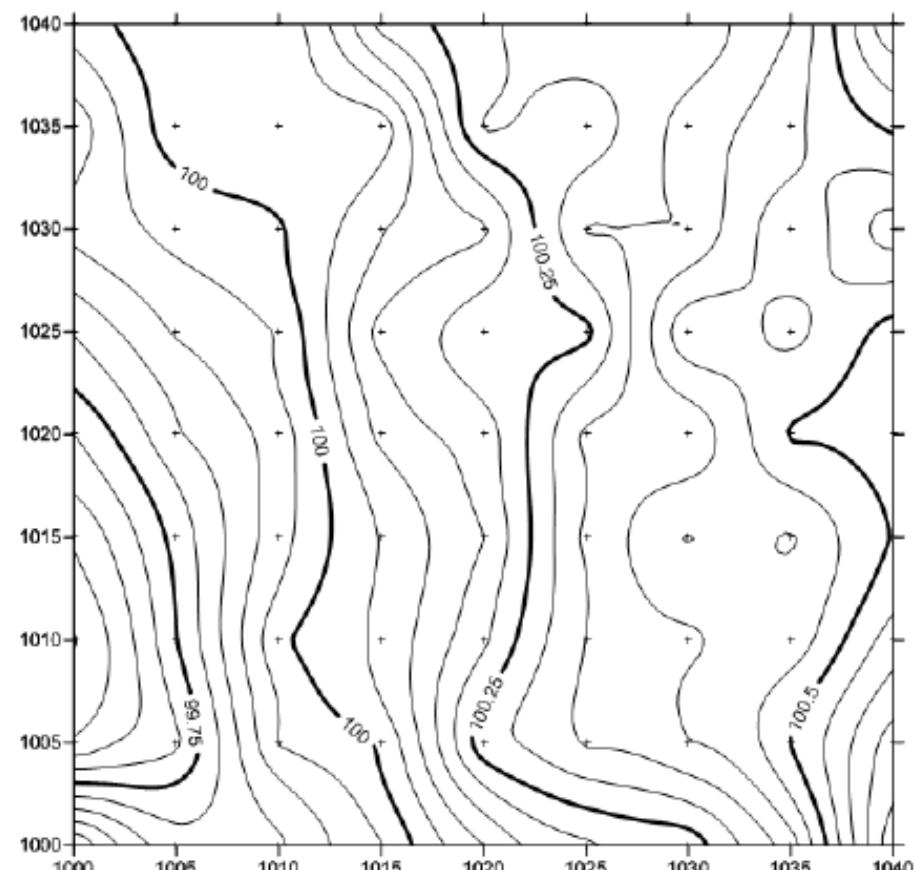
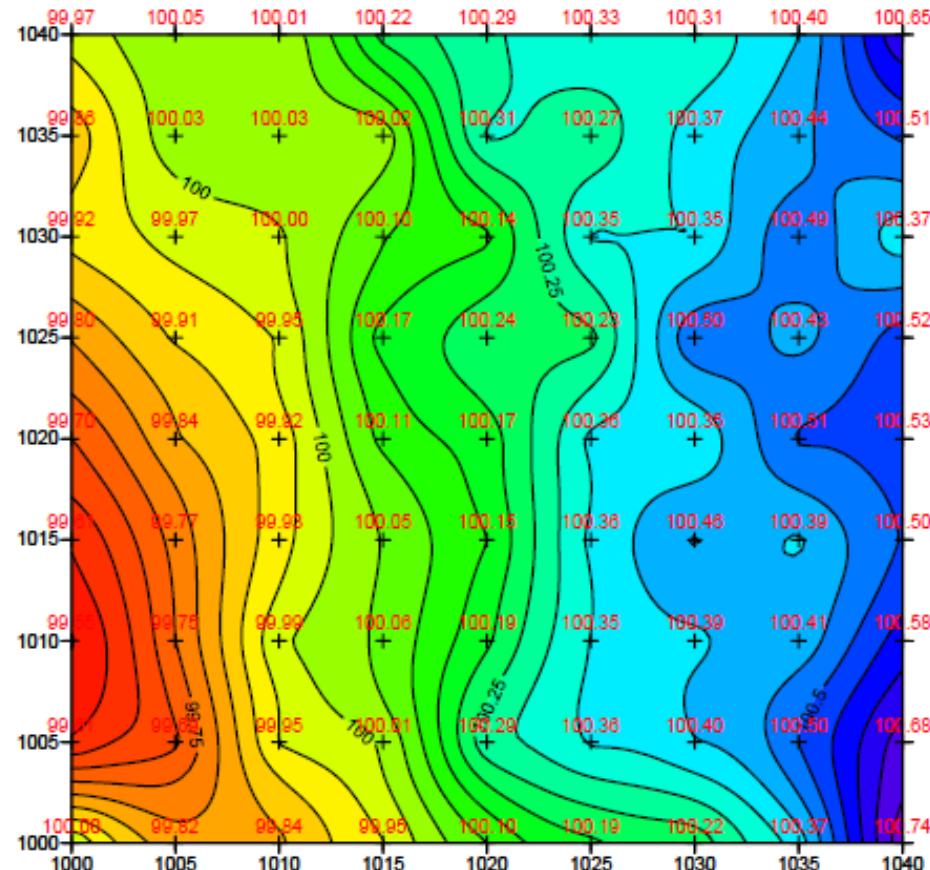
منظور تعیین محل ارتفاعات مورد نظر برای بقیه نقاط میتوان به روش مشابه عمل کرده و محل نقاط را با ارتفاعات روند روی کلیه اضلاع مثلثهای ترسیم شده، نشانه گذاری کرده و یاداشت نمائیم. پس از این مرحله کلیه نقاط میانه یابی شده و دارای ارتفاع یکسان را به یکدیگر متصل میکند و بدین ترتیب با ادامه اتصال این نقاط منحنی میزان با ارتفاع مورد نظر ترسیم میگردد. ترسیم منحنی های میزان فرعی و اصلی بترتیب با قلمهای ۱، ۲ و ۳ (یا ۴، ۰ و ۰، ۲) میلیمتر و عوارض مسطحاتی نقشه های توپوگرافی معمولاً "با قلم ۲-۰، ۰-۳، ۰ میلیمتر صورت میگیرد.

معمول از هر پنج منحنی با رقم متوالی در یک نقشه توپوگرافی منحنی که دارای مضارب صحیحی از پنج باشد به عنوان منحنی اصلی (متروس) انتخاب کرده و با قلم ضخیم تری ترسیم می کنند. ضمناً رقم ارتفاعی منحنی های میزان را صرفاروی منحنی اصلی و با فواصل مناسب و در جهت مناسب برای قرائت استفاده کننده یادداشت می کنند لذا در منحنی های فرعی نیازی به قید رقم ارتفاعی نیست.

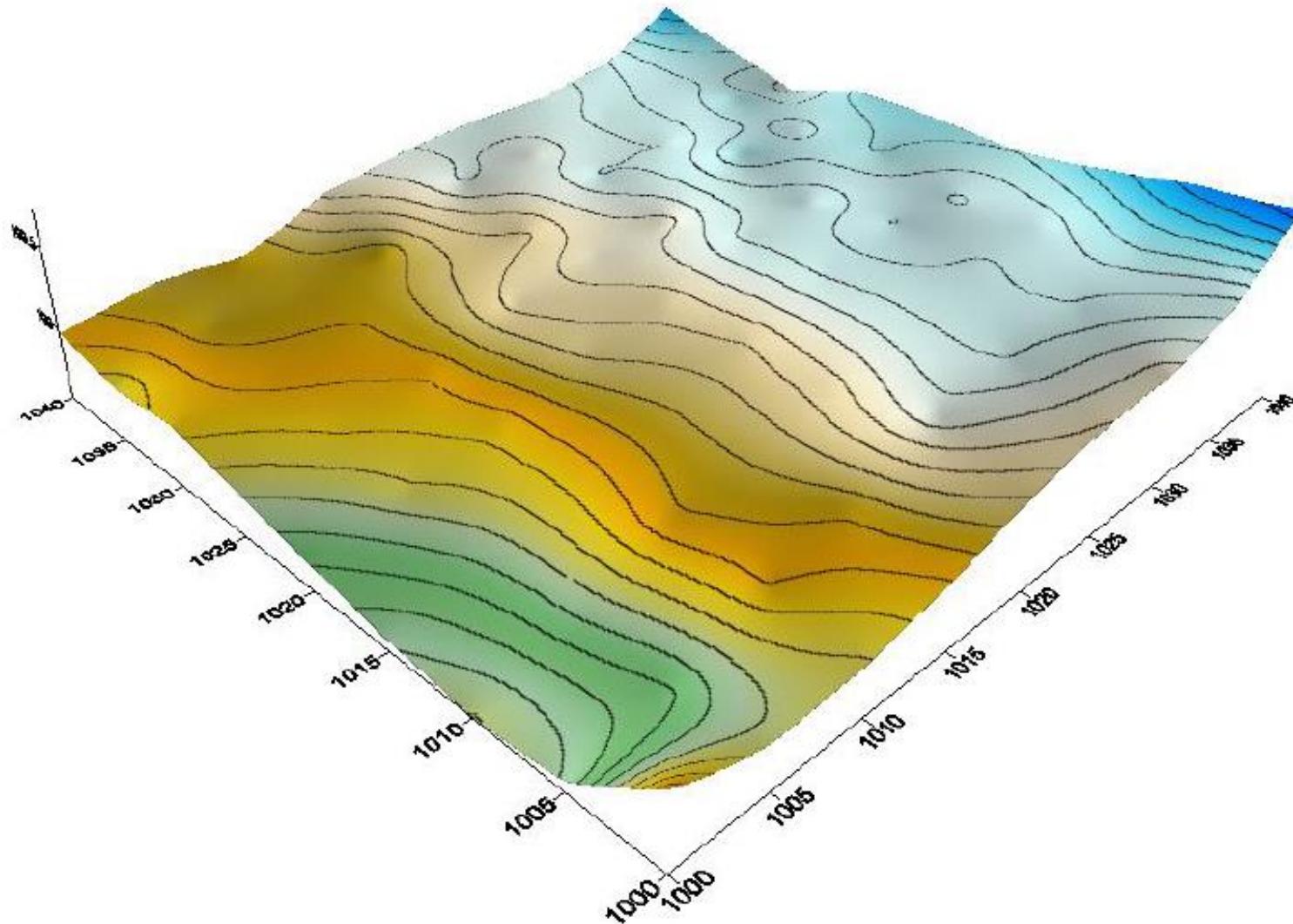
## روش شبکه بندی برای تهیه نقشه توپوگرافی



## روش شبکه بندی برای تهیه نقشه توپوگرافی



## روش شبکه بندی برای تهیه نقشه توپوگرافی



## محاسبه عملیات خاکی به روش شبکه بندی

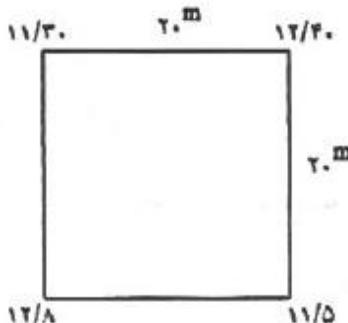
در صورت تعریف یک سطح پروژه با ارتفاع معلوم میتوان با کسر ارتفاع تمام نقاط شبکه از ارتفاع فوق، اختلاف ارتفاع هر نقطه را تعیین کرده و در نیجه مقدار خاکبرداری یا خاکریزی هر نقطه را بدقت تعیین کرد. در این حال با محاسبه ویادداشت اختلاف ارتفاع میانگین هر بلوک در داخل آن و نهایتاً "تعیین میانگین کل اختلاف ارتفاع بلوکها میتوان نسبت به تعیین حجم عملیات خاکی از طریق روابط ذیل در کل شبکه اقدام کرد. در رابطه ذیل  $A$  نشانگر سطح مقطع یک بلوک از شبکه بر حسب مترمربع و  $V$  حجم تقریبی کل عملیات خاکی را مشخص میکند.

$$V = \bar{h} \times A$$

در رابطه بالا  $\bar{h}$  میانگین اختلاف ارتفاعات رئوس هر بلوک با ارتفاع تسطیح و  $A$  مساحت هر بلوک می باشد. نهایتاً با جمع حجم عملیات خاکی بلوک ها با یکدیگر، حجم عملیات خاکی کل منطقه شبکه بندی شده بدست می آید.

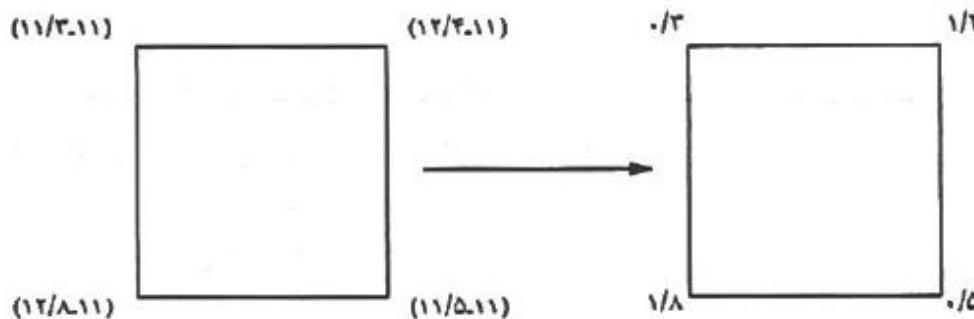
## محاسبه عملیات خاکی به روش شبکه بندی - مثال

مثال ۱: قطعه زمینی به شکل مربع  $20 \times 20$  متر، مطابق شکل زیر با استی تسطیح شود. حجم خاکبرداری تا سطح ۱۱ متری چند متر مکعب است؟



- ۲۵۰ (۱)
- ۴۰۰ (۲)
- ۴۳۲ (۳)
- ۴۸۰ (۴)

پاسخ:  
گزینه ۲



$$\bar{h} = \frac{h_1 + h_2 + h_3 + h_4}{4}$$

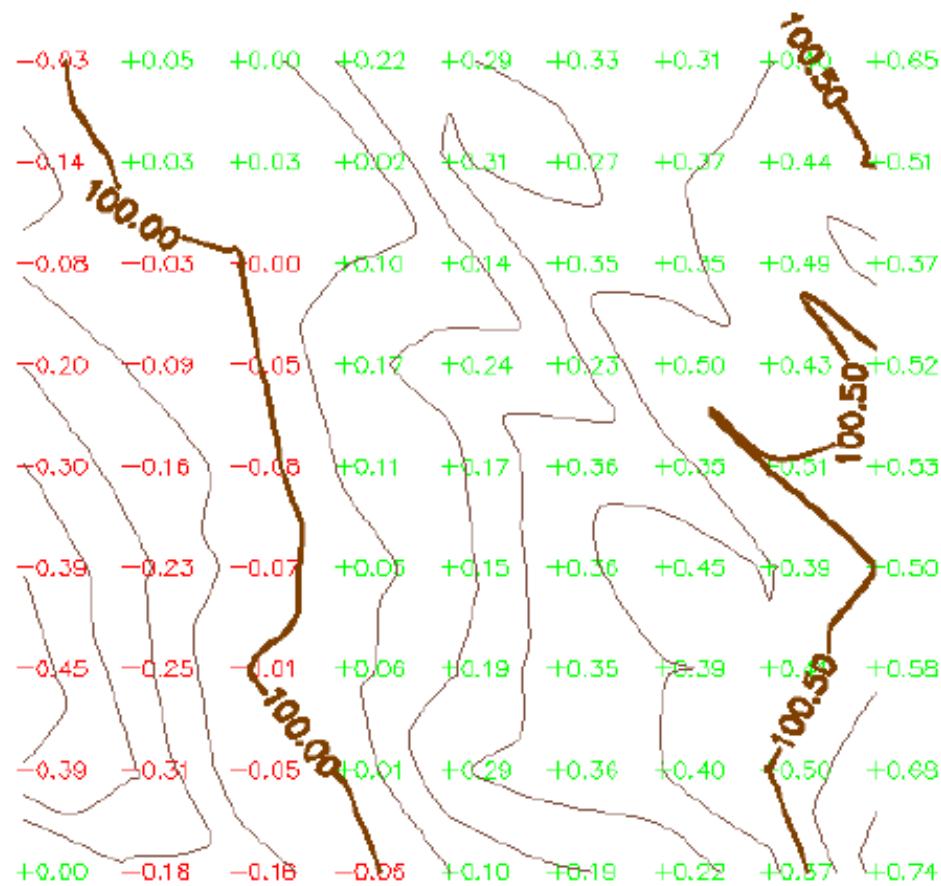
$$\bar{h} = \frac{1/2 + 1/2 + 1/5 + 1/8}{4} = 1\text{m}$$

$$V = A \cdot \bar{h}$$

$$V = (20 \times 20) \times 1 = 400 \text{ m}^3$$

## محاسبه عملیات خاکی به روش شبکه بندی

تصور کنید کارفرما از شما خواسته است زمین مورد نظر را در ارتفاع مثلاً ۱۰۰ متر (مطابق شکل زیر) تسطیح کنید. باید ارتفاع خاکبرداری یا خاکریزی را بر روی تک تک میخهای محاسبه کرده و مطابق شکل زیر بر روی آنها در روی زمین و روی نقشه یاد داشت کنید.



### شمال شبکه

جهت مثبت امتداد محور  $\text{Z}$  را شمال شبکه گویند. به عبارت دیگر امتداد شمالی محورهای متعامد روی نقشه را شمال شبکه یا شمال شبکه قائم الزاویه می نامند یعنی اگر خطوط افقی شبکه قائم الزاویه را محور  $X$ ها و خطوط قائم آن را محور  $Z$ ها بنامیم، امتداد محور  $Z$  در واقع همان شمال شبکه است. در روی شبکه، شمال شبکه را با حروف  $GN$  نمایش می دهند.

### شمال حقيقی (جغرافیایی)

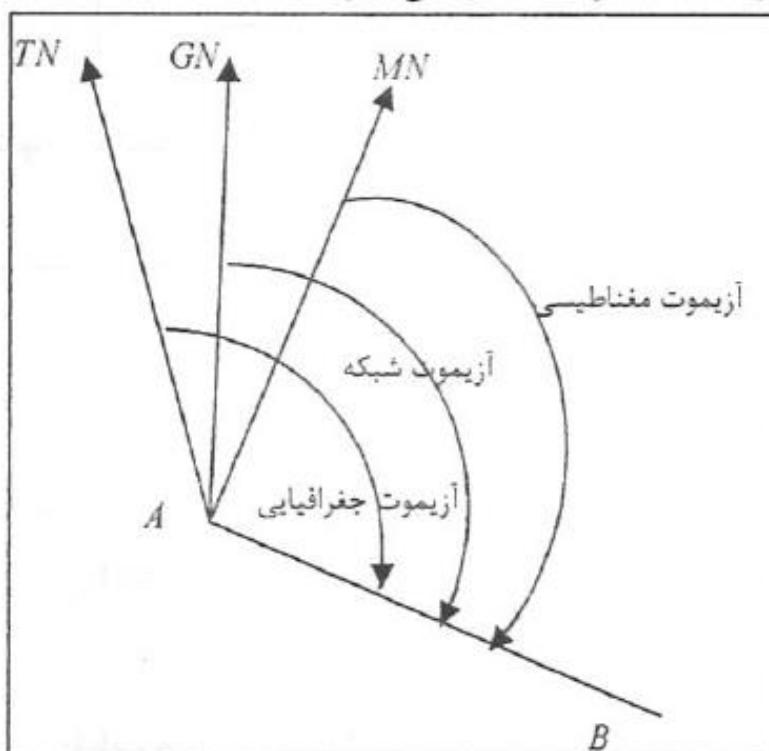
هرگاه هر یک از نقاط سطح زمین را بسوی قطب شمال امتداد دهیم سمتی پدید می آید که به آن شمال جغرافیائی یا شمال حقيقی می گویند، به عبارت دیگر، شمال جغرافیائی هر یک از نقاط سطح زمین امتداد نصف النهار همان نقطه رو به سمت قطب شمال است. شمال جغرافیایی را روی نقشه ها معمولاً با علامت  $TN$  (شمال حقيقی) مشخص می سازند.

### شمال مغناطیسی

جهتی را که عقربه قطب نما نشان می دهد را شمال مغناطیسی آن نقطه گویند. به عبارت دقیقتر زمین به دلیل حرکت دورانی دائم خود به دور محورش یک میدان مغناطیسی ایجاد می کند که باعث انحراف عقربه مغناطیسی قطب نما می شود. در نتیجه این انحراف، سمت جنوبی عقربه مغناطیسی به طرف شمال زمین قرار می گیرد. (دلیل این امر آنست که در آهن ربا قطب‌های غیر همنام یکدیگر را جذب می کنند.) به این ترتیب امتدادی را که نوک جنوبی عقربه مغناطیسی نشان می دهد شمال مغناطیسی گویند. این شمال را در نقشه ها معمولاً با حروف MN (شمال مغناطیسی) نمایش می دهند.<sup>[3]</sup>

### ۲۲-۵- آزیموت حقيقی یا جغرافیایی

آزیموت حقيقی ( $Az_T$ ) هر امتداد زاویه‌ای است که بین امتداد شمال حقيقی (جغرافیایی) با امتداد مفروض در جهت ساعتگرد تشکیل می‌شود.



شکل ۲۰-۵

## انواع آزیموت

### ۲۳-۵- آزیموت مغناطیسی

آزیموت مغناطیسی ( $Az_M$ ) هر امتداد زاویه‌ای است که بین امتداد شمال مغناطیسی با امتداد مفروض در جهت ساعتگرد تشکیل می‌شود.

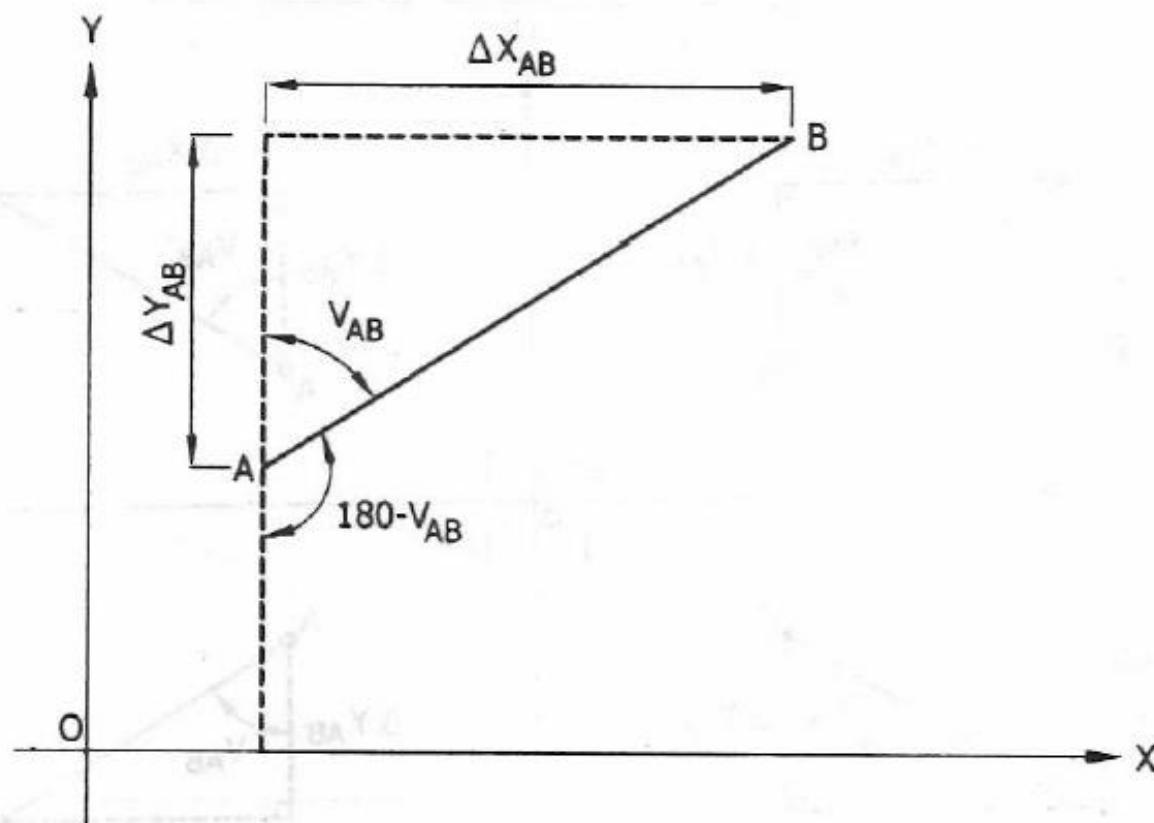
### ۲۴-۵- انحراف مغناطیسی

غیر از حرکت وضعی زمین عوامل دیگری از قبیل موقعیت جغرافیایی نقطه، جاذبه‌های محلی، شتاب تقل، وضعیت فصلی و عوامل دیگر در انحراف عقربه مغناطیسی دخالت دارند. روی این اصل امتدادی را که این عقربه نشان می‌دهد همواره بیان کننده شمال حقیقی نمی‌باشد بلکه شمال حقیقی با شمال مغناطیسی با هم زاویه‌ای تشکیل می‌دهند که به آن انحراف مغناطیسی ( $\delta$ ) گویند.<sup>[3]</sup>

$$Az_T = Az_M \pm \delta$$

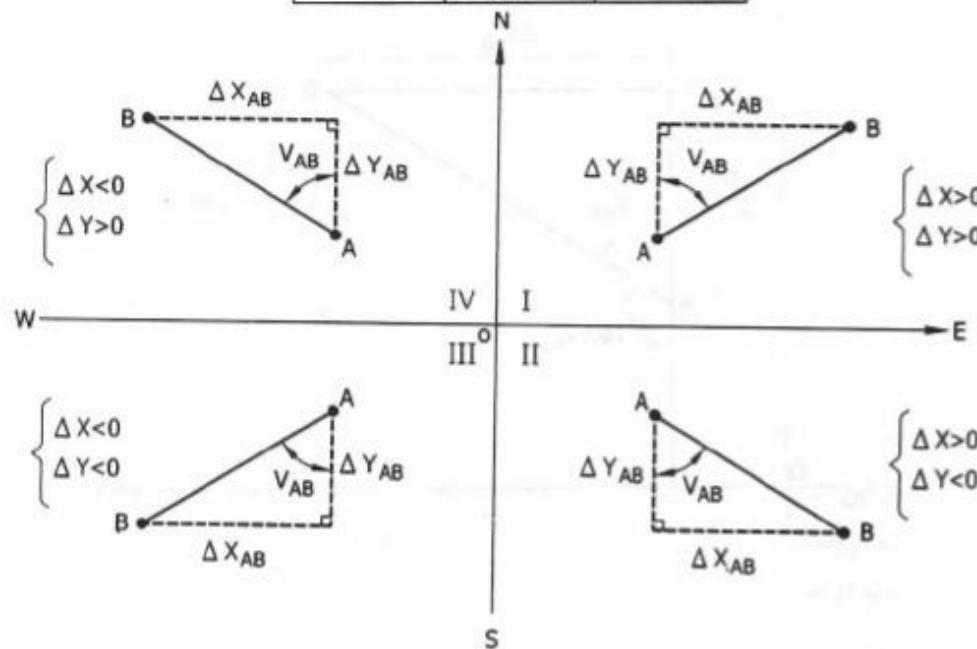
## زاویه حامل

کوچکترین زاویه‌ای که یک امتداد با محور  $y$  را می‌سازد را زاویه حامل آن امتداد می‌گویند.  
در شکل زیر زاویه حامل امتداد  $AB$  با  $V_{AB}$  نشان داده شده است.



## زاویه حامل

ربع مختصات	علامت $\Delta x$	علامت $\Delta y$
I	+	+
II	+	-
III	-	-
IV	-	+



موقعي که مختصات قائم دونقطه مانند B و A در دسترس باشد با داشتن  $\Delta x$  و  $\Delta y$  امتداد

مورد نظر (AB) چهار وضعیت می‌توان برای آن در نظر گرفت:

موقعي که  $\Delta x > 0$  و  $\Delta y > 0$  باشند امتداد AB در ربع اول مختصات قرار می‌گيرد.

موقعي که  $\Delta x > 0$  و  $\Delta y < 0$  باشند امتداد AB در ربع دوم مختصات قرار می‌گيرد.

موقعي که  $\Delta x < 0$  و  $\Delta y < 0$  باشند امتداد AB در ربع سوم مختصات قرار می‌گيرد.

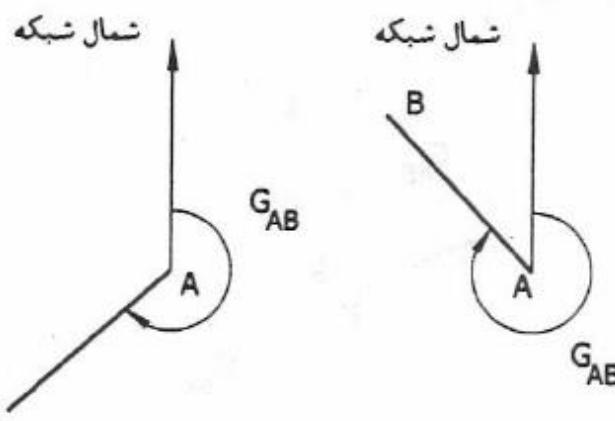
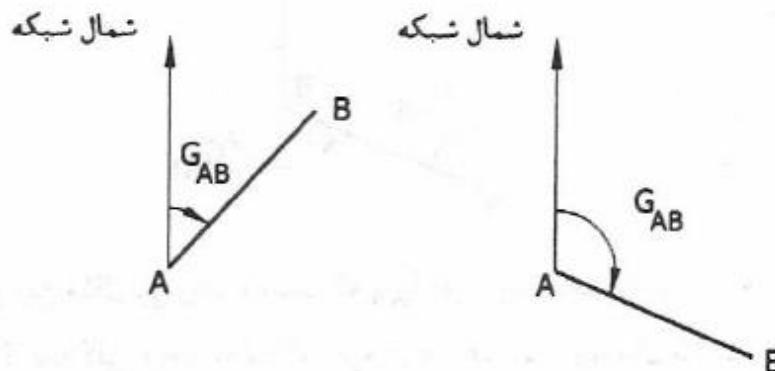
موقعي که  $\Delta x < 0$  و  $\Delta y > 0$  باشند امتداد AB در ربع چهارم مختصات قرار می‌گيرد.

$$A \left| \begin{array}{l} x_A \\ y_A \end{array} \right. , \quad B \left| \begin{array}{l} x_B \\ y_B \end{array} \right.$$

$$\begin{cases} \Delta x_{AB} = x_B - x_A \\ \Delta y_{AB} = y_B - y_A \end{cases}$$

### ژیزمان

زاویه هر امتداد با شمال شبکه در جهت حرکت عقربه های ساعت را ژیزمان آن امتداد گویند. در شکل زیر، ژیزمان امتدادی مانند AB بر روی نقشه در چهار وضعیت نشان داده شده است.



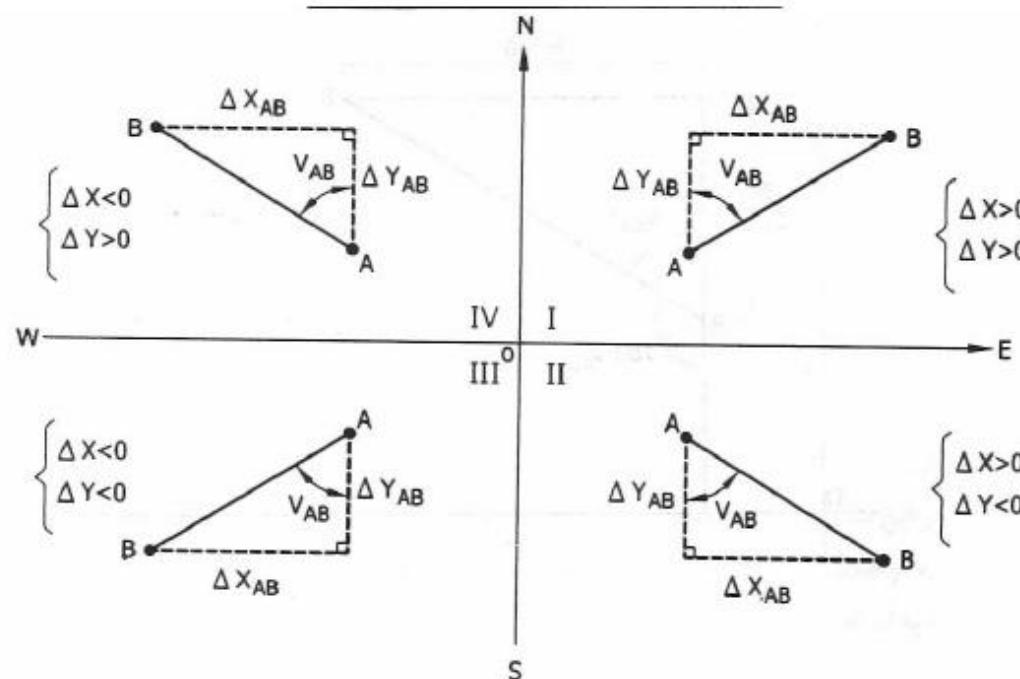
## محاسبه زاویه حامل یک امتداد از روی مختصات نقاط ابتدا و انتهای آن

$$A \begin{vmatrix} x_A \\ y_A \end{vmatrix}$$

چنانچه یک امتداد مانند AB را در نظر بگیریم که مختصات دو نقطه واقع بر آن

باشد با توجه به جدول و شکل زیر، رابطه زیر را می‌توان نوشت:

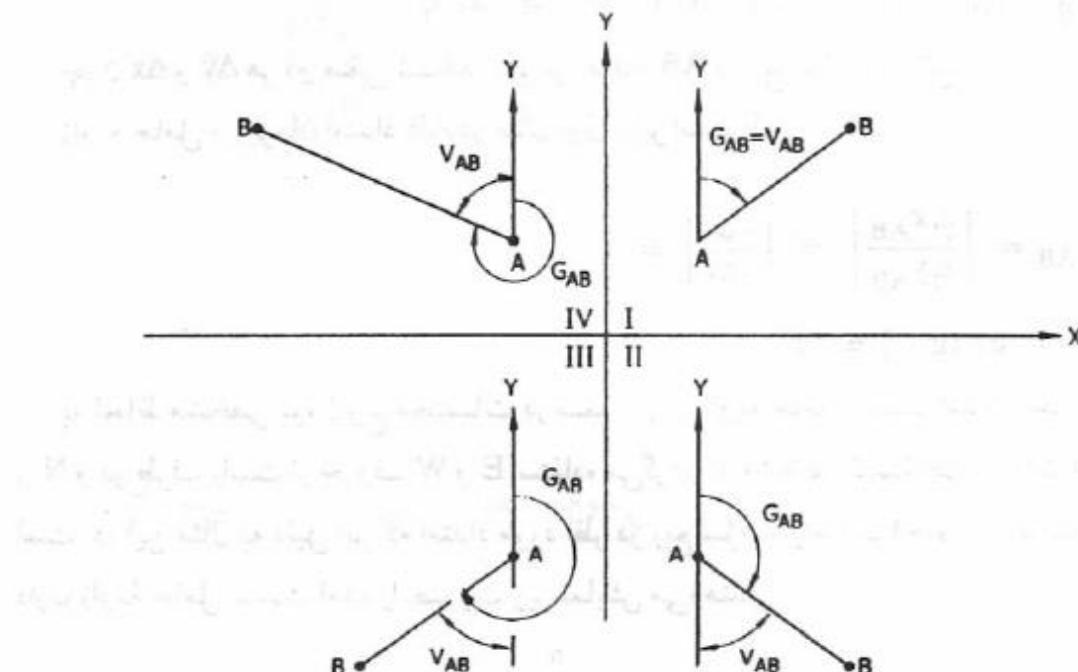
$$\operatorname{tg} V_{AB} = \left| \frac{\Delta x_{AB}}{\Delta y_{AB}} \right| = \left| \frac{x_B - x_A}{y_B - y_A} \right| \quad \text{یا} \quad V_{AB} = \operatorname{Arctg} \left| \frac{x_B - x_A}{y_B - y_A} \right|$$



## محاسبه ژیزمان از روی زاویه حامل

جدول تعیین علامت برای زاویه حامل

	ربع اول	ربع دوم	ربع سوم	ربع چهارم
$\Delta x$	+	+	-	-
$\Delta y$	+	-	-	+
$G_{AB} = V_{AB}$	$G_{AB} = ۲۰۰^\circ - V_{AB}$ یا $G_{AB} = ۱۸۰^\circ - V_{AB}$	$G_{AB} = ۲۰۰^\circ + V_{AB}$ یا $G_{AB} = ۱۸۰^\circ + V_{AB}$	$G_{AB} = ۴۰۰^\circ - V_{AB}$ یا $G_{AB} = ۳۶۰^\circ - V_{AB}$	



## مراحل محاسبه ژیزمان از روی زاویه حامل

بنابراین با مشخص بودن  
را به روش زیر محاسبه نمود:

$$\left| \begin{array}{l} \Delta x_{AB} = x_B - x_A \\ \Delta y_{AB} = y_B - y_A \end{array} \right. \quad ۱). \text{ مقادیر } \Delta x \text{ و } \Delta y \text{ را بدست می‌آوریم.}$$

۲). با توجه به مقادیر  $\Delta x_{AB}$  و  $\Delta y_{AB}$  زاویه حامل امتداد  $AB$  را بدست می‌آوریم.

۳). با توجه به علایم  $\Delta x$  و  $\Delta y$  ربع مختصاتی را که امتداد  $AB$  در آن قرار دارد مشخص می‌کنیم.

۴). توسط روابط چهارگانه میان ژیزمان و زاویه حامل، مقدار ژیزمان امتداد  $AB$  را محاسبه می‌کنیم.

## محاسبه ژیzman از روی زاویه حامل (مثال)

مثال: دو نقطه  $B \begin{array}{|c} 50 \\ 150 \end{array}$  و  $A \begin{array}{|c} 100 \\ 200 \end{array}$  معلوم می‌باشند. ربع مختصات که  $AB$  در آن واقع شده است را مشخص نمایید.

پاسخ:

$$\Delta x_{AB} = x_B - x_A \rightarrow \Delta x_{AB} = 50 - 100 = -50 < 0$$

$$\Delta y_{AB} = y_B - y_A \rightarrow \Delta y_{AB} = 150 - 200 = -50 < 0$$

چون  $\Delta x$  و  $\Delta y$  هر دو منفی شده‌اند بنابراین امتداد  $AB$  در ربع سوم می‌باشد.

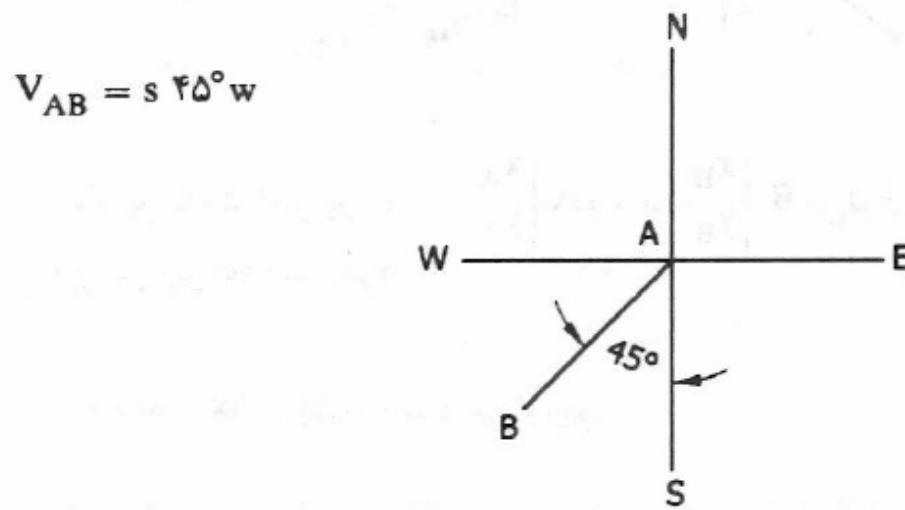
زاویه حامل و ژیzman امتداد  $AB$  در مثال فوق برابر است با:

$$\operatorname{tg} V_{AB} = \left| \frac{\Delta x_{AB}}{\Delta y_{AB}} \right| = \left| \frac{-50}{-50} \right| = 1$$

$$V_{AB} = \operatorname{Arc} \operatorname{tg} (1) = 45^\circ$$

## محاسبه ژیزمان از روی زاویه حامل (مثال)

به لحاظ مشخص بودن ربع مختصات در سمت چپ زاویه حامل بدست آمده از حروف S و N و در طرف راست از حروف W و E استفاده می‌گردد که مشخص کننده چهار حالت اصلی است. در این مثال به دلیل این که امتداد مورد نظر در ربع سوم مختصات (جنوب - غرب) قرار دارد، زاویه حامل بدست آمده را بصورت زیر نمایش می‌دهند:



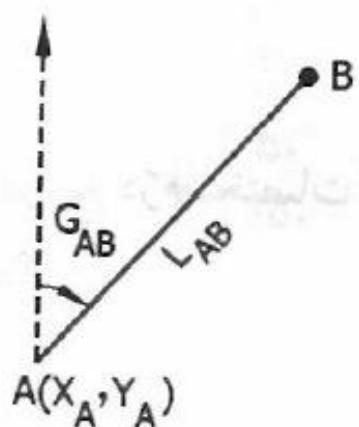
با توجه به این که امتداد مورد نظر (AB) در ربع سوم مختصات قرار دارد، با داشتن زاویه حامل، ژیزمان ربع سوم مختصاتی از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$G_{AB} = 180^\circ + V_{AB}$$

$$G_{AB} = 180^\circ + 45^\circ = 225^\circ$$

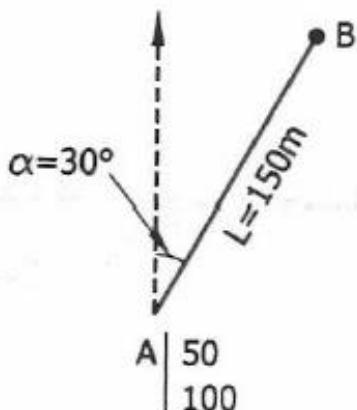
### محاسبه مختصات رئوس یک امتداد

با داشتن ژیزمان امتدادی، طول امتداد و مختصات یک نقطه، می‌توان مختصات نقطه بعدی را محاسبه نمود.



$$\begin{cases} x_B = x_A + L \cdot \sin \alpha \\ y_B = y_A + L \cdot \cos \alpha \end{cases}$$

مثال ۱: اگر مختصات نقطه A برابر  $(50, 100)$  و طول AB برابر ۱۵۰ متر و زاویه  $\alpha$  برابر  $30^\circ$  درجه باشد. مختصات نقطه B برابر کدام است؟



پاسخ:

$$x_B = x_A + L \cdot \sin \alpha$$

$$x_B = 50 + 150 \cdot \sin 30^\circ = 125 \text{ m}$$

$$y_B = y_A + L \cdot \cos \alpha$$

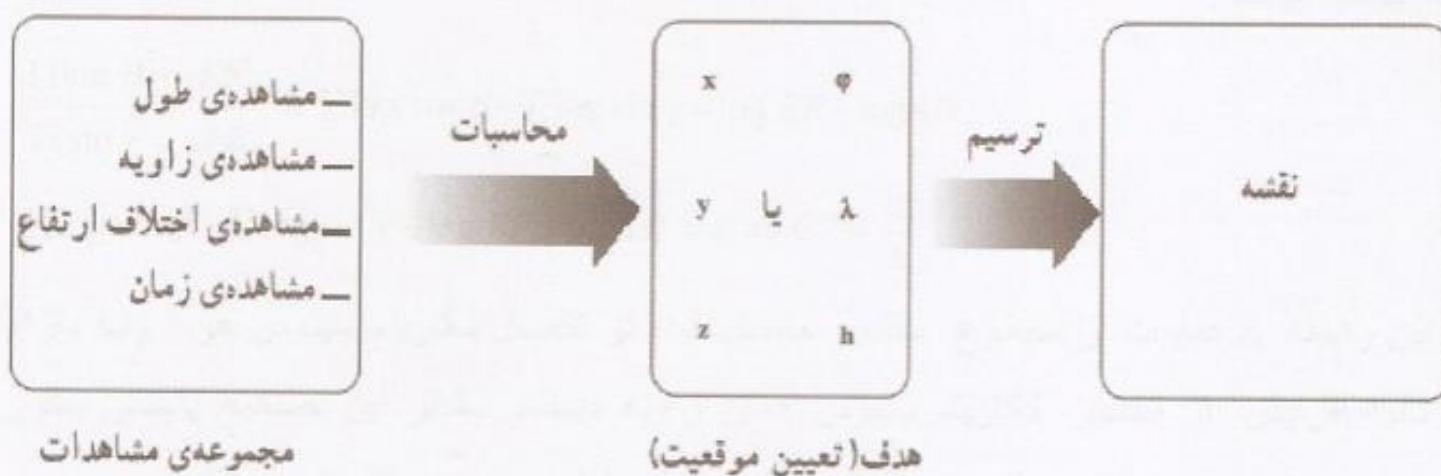
$$y_B = 100 + 150 \cdot \cos 30^\circ = 230 \text{ m}$$

# فصل نهم

تاکئومتری، توtal استیشن، اصول برداشت و مفاهیم اولیه

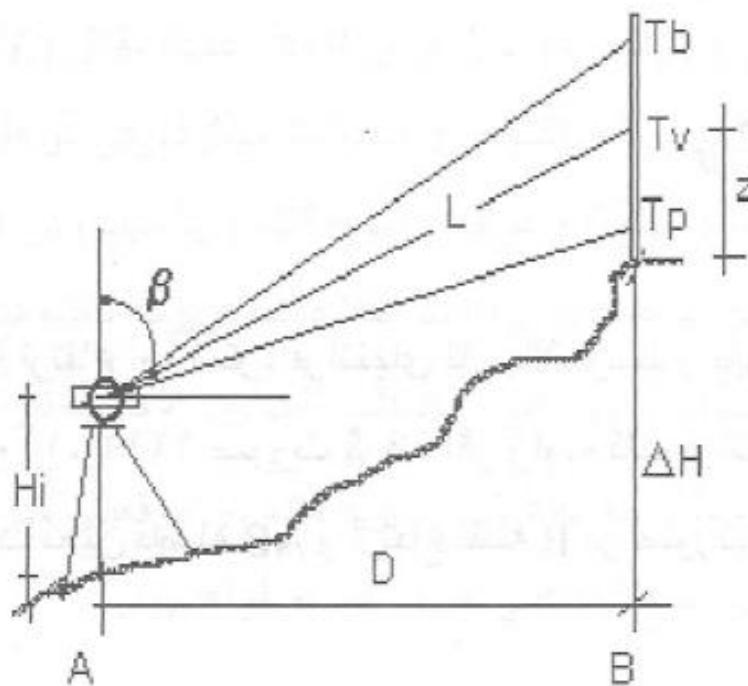
## اصول برداشت نقشه های توپوگرافی

به مجموعه روشها و مشاهدات مربوط به جمع آوری اطلاعات از عوارض طبیعی و مصنوعی زمین که به منظور تهیه نقشه انجام میگیرد، عملیات برداشت گویند. منظور از برداشت اطلاعات کسب اطلاعات در مورد موقعیت عوارض( $z,y,x$ )، نوع عوارض و وضعیت نسبی آنهاست که در نهایت منجر به تهیه نقشه از یک منطقه میگردد. در واقع هدف اصلی از بیان روشهای اندازه گیری طول و زاویه و اختلاف ارتفاع و روشهای تعیین موقعیت که در فصلهای قبل اشاره گردید نهایتاً "تهیه نقشه میباشد. در عمل پس از ساختمان نقاط پیمایش و انجام اندازه گیری طولها و زاویه ای و ترازیابی، نهایتاً مختصات نقاط پیمایش محاسبه میگردد. در مرحله بعد با استفاده از تکنیکی بنام تاکنومتری، با استقرار روی این نقاط اقدام به برداشت جزئیات از منطقه میکنند.



## تعیین مختصات نقاط به روش تاکئومتری

به عملیات مربوط به اندازه گیری هم زمان طول و اختلاف ارتفاع توسط زاویه پاب (تندولیت) و میر تاکئومتری گویند. عملیات تاکئومتری با استفاده از تندولیتهای مکانیکی یا دیجیتالی در حد T16 (با قرائت دقیقه) و با استفاده از میر، ژالون و تراز نبشی صورت میگیرد. شکل ذیل اساس کار و روابط مورد استفاده در تاکئومتری را بیان میکند.



## تعیین مختصات نقاط به روش تاکئومتری (فرمول های تاکئومتری)

$$D_h = 100 \times L \times \cos^2 \alpha$$

$$D_h = 100 \times L \times \sin^2 \beta$$

فرائت تار پایین - فرائت تار بالا = L

در رابطه بالا  $D_h$  فاصله افقی بین ایستگاه دوربین تا شاخص، زاویه  $\alpha$  زاویه شیب یا ارتفاعی، زاویه  $\beta$  زاویه زنیتی یا قائم، عدد ۱۰۰ ضریب ثابت استادیمتری، L اختلاف تار بالا و پایین رتیکول

$$\Delta H = 100 \times L \times \sin \alpha \times \cos \alpha + h_i - h_s$$

$$\Delta H = D_h \times \tan \alpha + h_i - h_s$$

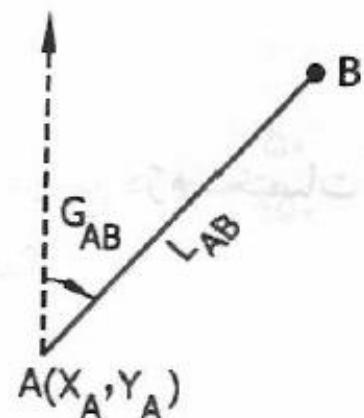
$$\Delta H = \frac{100 \times L}{2} \times \sin 2\beta + h_i - h_s$$

هر سه این روابط مشابه  
یکدیگر بوده و با روابط  
مثلثاتی قابل تبدیل به یکدیگر  
می باشند

در رابطه بالا زاویه  $\alpha$  زاویه شیب یا ارتفاعی، زاویه  $\beta$  زاویه زنیتی یا قائم، عدد ۱۰۰ ضریب ثابت استادیمتری، L اختلاف تار بالا و پایین رتیکول،  $h_i$  ارتفاع دستگاه،  $h_s$  ارتفاع تار وسط و  $\Delta H$  اختلاف ارتفاع بین دو نقطه استقرار دوربین و نقطه استقرار شاخص است.

## محاسبه مختصات رئوس یک امتداد

با داشتن ژیزمان امتدادی، طول امتداد و مختصات یک نقطه، می‌توان مختصات نقطهٔ بعدی را محاسبه نمود.



$$\begin{cases} x_B = x_A + L \cdot \sin \alpha \\ y_B = y_A + L \cdot \cos \alpha \end{cases}$$

مثال ۱- از ایستگاه A با ارتفاع ۱۰۰ متر، قرانتهای تار بالا، وسط و پایین در روی میر نقطه B  
بترتیب برابر ۳۴۱۲، ۱۲۱۲، ۱۱۰۰ صورت گرفته اگر زاویه قائم قرانت شده برابر ۸۵ درجه و  
۱۲ دقیقه باشد مطلوب است تعیین فاصله AB و ارتفاع نقطه B در صورتیکه ارتفاع دستگاه در نقطه  
A برابر  $1/45$  متر باشد.

$$D = 100 \times (3412 - 1212) \times \sin^2(85^\circ 12') = 218459.5641 \text{ mm} = 218.459 \text{ m}$$

$$\Delta H = 100 \times \frac{(3412 - 1212)}{2} \times \sin(2 \times 85^\circ 12') + 1450 - 1100 = 18694.562 \text{ mm} = 18.694 \text{ m}$$

$$H_B = H_A + \Delta H = 100 + 18.694 = 118.694 \text{ m}$$

## تعیین مختصات نقاط به روش تاکئومتری (مثال)

مثال ۲: دوربین تثویلیت در روی ایستگاه  $S_1$  به ارتفاع  $1256/16$  متر مستقر می‌باشد. پس از قراول روی به نقطه  $A$ ، قراحت تارها به ترتیب  $1260$  و  $1520$  و  $1780$  قراحت شده است. در صورتیکه زاویه قائم  $45^\circ$  و زاویه افقی  $"185^\circ 920"$  قراحت شود، ارتفاع نقطه  $A$  چقدر است؟ (ارتفاع دوربین  $1/52$  متر و ضریب دوربین  $100$ )

کارشناسی ناپروسته عمران

$$1264/29 \quad (4) \quad 1260/02 \quad (3) \quad 1260/2 \quad (2) \quad 1258/48 \quad (1)$$

$$\alpha = 90^\circ - 85^\circ, 45' = 4^\circ, 15' \quad \text{گزینه ۲}$$

$$A, S_1 \quad \Delta H = 100 L \sin \alpha \cdot \cos \alpha + h_1 - Z$$

$$\Delta H = 100 \left( \frac{1780 - 1260}{100} \right) \cdot \sin 4^\circ, 15' \cdot \cos 4^\circ, 15' + 1/52 - 1/52$$

$$\Delta H = 3/84 \text{ m} \quad h_1 : \text{ارتفاع دستگاه}$$

$Z$  : تار و سط دوربین

$$H_A = H_{S_1} + \Delta H$$

$$H_A = 1256/16 + 3/84 = 1260 \text{ m} \quad \text{ارتفاع نقطه } A$$

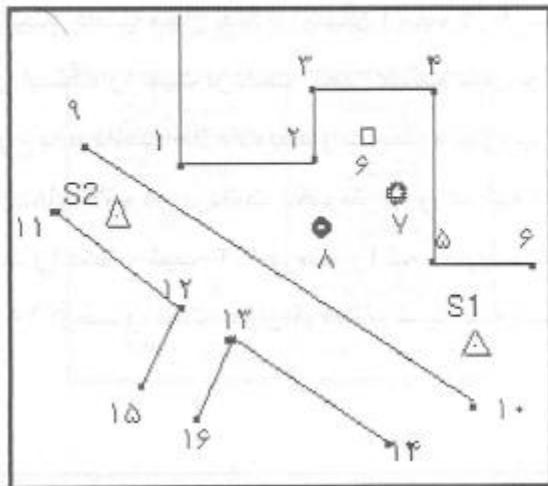
\* در این مسئله، زاویه افقی دوربین هیچ نقشی در محاسبات ندارد.

## برداشت جزئیات به روش تاکنومتری برای ترسیم نقشه

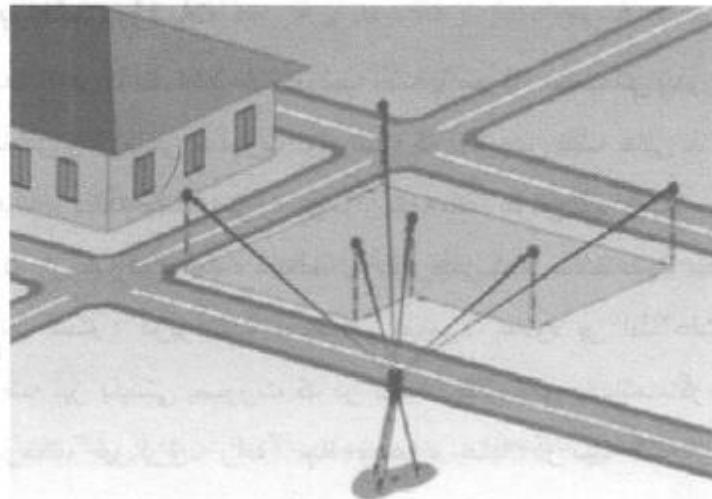
اصولاً هدف از برداشت اطلاعات در تهیه نقشه یا صرفاً "مسطحاتی (بدون اطلاعات ارتفاعی)" است و یا مسطحاتی و ارتفاعی بصورت توأم است که به چنین نقشه هایی نقشه های توپوگرافی میگویند. نمونه یک برداشت مسطحاتی را می توان تهیه نقشه بلوکی شهری یا روستایی یا تهیه کروکی عنوان کرد که در آن صرفاً موقعیت مسطحاتی عوارضی شامل ساختمانها، معابر، تیرهای برق و غیره مورد نظر است. در برداشت مسطحاتی معمولاً علاوه بر اطلاعات تاکنومتری نقاط، مشخصات عارضه نیز بایستی بصورت کد در برگه تاکنومتری یادداشت گردد بعنوان مثال درج عنوان خانه، درخت، تیر برق، راه، چاه و غیره. غالباً در تهیه نقشه از عوارض مسطحاتی نیازی به تعیین ارتفاع نمیباشد، در این حالت بجای واژه تاکنومتری در برداشت از لغت استادیامتری استفاده میگردد.

در نقشه های توپوگرافی علاوه بر موقعیت مسطحاتی عوارض، وضعیت ارتفاعی آنها نیز بایستی با ارائه رقوم ارتفاعی یا به صورت منحنی های میزان (در فصل آینده به تفضیل بحث خواهد شد) ارائه گردد. در برداشت از مناطق طبیعی نظیر تپه و ... جز در موارد خاص (نظیر محل آبریزها) نیازی به نوشتن کد نقطه نیست. عملیات برداشت عموماً از طریق ایستگاههای پیمایش انجام میگیرد بنحویکه با توجه به دید هر ایستگاه از اطراف آن، اطلاعات منطقه برداشت میگردد. در این حال از هر ایستگاه بسته به مقیاس نقشه، مجاز به برداشت اطلاعات در فاصله محدودی میباشیم لذا بایستی برنامه ریزی لازم بنحوی صورت گیرد که از هر ایستگاه حد اکثر استفاده لازم با توجه به فاصله مجاز فوق صورت پذیرد.

## برداشت جزئیات به روش تاکنومتری برای ترسیم نقشه توپوگرافی



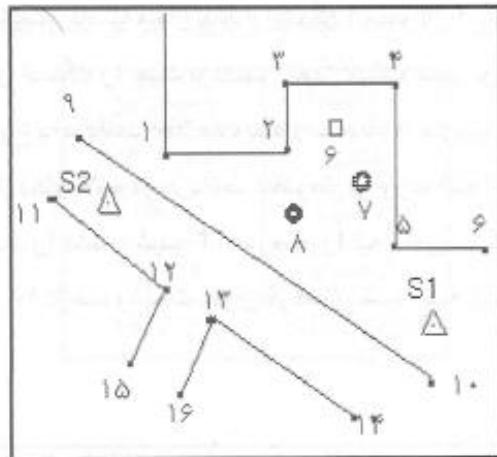
کروکی اولیه



(شکل ۵-۷)- اصول برداشت بروش تاکنومتری

قبل از شروع عملیات برداشت بایستی ایندا" از عوارض مشخص و قابل رؤیت از هر ایستگاه (از اطلاعات برنامه ریزی شده جهت برداشت) کروکی با دست تهیه کرد. کروکی فوق مشخص می‌کند که از آن ایستگاه چه اطلاعاتی و با چه ترتیبی بایستی توسط عامل برداشت گردد. ضمناً" موقعیت تقریبی ایستگاه اصلی و ایستگاه فرعی و تمام اطلاعات عینی در آن مشخص می‌شود. تهیه کروکی دقیق از منطقه نقش موثری را در کاهش زمان برداشت اطلاعات و خصوصاً ترسیم نقشه خواهد داشت. برای شروع عملیات برداشت عامل روی ایستگاه مورد نظر زاویه یاب را مستقر کرده و با توجه به کروکی فوق، به ترتیب اقدام به برداشت عوارض مورد نظر با ذکر کد یا شماره نقطه عیناً مشابه شماره های قید شده در کروکی و درج آن در برگه تاکنومتری می‌کند.

## برداشت جزئیات به روش تاکنومتری برای ترسیم نقشه توپوگرافی



کروکی اولیه

مطابق شکل فوق، عامل ابتدا موظف به برداشت تاکنومتری از مناطق مسکونی (شماره ۵-۱) با کد (خانه) پا (خ) در برگه تاکنومتری است، عارضه شماره ۶ نشانگر تیربرق، عارضه شماره ۷ نشانگر درخت نکی و عارضه شماره ۸ نشانگر چاه است. عوارض شماره های ۹-۱۶ نشانگر راه بوده و با کد راه در برگه تاکنومتری بایستی مشخص شوند.

در مورد برداشت نقاط ارتفاعی بایستی دقّت کرده عمل برداشت نقاط به صورت جاروب و به فرم شطرنجی در منطقه صورت گیرد و مناطق برداشت شده در هر ایستگاه به منظور جلوگیری از تکرار برداشت از ایستگاههای دیگر (وجلوگیری از گپ)، دقیقاً نشانه گذاری و سنگ چینی گرند. فاصله نقاط برداشت شده در مقیاس  $1/500$  از یکدیگر نبایستی بیشتر از ۱۵ متر باشد. این مقدار در مقیاس های  $1/1000$  تا  $1/2000$  ۳۰ متر نیز میتواند برسد. ضمناً "در تمام جاهائیکه به نحوی زمین دچار تغییر شیب محسوس می گردد بایستی نقطه کافی برداشت گردد. در مورد مناطق با شیب بسیار زیاد مانند ترانشه ها (پرتگاهها) بایستی هم در بالا و هم در پایین آنها، نقاط تاکنومتری کافی برداشت شود. این مسئله بایستی در برداشت نقاط دو طرف راهها و آبریزها (بریک لاین) نیز مورد توجه قرار گیرد.

## برداشت جزئیات به روش تاکئومتری برای ترسیم نقشه توپوگرافی

برگه تاکئومتری										
	ایستگاه:		تاریخ:		نام مؤسسه:					
	ارتفاع ایستگاه:		عامل:		نام منطقه:					
	ارتفاع دستگاه:		نوریستگاه:		نوع و شماره دستگاه:					
شرح نقاط	شماره نقاط	تار بالا	تار وسط	تار بین	زاویه افق	زاویه فائیم	اختلاف ارتفاع		ارتفاع نقاط	فاصله افقی
							+	-		

## برداشت جزئیات به روش تاکئومتری برای ترسیم نقشه توپوگرافی

نکته مهم در برداشت نقاط پر کردن صحیح و کامل اطلاعات برداشت شده در سر برگ تاکئومتری است. در مورد عوارض نامشخص نظیر برداشت ناهمواری و توپوگرافی زمین ، با توجه به مقادیر ارائه شده در جداول برداشت، فاصله مجاز نقاط از یکدیگر ( معمولاً ۲ سانتیمتر در مقیاس نقشه ) و حداقل شعاع عمل از هر ایستگاه را جهت برداشت تعیین میکنیم سپس بر این اساس از هر ایستگاه در محدوده تعیین شده شروع به برداشت اطلاعات بصورت منظم و جاروب خطی مینماییم. در جداول (۷-۱) تعدادی از استانداردهای لازم در برداشت تاکئومتری آورده شده است. در جداول ذیل زمین های با شبیب تا ۳ درصد را داشت، شبیب ۷-۳ درصد را تپه ماهور ، شبیب بین ۱۵-۷ درصد را کوهستان و شبیب بیش از ۱۵ درصد را تحت عنوان کوهستان شدید طبقه بندی میکنند.

## برداشت جزئیات به روش تاکئومتری برای ترسیم نقشه توپوگرافی

جدول ۱-۷-الف. طبقه بندی توپوگرافی بر حسب شیب

شیب زمین	نوع منطقه
کمتر از ۳٪	دشت
۳-۷٪	تپه ماهور
۷-۱۰٪	کوهستان
بیشتر از ۱۰٪	کوهستان شدید

۱-۷-ج. حداقل تراکم نقاط برداشتی در واحد هکتار

منطقه / مقیاس	۱/۵۰۰۰	۱/۲۰۰۰	۱/۱۰۰۰	۱/۵۰۰
دشت	۱	۵	۱۰	۲۵
تپه ماهور	۱	۵	۱۰	۲۵
کوهستان	۵	۲۰	۵۰	۱۰۰

۱-۷-ب. حداقل فاصله نقاط برداشت شده از یکدیگر ( واحد به متر)

منطقه / مقیاس	۱/۵۰۰۰	۱/۲۰۰۰	۱/۱۰۰۰	۱/۵۰۰
دشت	۱۲۵	۵۰	۲۵	۱۲,۵
تپه ماهور	۱۰۰	۴۰	۲۰	۱۰
کوهستان	۱۰۰	۴۰	۲۰	۱۰
کوهستان شدید	۷۵	۳۰	۱۵	۷,۵

۱-۷-پ. حداقل فاصله مجاز برداشت اطلاعات از هر ایستگاه - واحد به متر

منطقه / مقیاس	۱/۵۰۰۰	۱/۲۰۰۰	۱/۱۰۰۰	۱/۵۰۰
دشت	۴۰۰	۱۷۰	۱۳۰	۱۰۰
تپه ماهور	۴۰۰	۱۷۰	۱۳۰	۱۰۰
کوهستان	۱۵۰	۱۴۰	۱۱۰	۸۰

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

### ۱-۸- مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

برای ترسیم نقشه های توپوگرافی مراحل ذیل را به ترتیب انجام میدهیم (روش ترسیم دستی):

- الف - تهیه شیت گردبندی شده کالک یا ترانسپارت.
- ب - دادن مختصات به گریدهای نقشه و پیاده کردن نقاط پیمایش به روش مختصاتی در شیت.
- ج - پیاده کردن نقاط تاکئومتری روی شیت به روش قطبی.
- پ - اتصال نقاط مسطحاتی و مثلث بندی نقاط ارتفاعی.
- ث - انترپلاسیون نقاط ارتفاعی و ترسیم منحنی های میزان.
- د- درج علائم اختصاری و اطلاعات حاشیه ای نقشه و کنترل نهایی.

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

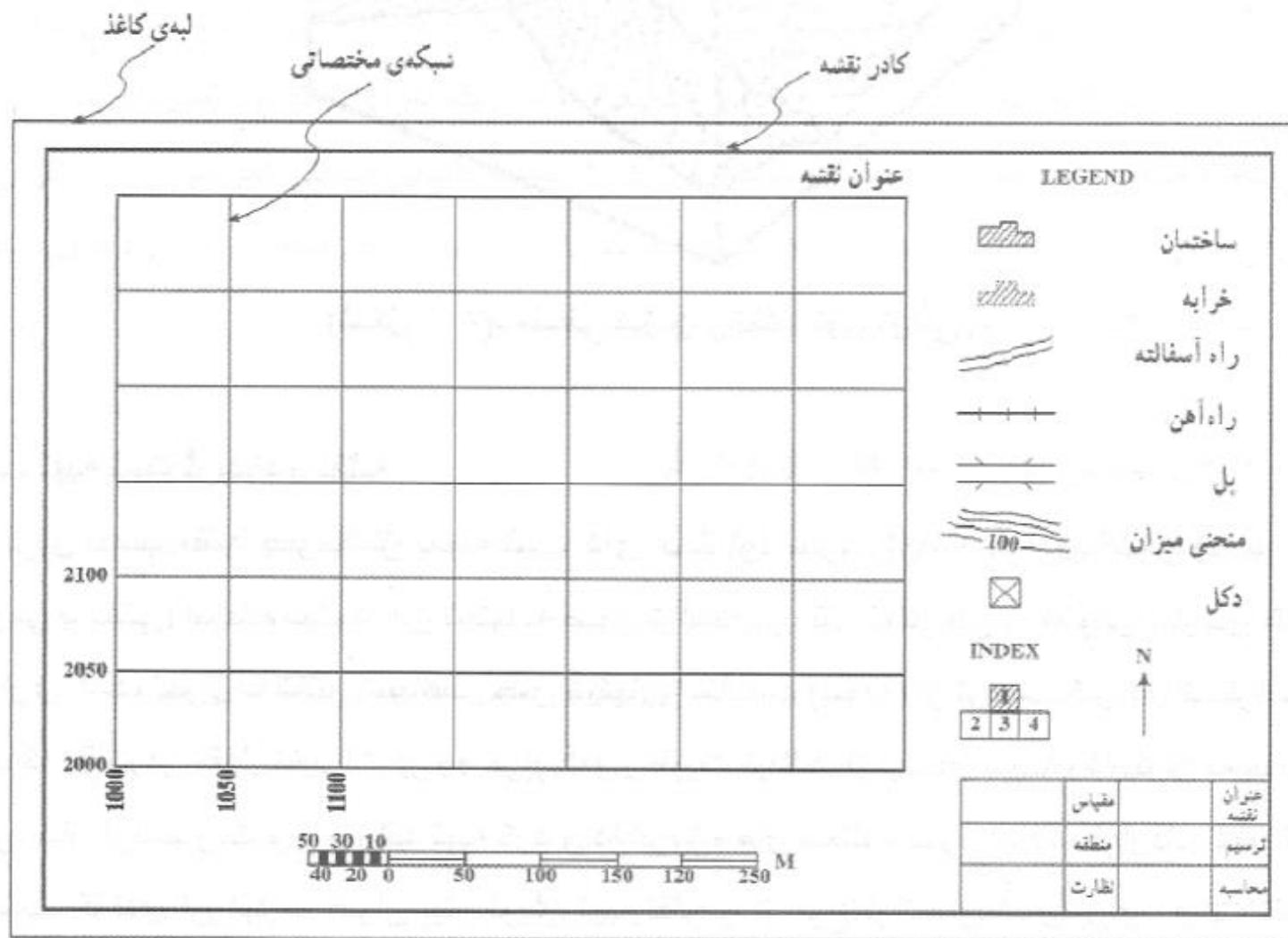
### الف - تهیه شیت گردیدبندی نقشه

برای ترسیم نقشه عموماً" از نمونه شیت های استاندارد سازمان نقشه برداری کشور (تصورت رقومی یا سنتی) استفاده میشود. این شیتها به صورت آماده در اکثر دفاتر فنی و همچنین سازمان نقشه برداری آماده تحويل یا تکثیر میباشند. جنس شیتهاى استاندارد (نمونه) از نوع پاتکس (ترانسپارانت) بوده که مقاوم در مقابل تغییرات درجه حرارت و رطوبت میباشد. از شیتهاى نمونه را میتوان به اندازه مورد نیاز ترانسپارنت و یا اوزالید تهیه کرد و در پروژه های مختلف مورد استفاده قرارداد. معمولاً" از شیت کاغذی اوزالید به عنوان پیش نویش تهیه نقشه و از نوع ترانسپارنت آن برای ارائه نقشه نهایی استفاده مینمایند.

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

کادر داخلی و اصلی مورد کاربرد جهت تهیه نقشه عموماً در ابعاد  $80 \times 60$  سانتیمتر میباشد که معمولاً به صورت دقیق در ابعاد  $10 \times 10$  سانتیمتر شبکه بندی (گرید بندی) شده است. ابعاد خارجی هر برگ نقشه با توجه به کادر دور نقشه و لزاند  $100 \times 75$  سانتیمتر میباشد. حاشیه نقشه با نوار باریک  $1,5$  سانتیمتر و با قلم  $0,5$  تا  $1$  میلیمتر محدود شده و فاصله لبه کاغذ با کادر اصلی از بالا  $3$  سانتیمتر، سمت چپ  $4$  سانتیمتر و از قسمت پایین  $9$  سانتیمتر و در سمت راست  $10$  سانتیمتر میباشد. حاشیه سمت راست برای ترسیم لزاندر، انداز و سایر اطلاعات حاشیه ای نظیر نام منطقه، مقیاس، تاریخ تهیه، شماره نقشه، ارگان ناظارت کننده و عنوان کارفرما اختصاص آورده شده است. در وسط حاشیه پایینی نقشه مقیاس خطی و علامت شمال نقشه ترسیم شده و در سمت چپ آن نام تهیه کننده، سفارش دهنده و تاریخ تهیه آن قید میگردد. آرم کشور معمولاً "در وسط بخش فوقانی نقشه ترسیم میشود. در این بخش نام منطقه و مقیاس نقشه به فارسی در سمت راست و به لاتین در سمت چپ قید میگردد.

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی



(شکل ۲-۸)- نمونه اطلاعات حاشیه ای کادر نقشه

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

ب - انتساب مختصات به گرید ها و پیاده کردن نقاط پیماش

عموما با توجه به حداقل  $y$ ،  $x$  محاسبه شده برای نقاط پیماش و شعاع برداشت اطلاعات از هر ایستگاه، عددی روند حتی الامکان از مضارب ۵ و ۱۰ به عنوان مبنای شروع  $y$ ،  $x$  شبکه مختصاتی (گریدها) انتخاب میکنند، به نحوی که نقاط شبکه پیماش پس از پیاده کردن در محدوده شیت قرار گیرند. با توجه به مقیاس نقشه هر ۱۰ سانتیمتر از گرید دارای ارزش خاص طولی می گردد. بطور مثال در مقیاس  $1/1000$  هر یک سانتیمتر معادل ۱۰ متر میباشد، پس هر ۱۰ سانتیمتر گرید شیت معادل ۱۰۰ متر ارزش خواهد داشت. در صورتیکه وسعت منطقه زیاد باشد به نحوی که امکان ترسیم نقشه در یک شیت میسر نباشد بایستی از چند شیت برای ترسیم نقشه استفاده کرد.

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

پس از دادن مختصات در جهات  $y, z$  به شبکه نقشه ، حال نوبت پیاده کردن نقاط پیمایش از طریق مختصات معلوم آنها می رسد در این حال با توجه به گردید مختصاتی،  $y, z$  هر نقطه را در هر محور با خط کش بصورت دکارتی دقیقاً " جدا کرده و تقاطع آنها را در دو محور به عنوان مکان نقطه با علامت خاص ( عموماً  $\Delta$  ) بر روی شیت نمایش می دهیم. پس از پیاده کردن تمام نقاط پیمایش، آنها را با خطی کمرنگ و نازک با مداد به هم وصل کرده و شکل چند ضلعی شبکه پیمایش را روی شیت نقشه احیاء میکنیم . "عمو ما" در بالای علامت فوق، نام ایستگاه و در زیر آن ارتفاع نقاط را یادداشت می کنیم . در این حال مرکز مثلث مکان دقیق نقطه را نشان میدهد . روش دیگر نمایش ارتفاع نقطه روی نقشه، نوشتن ارتفاع نقطه به نحوی است که ممیز ارتفاع دقیقاً " روی نقطه مشخصه مکان نقطه پیمایش ( نقطه وسط علامت  $\Delta$  ) قرار گیرد.

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

### ج - پیاده کردن نقاط مسطحاتی و ارتفاعی (نقاط تاکنومتری) روی شیت نقشه

در این مرحله با استفاده از جداول برداشت زمینی (تاکنومتری)، که زوایه افقی، طول افقی و ارتفاع تمام نقاط آن تعیین گردیده و به کمک نقاط پیمایش پیاده شده و با توجه به ایستگاه اصلی برداشت نقاط و ایستگاه صفر صفر شده حالت عکس برداشت زمینی را بشرح ذیل دنبال میکنیم:

ابتدا با قرار دادن مرکز نقاله کاغذی یا طلقی در ایستگاه اصلی (زیر کالک یا کاغذ پوستی)، صفر نقاله را به سمت ایستگاه صفر صفر شده مطابق با برگه تاکنومتری متمایل کرده و نقاله را با چسب محکم میکنیم سپس با استفاده از خط کش یا اشل و در مقیاس نقشه به ترتیب ابتدا "زاویه افقی نقطه را از روی نقاله جدا کرده و سپس طول افقی نقطه را با اشل در جهت جدا شده توسط نقاله علامت میزنیم و جای نقطه را با علامت (.) مشخص میکنیم. چنانچه نقطه مورد نظر مسطحاتی باشد بايستی شماره نقطه را از مطابق کروکی ترسیم شده در برگه تاکنومتری استخراج و روی آن پادداشت کنیم در غیر اینصورت در مورد نقاط ارتفاعی، ارتفاع نقطه را در محل علامت ممیز (.) ایستگاه پادداشت میگردد. این کار را برای تمام نقاط و از تمام ایستگاهها به تدریج ادامه میدهیم تا کلیه نقاط برداشت شده به روش قطبی (طول و زاویه) در روی شیت نقشه پیاده گرند.

پیاده کردن نقاط برداشته با استفاده از مختصات دکارتی آنها و گردیدنی نقشه نیز صورت می گیرد

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

### پ - اتصال نقاط مسطحاتی و مثبت بندی نقاط ارتفاعی

پس از پیاده کردن نقاط برداشتی، مرحله بعدی ترسیم بخش مربوط به عوارض مسطحاتی و اتصال نقاط ارتفاعی به صورت مثبت بندی است. در این مرحله با استفاده از کروکی و شماره نقاط برداشت شده به تدریج نقاط مورد نظر را به یکدیگر متصل نموده و از دنبال کردن آنها راهها، ساختمانها، تیرهای برق، بلوکهای شهری و روستایی و ... به تدریج به صورت اصلی آنها در مقیاس نقشه بر روی کاغذ احیا میگردند. در این مرحله بایستی توجه کافی را به علائم و سمبلهای استاندارد هر عارضه معطوف داشت و عوارض را با همان علامت خاص خویش روی نقشه مشخص کرد.

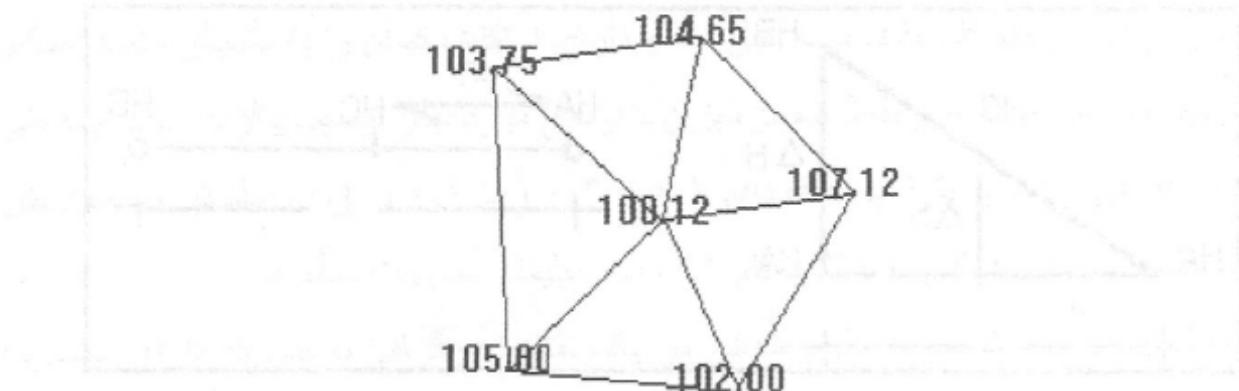
در مورد عوارض ارتفاعی (عارضی که نشانگر عارضه نقطه ای خاص نیستند نظیر تپه ها و تغییرات ناهمواری طبیعی زمین) به منظور نشان دادن محسوس این تغییرات به شکل صحیح و پیوسته، بجز در مناطقی که تغییرات ارتفاعی محسوسی ندارند (نظیر دشتها)، تمامی نقاط ارتفاعی را با استفاده از اشکال مثبتی (TIN) و با شرایط ذیل به هم وصل می کنیم:

۱ - مثبتهای ترسیم شده، شامل نزدیکترین نقاط ممکن به هم باشند.

۲ - مثبتهای ترسیم شده با نقاط حتی الامکان شکل متساوی الاضلاع را ایجاد نماید.

۳ - اضلاع مثبتها به هیچوجه یکدیگر را قطع نکنند. مثال:

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی



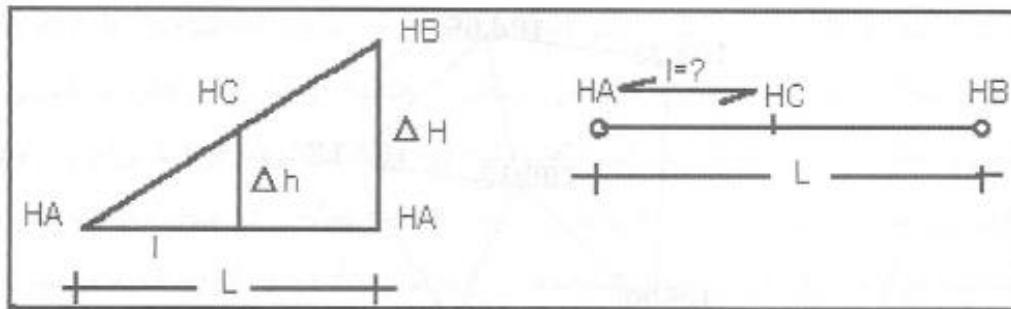
(شکل ۸-۳)

بدهی است اگر در مناطقی نقاط ارتفاعی به حد کافی برداشت نشده باشد یا تغییرات ارتفاعی در حد رقوم مورد نظر برای ترسیم منحنی میزان نباشد نبایستی مثلث بندی صورت پذیرد. مناطقی که تراکم نقاط پیاده شده در آنها کم میباشد به عنوان مناطق گپ اطلاق گردیده و با یستی با اعزام دوباره اکیپ، در این مناطق نقاط اضافی جدیدی برداشت شده و به نقشه اضافه گردند. در مورد مناطق با شبیه سیار زیاد مانند ترانشه ها (پرتگاهها) بایستی نقاط برداشت شده در بالا و پایین ترانشه بصورت مستقل از هم مثلث بندی گردند تا نتایج حاصله دچار اشتباه نگردد. این مسئله بایستی در مثلث بندی نقاط دو طرف راهها و آبریزها (بریک لاینها) نیز مورد توجه قرار گیرد.

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

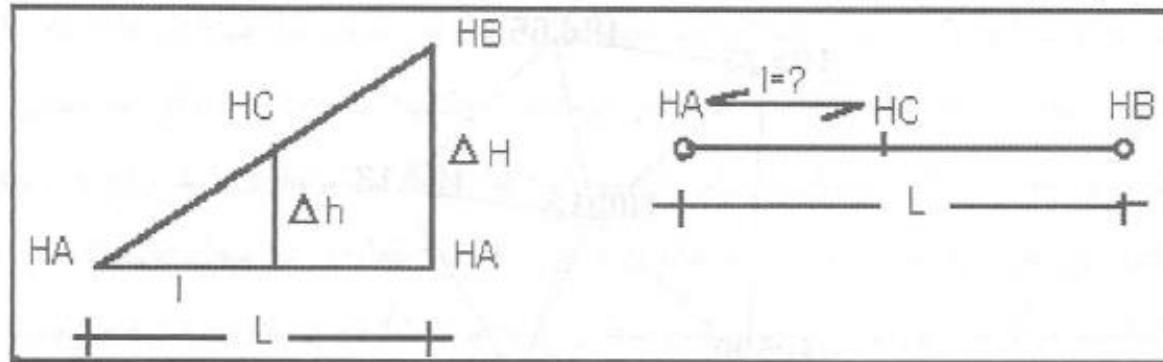
### ث - انترپلاسیون نقاط ارتفاعی و ترسیم نقشه

مفهوم ریاضی انتر پلاسیون یعنی میانه یابی یا واسطه یابی خطی بین دو نقطه با مختصات معلوم . چون در ترسیم منحنی های میزان نقاط دارای ارتفاعات یکسان و دارای ارتفاع با مضارب روند (نیم متری ، یک متری یا دومتری و...) به یکدیگر متصل می گردند. به منظور استخراج نقاط دارای ارتفاع روند بین دونقطه با ارتفاع مختلف و اعشاری عموماً از روش انتر پلاسیون استفاده می گردد. در این روش سوال این است که، با داشتن دونقطه A,B به فاصله L از یکدیگر با ارتفاعات HC به چه نحوی می توان محل نقطه دیگری را با ارتفاع HB تعیین کرد بنحویکه دارای ارتفاع مشخص باشد. مطابق شکل ذیل میتوان نوشت:



$$\frac{l}{L} = \frac{\Delta h}{\Delta H} \Rightarrow l = \frac{L \times \Delta h}{\Delta H} = \frac{L \cdot (HC - HA)}{(HB - HA)}$$

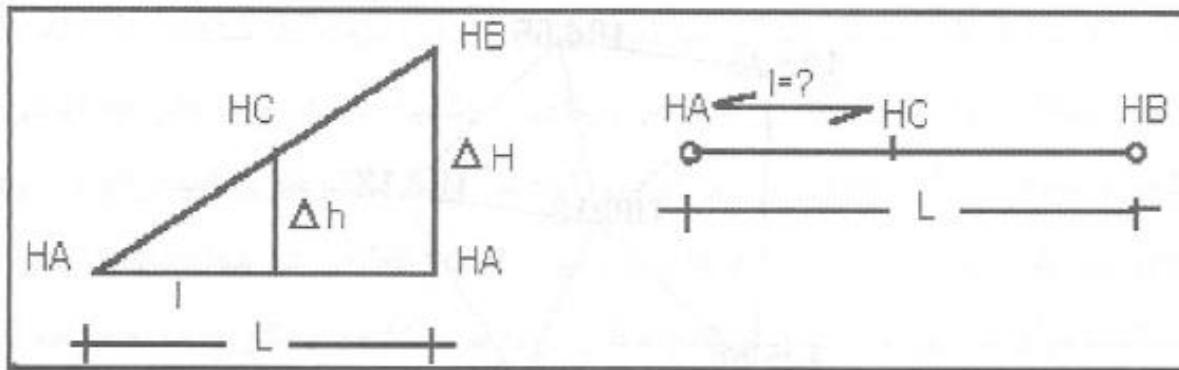
## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی



$$\frac{l}{L} = \frac{\Delta h}{\Delta H} \Rightarrow l = \frac{L \times \Delta h}{\Delta H} = \frac{L \cdot (HC - HA)}{(HB - HA)}$$

در رابطه فوق مقادیر  $HA, HB, L$  از نقشه مثلث بندی شده بروش فوق و با مقیاس مربوطه قابل استخراج و اندازه گیری است. ترسیم کننده با معرفی ارتفاع  $HC$  روند مورد نظر، بین دو نقطه  $A, B$  مقدار  $l$  (فاصله نقطه  $C$  تا نقطه با ارتفاع پایین) را محاسبه کرده و سپس با استفاده از خط کش یا اشل مقدار آن روی خط  $AB$  جدا میکند و نهایتاً ارتفاع  $HC$  را روی آن یادداشت می کند.

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی



مثال ۱- در شکل بالا اگر  $HA=101.72$  ،  $HB=104.16$  مترو فاصله بین نقاط ۵ سانتیمتر باشد، نقطه ارتفاعی ۱۰۳ متر در چه فاصله ای از نقطه A قرار میگیرد؟

$$l_{103} = \frac{5\text{cm} \times (103 - 101.72)}{(104.16 - 101.72)} = 2.62\text{cm}$$

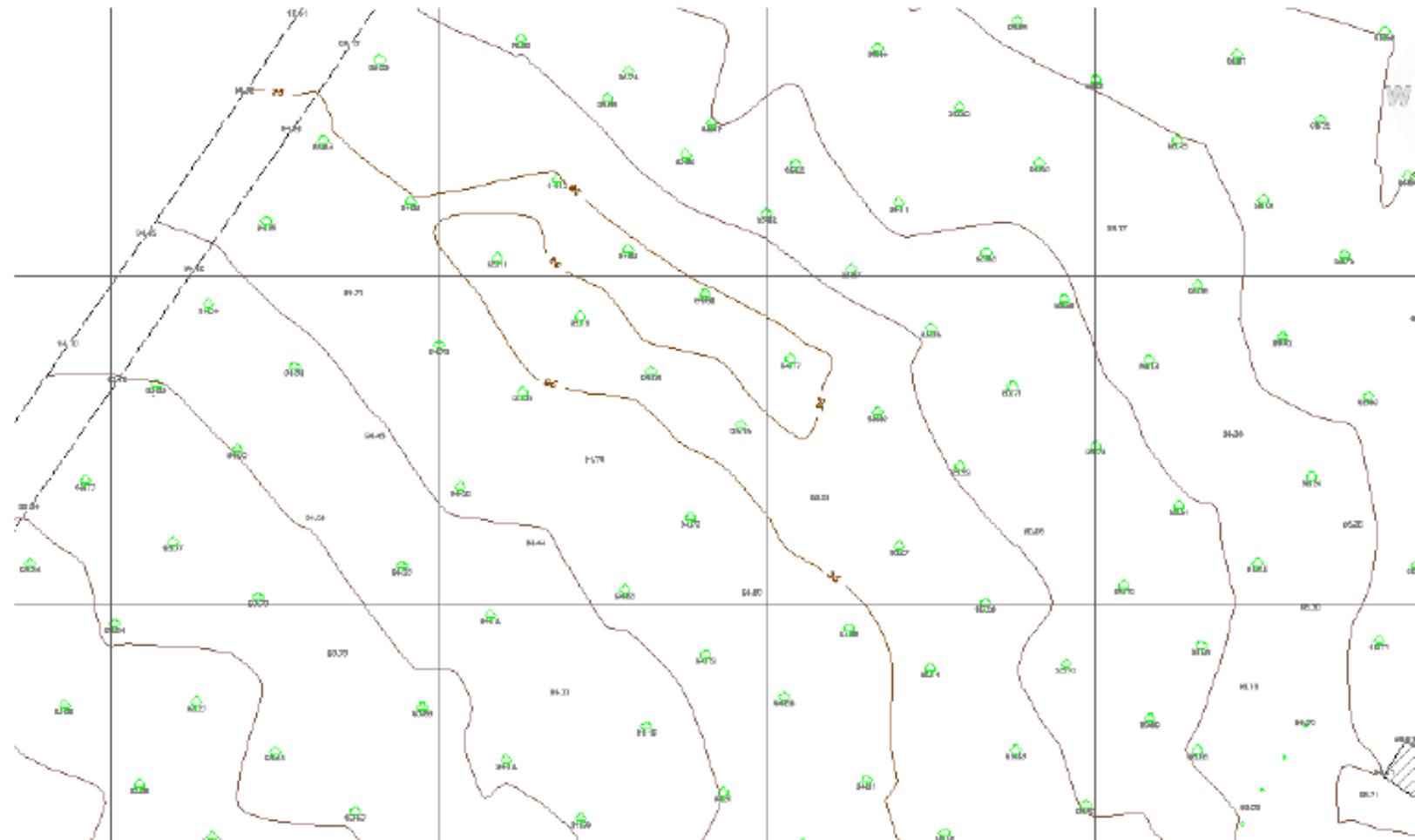
بدین ترتیب نقطه ای به فاصله ۲,۶۲ سانتیمتر از نقطه اول دارای ارتفاع ۱۰۳ می باشد. به

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

منظور تعیین محل ارتفاعات مورد نظر برای بقیه نقاط میتوان به روش مشابه عمل کرده و محل نقاط را با ارتفاعات روند روی کلیه اضلاع مثلثهای ترسیم شده، نشانه گذاری کرده و یاداشت نمائیم. پس از این مرحله کلیه نقاط میانه یابی شده و دارای ارتفاع یکسان را به یکدیگر متصل میکند و بدین ترتیب با ادامه اتصال این نقاط منحنی میزان با ارتفاع مورد نظر ترسیم میگردد. ترسیم منحنی های میزان فرعی و اصلی بترتیب با قلمهای ۱، ۲ و ۳ (یا ۰،۲ و ۰،۴) میلیمتر و عوارض مسطحاتی نقشه های توپوگرافی معمولاً "با قلم ۲-۰،۰ میلیمتر صورت میگیرد.

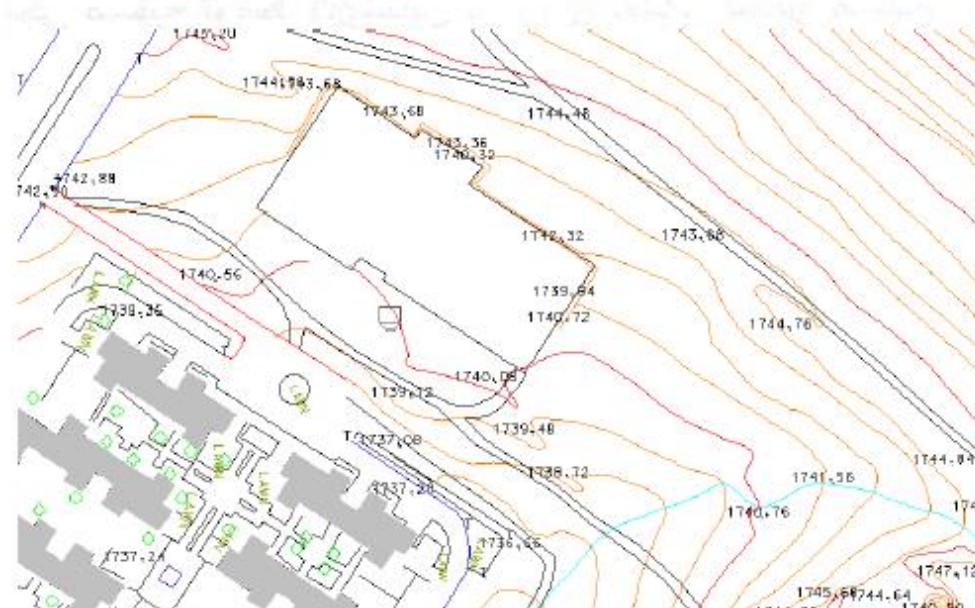
معمول از هر پنج منحنی با رقوم متوالی در یک نقشه توپوگرافی منحنی که دارای مضارب صحیحی از پنج باشد به عنوان منحنی اصلی (متروس) انتخاب کرده و با قلم ضخیم تری ترسیم می کنند. ضمناً رقوم ارتفاعی منحنی های میزان را صرفاً روی منحنی اصلی و با فواصل مناسب و در جهت مناسب برای قرائت استفاده کننده یادداشت می کنند لذا در منحنی های فرعی نیازی به قید رقوم ارتفاعی نیست.

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی



## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

"معمولاً" جهت امکان بهره برداری بهتر از نقشه، لازم است تعدادی از کدهای ارتفاعی بکار رفته در ترسیم منحنی میزان را انتخاب مستقیماً" بر روی نقشه با شابلن انتقال داد به چنین نقشه های، نقشه پلان کد اطلاق میکنند. این تعداد برای دشت ۱۰۰٪، برای تپه ماهور ۵۰٪ و برای کوهستان ۳۰٪ از نقاط میباشد. کلیه رقوم ارتفاعی نقشه در جهت شمال و با قلم ۰,۲ میلیمتر باستی با شابلن نوشته شوند. در مناطقی که تغییرات توپوگرافی زمین محسوس نباشد (نظیر دشتها) عموماً" به خاطر اختلاف ارتفاع ناچیز منطقه امکان ترسیم منحنی میزان میسر نبوده و در این حال برداشت نقاط از طریق شبکه بندی و ترسیم نقشه بدون منحنی میزان و صرفاً" با درج کدهای ارتفاعی برداشت شده خواهد بود.

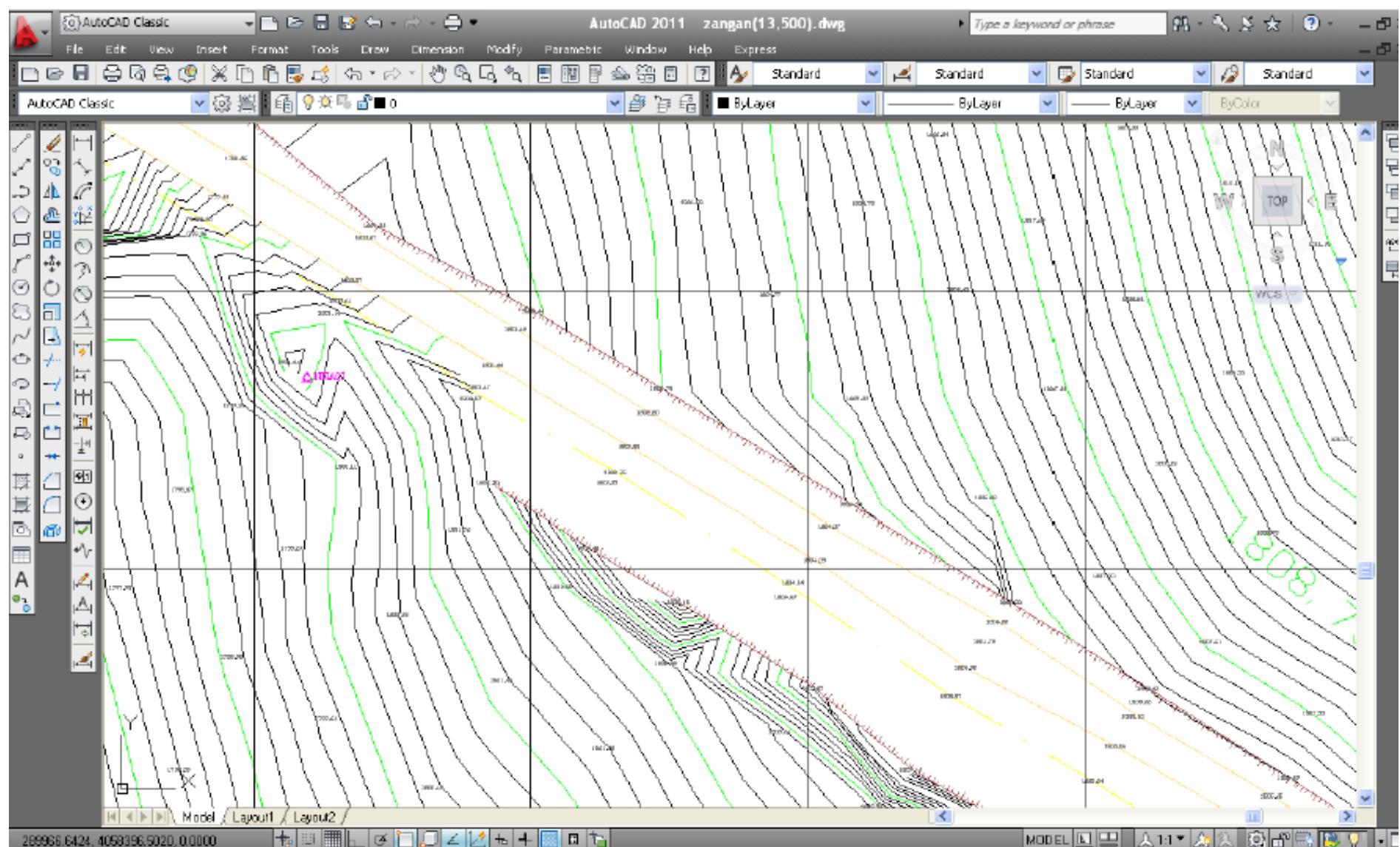


## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی

منحنی میزان از روی عوارض مسطحاتی نظیر ساختمان و راه و... رد نمیشود و هیچ وقت یکدیگر را قطع نمیکنند و لذا شاخه شاخه نمیشنوند. منحنی های میزان دارای لبه های تیز نیستند و یکدیگر را قطع نمیکنند. منحنی های میزان در نهایت منحنی های بسته ای را تشکیل می دهند البته احتمال دارد که در تهیه نقشه در یک منطقه کوچک منحنی های بازی نیز وجود داشته باشد لاین در کل منطقه و نهایتاً "خارج از نقشه منحنی ها بسته میشوند. ضمناً" در یک نقشه ممکن است چند منحنی با ارتفاع یکسان در مناطق مختلف نقشه وجود داشته باشند بدون اینکه به یکدیگر متصل شوند، به عبارت دیگر در یک نقشه طبیعی است که نقاطی با ارتفاع یکسان در مناطق مختلف وجود داشته باشند. در مناطق خاص نظیر پرتگاه ها و ترانشه ها که نقاط بالا و پایین فاصله افقی کم و اختلاف ارتفاع زیاد دارند عملاً امکان ترسیم منحنی میزان ارتفاعات بین این دو نقطه میسر نمیگردد و فشرنگی منحنی های میزان به نحوی است که خطوط منحنی ها تقریباً بر هم مماس می گردند، در این حال مطابق شکل ذیل از علامت خاص ترانشه به جای زدن منحنی میزان بین دو نقطه استفاده میگردد.

97,++	98,++	99,++
<hr/>		
110,++	112,++	111,++

## مراحل ترسیم نقشه های توپوگرافی



## برداشت نقشه به وسیله دستگاه های دوربین توتال استیشن

واژه توتال استیشن به مجموعه سیستم الکترونیکی اطلاق میگردد که بدون نیاز به ملحقات جانبی بتواند عملیات اندازه گیری توام فاصله، اختلاف ارتفاع و زاویه را با دقت مناسب (در حد چند میلیمتر در کیلومتر طول) انجام داده و قابلیت اخذ اطلاعات ایستگاه نظری ارتفاع ایستگاه، ارتفاع دستگاه، مختصات ایستگاه، دما و فشار هوا و... داشته و تصحیح درجه حرارت و فشار را بصورت اتوماتیک روی نتایج اعمال میکند. ضمناً "تبديل سیستم قطبی به دکارتی و بالعکس براحتی میسر میباشد. این سیستم با توجه به حافظه داخلی قابلیت ذخیره اطلاعات تا چندین هزار نقطه را در خود داشته و براحتی میتواند از طریق یک رابط ارتباط با کامپیوتر اطلاعات را جهت استفاده در نرم افزارهای مهندسی یا ترسیم نقشه تخلیه نماید.



۱. واحد اندازه گیری طول
۲. واحد اندازه گیری زاویه افقی و قائم
۳. واحد پردازندۀ
۴. بازتابنده های یک یا چند منشوری
۵. باطری
۶. کارت‌ها یا دیسکت‌های مخصوص برای ذخیره اطلاعات
۷. نرم افزار مختلف برای اجرای عملیات نقشه برداری
۸. کامپیوترهای صحرایی (برای ضبط اطلاعات و انجام محاسبات در صحرا)

## برداشت نقشه به وسیله دستگاه های دوربین توتال استیشن



اندازه‌گیری فاصله با ابداع و ساخت دستگاههای الکترونیکی دستخوش دگرگونی سریعی شده است، به ویژه امروزه که دقت، سرعت و کارایی این گونه دستگاهها بر کلیه روش‌های دیگر پیشی‌گرفته و روز به روز بروزت، تولید، تنوع و کارایی آنها افزوده می‌شود.

### اصول کلی

از نظر کلی فاصله‌یاب الکترونیکی یک دستگاه مولد موج الکترومغناطیس (معمولًاً از نوع مایکروویو - مادون قرمز و یا لیزر) با طول موجی بین  $10\text{ cm}$  تا  $6\text{ mm}$  میکرون است و از نظر اساس کار، اندازه‌گیری زمان رفت و برگشت موجی است که در یکی از دو انتهای خط، ایجاد و به سمت نقطه دیگر فرستاده می‌شود و در نقطه دوم منعکس شده به سمت نقطه اول بر می‌گردد.

با توجه به ثابت بردن سرعت انتشار امواج الکترومغناطیس در یک شرایط جوی معین فاصله بین دو نقطه از معادله زیر به دست می‌آید.

$$x = \frac{1}{2} V \cdot t$$

در این رابطه  $t$  زمان رفت و برگشت موج و  $V$  سرعت انتشار آن است. سرعت  $V$  برای هر موج در شرایط جوی مختلف (فشار - دما و رطوبت نسبی) متفاوت است. این سرعت طبق رابطه

$$V = \frac{c}{n}$$

به دست می‌آید که در آن  $n$  ضریب شکست هوا و  $c$  سرعت موج در خلاء است.



## برداشت نقشه به وسیله دستگاه های دوربین توتال استیشن

توتال استیشن ها مقادیر طول افقی، طول مایل، زاویه شیب، زاویه افقی،  $x$ ،  $y$  مختصات ایستگاهی که رصد می شود و اختلاف ارتفاع نقطه استقرار و نقطه نشانه روی را مستقیما اندازه گیری گرده یا محاسبه می کنند. مقادیر اندازه گیری و محاسبه شده یا روی دیسکت مغناطیسی ضبط شده و یا در حافظه دستگاه ثبت می شود. بدین ترتیب نوشتن اطلاعات به هنگام عملیات زمینی ضروری نمی باشد و در نتیجه خطاهای قرائت، نوشتن و وارد کردن عملا حذف می شود. اطلاعات ضبط شده در حافظه دستگاه مستقیما به کامپیوتر تخلیه شده و با استفاده از نرم افزارهای موجود، محاسبات لازم انجام و ترسیمات به طور تمام اتوماتیک انجام می گیرد و بدین ترتیب اندازه گیری های زمینی تبدیل به نقشه های دیجیتالی می شود.

در دستگاه توتال استیشن هدف ارائه مختصات نقاط نشانه روی می باشد به نحوی که براساس مدل ریاضی زیر، اگر مختصات نقاط استقرار را  $(X_A, Y_A)$  و مختصات نقطه نشانه روی را  $(X_B, Y_B)$  در نظر بگیریم در این صورت می توان نوشت:

$$\begin{cases} X_B = X_A + L_{AB} \sin G_{AB} \\ Y_B = Y_A + L_{AB} \cos G_{AB} \end{cases}$$

لیکن در این رابطه همانگونه که گفته شد طول AB از طریق طول یاب الکترونیکی بدست می آید.

# برداشت نقشه به وسیله دستگاه های دوربین توتال استیشن

## LEICA TPS800 Performance Series ...



پایان

## منابع

- کتاب نقشه برداری مهندسی از تئوری تا عمل، تألیف دکتر رامین کیامهر، انتشارات دانشگاه آزاد اسلامی زنجان
- کتاب نقشه برداری مهندسی، تألیف مهندس محمود دیانتخواه، انتشارات دانشگاه اصفهان
- کتاب نقشه برداری مسیر و قوسها در راهسازی، جلد های ۱ و ۲ و ۳، تألیف مهندس علیرضا سلیمانی، انتشارات آذرخش
- کتاب مجموعه جامع نقشه برداری، تألیف مهندس ابوالفضل رنجبر، انتشارات عمیدی
- کتاب مروری بر مسائل نقشه برداری، تهیه و تدوین مهندس مهدی پرنا، انتشارات آزاده
- آموزش نرم افزار Surfer انتشارات دیباگران
- کتاب تحلیل مسائل نقشه برداری، تألیف مهندس علیرضا انتظاری، انتشارات شیخ صفی الدین
- دستور العمل های همسان نقشه برداری، انتشارات سازمان مدیریت و برنامه ریزی کشور (نشریات ۱۱۹)

((تنها کسانی خطأ نمی کنند که کاری نمی کنند))